УДК 621.793

Сравнение результатов экспериментов и моделирования холодного газодинамического напыления за маской. Часть 2^{*}

С.В. Клинков, В.Ф. Косарев, Н.С. Ряшин

Институт теоретической и прикладной механики им. С.А. Христиановича СО РАН, Новосибирск

E-mail: vkos@itam.nsc.ru

В работе представлены результаты экспериментов и моделирования образования покрытия при холодном газодинамическом напылении за маской, располагаемой параллельно поверхности плоской преграды на различных расстояниях. Экспериментально определены картины скоростей движения частиц алюминия (средний размер ~ 30 мкм) и меди (~ 60 мкм) и измерены их скорости в окрестности маски. Обнаружено наличие распределения скоростей частиц по углу в струе с характерным стандартным отклонением 1,5–2 град. Проведено моделирование образования покрытия за маской с учетом этого распределения. Результаты моделирования согласуются с экспериментальными данными, что подтверждает важную роль распределения частиц по углу в процессе образования покрытия в маскированной области.

Ключевые слова: холодное газодинамическое напыление, маска, профиль покрытия, ширина маскированной зоны.

Введение

Метод холодного газодинамического напыления (ХГН), разработанный В ИТПМ СО РАН [1], получил в настоящее время широкое распространение как у нас в стране, так и за рубежом. Были предложены различные технические решения за счет оптимального выбора рабочего газа, размера и формы частиц порошка, угла напыления, подогрева порошка, подслоев [2–7]. Следует отметить также работы по напылению в вакууме субмикронных порошков, применению микросопел (до 50 мкм в диаметре) для напыления нанопорошков (включая неметаллы) [8, 9], по металлизации методом ХГН стекла и кремния, пластиков, а также напыления порошков пластиков [10–17]. Перечисленные разработки показывают насколько широка и разнообразна область применения ХГН. Одним из приложений метода ХГН является получение покрытий с заданным рисунком [17–20].

Впервые результаты исследований по созданию непроводящих дорожек методом ХГН были представлены в работах [21–23]. В работе [24] на основе экспериментальных результатов было показано, что для получения зоны без покрытия маску (стальную нить диаметром 0,3–1 мм) можно располагать на некотором расстоянии от подложки (2–14 мм),

^{*} Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (гранты №: 14-01-00352-а и № 15-08-04129-а).

[©] Клинков С.В., Косарев В.Ф., Ряшин Н.С., 2017

при этом в зависимости от параметров напыления (материала частиц и температуры рабочего газа) с увеличением дистанции установки маски может наблюдаться как монотонное уменьшение ширины маскированной зоны, так и ее увеличение на малых дистанциях (более подробное описание условий эксперимента можно найти в работе [24], а полученные экспериментальные результаты будут представлены ниже). Для объяснения полученных закономерностей потребовалось провести дополнительные эксперименты, построить модель явления, провести расчеты и сравнить их с полученными экспериментальными результатами, что и представлено в настоящей работе.

Известно, что при наличии тел в сверхзвуковом потоке перед поверхностью преграды происходит трансформация прямой ударной волны в косую с формированием отрывной зоны. Проведенные в работах [25, 26] расчеты (где в качестве тела использовалась игла) показали, что частицы диаметром более 1 мкм не реагируют на трансформацию головной ударной волны. В типичных для ХГН порошках со средним размером частиц 30 – 60 мкм доля частиц диаметром менее и порядка 1 мкм пренебрежимо мала. Поэтому для таких порошков можно не учитывать эффекты, связанные с перестройкой течения в окрестности маски и далее вниз по потоку при малых дистанциях от маски до подложки.

Материалы и методы экспериментов

Эксперименты с использованием порошков алюминия АСД-1 и меди ПМС-1 проводились по схеме, представленной на рис. 1. Функции распределения этих порошков по размерам представлены в работе [24]. Средний размер частиц алюминия составлял примерно 30 мкм, средний размер частиц меди — около 60 мкм.

Для измерения скоростей частиц использовался трехэкспозиционный теневой времяпролетный метод. Экспериментальный стенд (рис. 2*a*) включает в себя осциллограф Voltcraft DSO-2250 USB, генератор импульсов Aktakom AHP-3516-SW USB, камеру Videoscan-285/P-USB с минимальным временем экспозиции 3,5 мкс, модулируемый полупроводниковый лазер WSTech UT5-40G-658 мощностью 40 мВт с длиной волны 658 нм и с модуляцией сигналом стандарта TTL от 0 до 155 МГц. Генератор посылает три электрических TTL-импульса, каждый длительностью 20 нс, с заданным интервалом 10 мкс на лазер, который генерирует световые импульсы, в точности повторяя импульсы генератора. Камера записывает кадры с нестрого заданной частотой ($1/t_{ran}$) около 7–8 кадров в секунду со временем экспозиции 10 мкс. Все три теневых изображения частиц, соответствующие трем импульсам лазера, записываются на один кадр. Эта схема работает по принципу «вероятностной» синхронизации между камерой и лазером. Для записи кадров, на которых получаются все три изображения с максимальной вероятностью (9_{max}),



необходимо задать время экспозиции камеры $t_{\rm ccd}$ (рис. 2b) равным времени повторения лазерных импульсов $t_{\rm rpt}$. В таком случае $\mathscr{G}_{\rm max}$ определяется выражением $\mathscr{G}_{\rm max} = 1 - \tau / t_{\rm ccd}$, где τ — общая длительность последовательности лазерных импульсов (рис. 2b). В экспериментах использовалась следующая последовательность лазерных импульсов: второй импульс имел место через 200 нс после первого, а третий — через 400 нс после второго. В этом случае трехимпульсные кадры записываются

Рис. 1. Схема экспериментов с напылением. *1* — сверхзвуковое сопло, *2* — маска, *3* — подложка, *4* — покрытие.



Рис. 2. Схемы стенда для измерения скорости частиц (a) и соотношения между лазерными импульсами и временем экспозиции камеры (b). 1—генератор импульсов TTL стандарта, 2—модулируемый полупроводниковый лазер, 3—осциллограф, 4—ПК, 5—камера, 6—линза, 7—сопло, 8—струя.

с вероятностью 94 %. Увеличение оптической системы, равное двум, позволяет записывать изображение реального поля размером примерно 3×4 мм.

Вспомогательный импульс между первым и последним импульсами помогает определить направление движения частицы, а также способствует более точному сопоставлению изображений одной и той же частицы. Отметим, что представленная диагностическая схема не позволяет записывать мелкие частицы из-за их низкого контраста, который обусловлен, с одной стороны, высокими скоростями мелких частиц, а с другой наличием флуктуаций фона изображения из-за турбулентных пульсаций в струе. Оценки показывают, что регистрируются только сравнительно крупные частицы (порядка ~ 15-20 мкм и более), из которых в основном и формируется объем покрытия, в большинстве случаев практического применения ХГН. Далее на полученных трехимпульсных кадрах измеряются расстояния между первым и третьим изображениями частиц и вычисляется их скорость. На одном кадре наблюдается обычно 3-5 частиц, поэтому для набора представительной выборки проводится запись 30-80 кадров, что занимает около 5-10 с. Точность измерения рассматриваемой диагностической системы, оцененная по размеру пиксела камеры (около 6 мкм), составляет для абсолютной величины скорости одной частицы \pm 5 м/с, для угла скорости — $\alpha_{\rm p} \pm 0,7$ град. Описанным методом измерялись скорости частиц v_n в окрестности маски (стальной нити диаметром 1 мм), отстоящей от поверхности подложки на расстоянии 10 мм, при обтекании потоком воздуха с частицами при температуре торможения $T_0 = 300$ К. Давление воздуха в форкамере равнялось 1,5 МПа. В экспериментах использовалось коническое керамическое сопло с диаметром критического сечения 3 мм, выходного сечения (D_{ex}) 6 мм и длиной сверхзвуковой части 100 мм.

Экспериментальные результаты

Представим сначала результаты визуализации двухфазного потока в окрестности маскирующего элемента. В качестве примера на рис. 3 показана картина скоростей частиц, полученная наложением всех зафиксированных векторов изображений частиц. Поэтому следует обратить внимание, что поток частиц в реальности намного разреженнее, чем это представлено на рис. 3. Это в свою очередь позволяет исключить влияние столкновений частиц друг с другом в потоке. На рисунке видны отраженные частицы, пересекающие поток частиц из сопла, видны также головная ударная волна перед маскирующим телом и граница отрывной зоны. Обработка подобных фотографий позволила получить функции распределения частиц (набегающих, проходящих и отраженных от маски) по скоростям и углам. На рис. 4 и 5 представлены полученные результаты.

В таблице представлены результаты статистической обработки измерений абсолютной величины и направления скорости частиц. Здесь v_p — абсолютная скорость частиц, v_{py} — поперечная составляющая скорости частиц, α_p — угол движения к продольной составляющей скорости частиц, sd — стандартное отклонение, *m* — среднее значение; после знака ± приведена ошибка среднего значения (se); углы указаны в градусах, скорость в м/с.

При статистической обработке результатов измерений к потоку отраженных частиц относились частицы, летящие под углами более 10 град, остальные относились к потоку проходящих частиц. Анализ полученных данных позволяет заключить следующее. Скорость проходящих частиц отличается от скорости набегающих частиц менее, чем на 10 м/с и в среднем равна для Al ~ 390 м/с, для Cu ~ 370 м/с. Стандартное отклонение также оказалось примерно одинаковым и равным ~ 30 м/с. Стандартное отклонение по углу для всех порошков оказалось в пределах 1,5-2 град. Согласно результатам статистической обработки отраженные частицы имеют сравнительно низкие скорости — 170-200 м/с, средние углы составляют ~ 45 град со стандартным отклонением ~15 град, что позволяет предположить, что они не смогут закрепиться на подложке как в силу малых скоростей удара, так и в силу больших углов удара (другими словами они не участвуют в формировании покрытия в окрестности затененной зоны).

Моделирование

Обнаруженное в эксперименте распределение набегающих и проходящих частиц по углу движения (со стандартным отклонением 1,5–2 град) в струе было принято в качестве основной гипотезы для объяснения результатов экспериментов с напылением покрытий. Для проверки этой гипотезы была разработана модель, основные положения которой



Рис. 3. Картина движения частиц алюминия (а) и меди (b) в окрестности маски. 1 — головная ударная волна перед маскирующим телом, 2 — маскирующее тело.



Рис. 4. Распределение по скоростям и углам набегающих (a, b), проходящих (c, d) и отраженных (e, f) от маски частиц алюминия. $v_p = 394\pm4,6 (a), 388\pm1,4 (c), 165,5\pm6,2$ м/с (e), sd = 28 (a), 32,6 (c), 45,5 м/с (e); $\alpha_p = 1,65\pm0,31^{\circ} (b), 2,03\pm0,09^{\circ} (d), 42,2\pm2,2^{\circ} (f)$, sd = 1,9° $(b), 2,16^{\circ} (d), 16,2^{\circ} (f)$.

представлены ниже, и проведены расчеты, результаты которых сравниваются далее с результатами экспериментов.

Рассмотрим сначала основные положения модели. Для упрощения примем, что сопло является не круглым, а прямоугольным. Размер сопла, перпендикулярный оси маски (высота сопла), примем равным выходному диаметру сопла $D_{\rm ex}$, другой размер (ширину сопла) найдем из соотношения $H_{\rm ex} = S_{\rm ex} / D_{\rm ex}$, где $S_{\rm ex}$ — площадь выходного сечения круглого сопла. В этом случае распределение частиц в каждом сечении струи зависит только от одной координаты *y*, которая перпендикулярна оси маски. Кроме того, будем предполагать стационарный поток с неизменной по абсолютной величине скоростью частиц как по сечению струи, так и по ее длине. Это оправдано, поскольку на дистанциях, используемых



Рис. 5. Распределение по скоростям и углам набегающих (a, b), проходящих (c, d) и отраженных (e, f) от маски частиц меди. $v_p = 371,5\pm2,3 (a), 369\pm0,9 (c), 196\pm3,2 \text{ м/с} (e), \text{ sd} = 30,7 (a), 32,9 \text{ м/с} (c), 57,4 \text{ м/с} (e);$ $\alpha_p = 1,96\pm0,11^{\circ} (b), 2,2\pm0,04^{\circ} (d), 42,0\pm0,8^{\circ} (f), \text{ sd} = 1,48^{\circ} (b), 1,6^{\circ} (d), 14,0^{\circ} (f).$

Абсолютная величина и направление скорости частиц

Группы частиц	Параметры	Al		Cu	
		т	sd	т	sd
Набегающие	<i>v</i> _p , м/с	394±4,6	28	371,5±2,3	30,7
	$\alpha_{\rm p}$, град	1,65±0,31	1,9	1,96±0,11	1,48
Проходящие	<i>v</i> _p , м/с	388±1,4	32,6	363±0,9	32,9
	$\alpha_{ m p}$, град	2,03±0,09	2,16	2,2±0,04	1,6
Отраженные	<i>v</i> _p , м/с	165,5±6,2	45,5	196±3,2	57,4
	$\alpha_{ m p}$, град	42,2±2,2	16,2	42±0,8	14
	$v_{\rm nv}$, M/c	106,5±6,4	47,5	121±2,0	35,8

Таблица

в экспериментах (30 мм), частицы не изменяют существенно своей скорости, а их распределение по сечению струи является почти равномерным (типично с 10–15 % понижением к периферии) [1].

Плотность потока частиц (вероятность обнаружить частицу в координате y_e) на срезе сопла $j_{pe}(y_e)$ шт/с·м² (где y_e — поперечная координата в плоскости среза сопла) примем в виде соотношения, которое представляет собой нормальное распределение со стандартным отклонением $\sigma_j = 0,25$ (измеряется в диаметрах выходного сечения сопла) [27]:

$$j_{\rm pe}(y_{\rm e}) = \begin{cases} \frac{C}{D_{\rm ex}} \cdot \frac{1}{\sigma_j \sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{y_{\rm e}^2}{2D_{\rm ex}^2 \sigma_j^2}\right) & -\frac{D_{\rm ex}}{2} \le y_{\rm e} \le \frac{D_{\rm ex}}{2}, \\ 0, \text{ остальное.} \end{cases}$$
(1)

Константу C найдем из уравнения для объемного расхода частиц G_V :

$$G_{V} = \frac{\pi d_{\rm p}^{3}}{6} H_{\rm ex} \int_{-D_{\rm ex}/2}^{+D_{\rm ex}/2} j_{\rm pe}(y_{\rm e}) dy_{\rm e},$$

откуда $C = \frac{6G_V}{I_0 \pi d_p^3 H_{\text{ex}}}$, где $I_0 = \frac{1}{\sigma_j \sqrt{2\pi}} \int_{-D_{\text{ex}}/2}^{+D_{\text{ex}}/2} \exp\left(-\frac{y_e^2}{2D_{\text{ex}}^2 \sigma_j^2}\right) \frac{dy_e}{D_{\text{ex}}}$, здесь d_p — диаметр

частиц.

Распределение скоростей частиц по тангенсу углов $\eta = tg\alpha_p$ на срезе сопла, соответствующее вероятности обнаружения частицы, летящей под углом α_p , примем в виде нормального закона со средним значением, равным нулю, и стандартным отклонением $\sigma_\eta = 0,03$, что соответствует углу 1,75 град и является средним между 1,5 и 2 град, определенным экспериментально (см. выше):

$$f_{\rm N_e}(\eta) = \frac{1}{\sigma_\eta \sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{\eta^2}{2\sigma_\eta^2}\right). \tag{2}$$

Плотность потока частиц на некотором расстоянии *z* от среза сопла можно вычислить, исходя из следующих соображений. Применительно к рассматриваемому случаю имеем случайную величину y_e , распределенную по закону (1), и случайную величину η , распределенную по закону (2). Заданным величинам однозначно соответствует точка $y_z = y_e + z\eta$ на второй плоскости — это случайная величина, связанная с двумя другими независимыми случайными величинами простой линейной зависимостью. Найдем функцию распределения этой случайной величины. По известной формуле [28] случайная величина $\xi = \xi_1 + \xi_2$ распределена по закону

$$\varphi(\xi) = \int_{-\infty}^{\infty} \varphi_1(\xi_1) \varphi_2(\xi - \xi_1 | \xi_1) d\xi_1,$$

где $\varphi_1(\xi_1)$ — закон распределения величины ξ_1 , $\varphi_2(\xi_2|\xi_1)$ интерпретируется как условная плотность распределения величины ξ_2 при фиксированной величине ξ_1 . Если ξ_2 независима от ξ_1 , то $\varphi_2(\xi_2|\xi_1) = \varphi_2(\xi_2)$ — плотность распределения величины ξ_2 . В нашем случае величина $\xi_1 = y_e$, а $\varphi_1(\xi_1) = j_{pe}(y_e)$, $\xi_2 = z\eta$. Известно следующее соотношение: если для $\xi_2 = z\eta$ величина η распределена по закону $f_{N_e}(\eta)$, то $\xi_2 = z\eta$

распределена по закону $f_{N_e}(\xi_2/z)/z$. В нашем случае удобно использовать первое из равенств:

$$\varphi(\xi) = \int_{-\infty}^{\infty} \varphi_1(\xi_1) \varphi_2(\xi - \xi_1) d\xi_1$$

В итоге плотность потока частиц на некотором расстоянии z от среза сопла можно вычислить по формуле

$$j_{\rm pz}(y_z, z) = \frac{1}{z} \int_{-\infty}^{+\infty} j_{\rm pe}(y_e) f_{\rm N_e}\left(\frac{y_z - y_e}{z}\right) dy_e.$$
 (3)

Для функции распределения частиц по углу на этом же расстоянии получим выражение

$$f_{N_{z}}(\eta, y_{z}, z) = \frac{j_{pe}(y_{z} - z\eta)f_{N_{e}}(\eta)}{j_{pz}(y_{z}, z)}.$$
(4)

Формулы (3) и (4), полученные в предположении прямолинейного движения частиц, позволяют найти распределение частиц по координате и по углу в любом сечении струи, расположенном на расстоянии z вниз по потоку от среза сопла. В частности, на дистанции, где расположена маска,

$$j_{pm}(y_m) = j_{pz}(y_m, z_{ns} - z_{ms}), \quad f_{N_m}(\eta, y_m) = f_{N_z}(\eta, y_m, z_{ns} - z_{ms})$$

здесь z_{ns} — дистанция от среза сопла до поверхности подложки, z_{ms} — дистанция от поверхности подложки до центра маски. Опишем маску следующим соотношением:

$$F_{\rm m}(y_{\rm m}) = \begin{cases} 0, & -d_{\rm m}/2 < y_{\rm m} < d_{\rm m}/2, \\ 1, & \text{остальное,} \end{cases}$$
(5)

где $y_{\rm m}$ — поперечная координата в плоскости, где расположена маска.

Учитывая (5), получим распределение частиц в плоскости подложки, т.е. по y_s:

$$j_{\rm ps}(y_{\rm s}) = \frac{1}{z_{\rm ms}} \int_{-\infty}^{+\infty} j_{\rm pm}(y_{\rm m}) F_{\rm m}(y_{\rm m}) f_{\rm N_{\rm m}}\left(\frac{y_{\rm s} - y_{\rm m}}{z_{\rm ms}}, y_{\rm m}\right) dy_{\rm m}.$$
 (6)

На единицу площади за время напыления t_d выпадет $N_p = j_{ps}(y_s)t_d$ частиц. Часть частиц (N_a) уйдет на активацию первоначальной поверхности подложки [29]. При коэффициенте напыления k_d на элементарной площадке dxdy закрепится в среднем $N_c = k_d (j_{ps}(y_s)t_d - N_a) dxdy$ частиц. При малых значениях N_c имеет место неполное запыление поверхности подложки, в этом случае рассчитывается относительная доля s_c площади покрытия:

$$s_c = 1 - \exp(-n_s), \quad n_s = \frac{N_c S_p}{dxdy} = k_1^2 k_d \left(j_{ps}(y_s) \frac{\pi d_p^2}{4} t_d - \tilde{N}_a \right),$$
 (7)

здесь $S_{\rm p} = \pi \left(k_{\rm l} d_{\rm p}\right)^2 / 4$ — площадь контакта частицы; коэффициент $k_{\rm l}$ учитывает, что при ударе частица деформируется так, что диаметр ее контакта получается больше начального диаметра частицы. На основании экспериментов [30] в расчетах принято $k_{\rm l} = 1,5$. Величина $\tilde{N}_{\rm a} = N_{\rm a} \pi d_{\rm p}^2 / 4$ представляет собой число предварительных ударов по участку поверхности подложки, равному площади миделевого сечения частицы. Оно зависит от

состояния напыляемой поверхности, материала и параметров частиц. Важно, что оно не зависит от времени напыления и потока частиц. Когда число упавших частиц равно или меньше $\tilde{N}_{\rm a}$, то параметр $n_{\rm s}$ тождественно равен нулю. При движении сопла вдоль нити с заданной скоростью $u_{\rm n}$ время напыления единицы площади подложки будет равно $t_{\rm d} = H_{\rm ex} / u_{\rm n}$.

При измерении ширины маскированной зоны затруднительно точно определить ее границу, поэтому можно предположить, что она будет лежать между значениями y_s , при которых доля запыленной площади будет составлять $s_c = 0,1$ и 0,5. При величине $s_c > 0,5$ покрытие является практически сплошным. При $s_c < 0,1$ можно считать, что частицы на поверхности отсутствуют. Обозначим ширины маскированной зоны, определенные по критериям $s_c = 0,1$ и $s_c = 0,5$, соответственно $w_{m0,1}$ и $w_{m0,5}$. Отметим, что вычисляемые величины $w_{m0,1}$ и $w_{m0,5}$ соответствуют центрам частиц, но поскольку измерение проводилось по границам частиц, а не по их центрам, то расчетные величины должны быть уменьшены на величину диаметра контакта частиц, т.е. по радиусу с каждой стороны: $\tilde{w}_{m0,1} = w_{m0,1} - k_1 d_p$ и $\tilde{w}_{m0,5} = w_{m0,5} - k_1 d_p$.

Результаты расчета и сравнение с экспериментальными данными

На рис. 6 представлены данные измерений ширины маскированной зоны (ошибка измерений не более 5 %) в зависимости от дистанции от маски до подложки. Величины нормированы на диаметр маски.

На рис. 6*а* представлены экспериментальные и расчетные данные для частиц алюминия с параметрами расчета $G_V = 0.25 \text{ см}^3/\text{c}$, $k_d = 0.2$, $d_p = 30 \text{ мкм}$, $\tilde{N}_a = 21$. Значения G_V , k_d и d_p типичны для экспериментов, значение \tilde{N}_a подбиралось в ходе расчетов. На рис. 6*b* представлены экспериментальные и расчетные данные для частиц меди с параметрами расчета $G_V = 0.1 \text{ см}^3/\text{c}$, $k_d = 0.5$, $d_p = 60 \text{ мкм}$, $\tilde{N}_a = 6$. Виден участок увеличения ширины затененной зоны с увеличением дистанции от маски до подложки, что качественно отличается от результатов, полученных для алюминия. Отметим, что экспериментальные данные качественно согласуются с результатами расчетов.



Рис. 6. Обобщенные данные экспериментов и расчетные кривые. $d_{\rm m} = 1 \ (1), d_{\rm m} = 0.5 \ (2), 0.3 \ (3) \text{ мм}; \ \tilde{w}_{{\rm m}0.5}, \ d_{\rm m} = 1 \text{ мм} \ (4); \ \tilde{w}_{{\rm m}0.1}, \ d_{\rm m} = 1 \text{ мм} \ (5);$ $\tilde{w}_{{\rm m}0.5}, \ d_{\rm m} = 0.5 \text{ мм} \ (6); \ \tilde{w}_{{\rm m}0.1}, \ d_{\rm m} = 0.5 \text{ мм} \ (7); \ (1-3) \longrightarrow$ эксперимент, $(4-7) \longrightarrow$ расчет; $a \longrightarrow$ частицы алюминия, $b \longrightarrow$ частицы меди.

Проведем простой качественный анализ. Воспользуемся линейным приближением выражения (7) — $s_c \approx n_s$, которое почти точно верно при малых s_c и качественно описывает зависимость (7) при больших s_c (до $s_c = 1$). Малая величина n_s означает, что выполняется условие

$$j_{\rm ps}(y_{\rm s})H_{\rm ex}/u_{\rm n}\approx N_{\rm a}.$$
(8)

Упростим интеграл (6) в предположении небольших размеров маски по сравнению с диаметром сопла. Это позволит оценить поток частиц постоянной величиной, равной его значению на оси сопла $j_{pe}(0)$. Кроме того, рассмотрим случай достаточно малых дистанций от маски до подложки, когда можно не учитывать поток частиц с противоположного конца маски:

$$j_{\rm ps}(y_{\rm s}) = \frac{j_{\rm pe}(0)}{z_{\rm ms}\sigma_{\eta}\sqrt{2\pi}} \int_{d_{\rm m}/2}^{+\infty} \exp\left(-\left(\frac{y_{\rm s}-y_{\rm m}}{\sigma_{\eta}z_{\rm ms}\sqrt{2}}\right)^{2}\right) dy_{\rm m},$$

$$IJIII$$

$$j_{\rm ps}(y_{\rm s}) = \frac{j_{\rm pe}(0)}{\sqrt{\pi}} \int_{0}^{\xi_{0}} \exp(-\xi^{2}) d\xi = \frac{j_{\rm pe}(0)}{2} (1 + \operatorname{erf}(\xi_{0})), \quad (9)$$

где $\xi_0 = \frac{y_{\rm s} - d_{\rm m}/2}{\sigma_\eta z_{\rm ms}\sqrt{2}}, \quad \operatorname{erf}(\xi_0) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\xi_0} \exp(-\xi^2) d\xi.$ Выражение (9) можно аппроксимиро-

вать простой линейной зависимостью в виде:

$$\begin{cases} j_{\rm ps}(y_{\rm s}) \approx \frac{j_{\rm pe}(0)}{2} (1 + \xi_0) \text{ при } -1 < \xi_0 < 1, \\ j_{\rm ps}(y_{\rm s}) \approx 0 & \text{при } \xi_0 < -1, \\ j_{\rm ps}(y_{\rm s}) \approx 1 & \text{при } \xi_0 > 1. \end{cases}$$
(10)

Подставив (10) в (8), получим

$$N_{\rm p} \left(1 + \xi_0\right) / 2 \approx N_{\rm a},\tag{11}$$

где $N_{\rm p} = j_{\rm pe}(0) H_{\rm ex}/u_{\rm n}$ представляет собой полное число частиц, выпавших на единицу площади подложки. Далее получим значение координаты, для которой верно выражение (11): $y_{\rm s} = \frac{d_{\rm m}}{2} + \left(2\frac{N_{\rm a}}{N_{\rm p}} - 1\right)\sigma_{\eta}z_{\rm ms}\sqrt{2}$, или в безразмерном виде для ширины маскированной зоны: $\frac{w_{\rm m}}{d_{\rm m}} = 1 + 2\left(2\frac{N_{\rm a}}{N_{\rm p}} - 1\right)\sigma_{\eta}\sqrt{2}\frac{z_{\rm ms}}{d_{\rm m}}$.

Легко видеть, что имеются два предельных случая. Первый случай, когда $N_{\rm p} \approx N_{\rm a}$ (подчеркнем еще раз, что покрытие образуется только при $N_{\rm p} > N_{\rm a}$), тогда

$$\frac{w_{\rm m}}{d_{\rm m}} \approx 1 + 2\sqrt{2}\sigma_\eta \frac{z_{\rm ms}}{d_{\rm m}}.$$
(12)

Второй случай, когда $N_{\rm p} >> N_{\rm a}$, тогда

$$\frac{w_{\rm m}}{d_{\rm m}} \approx 1 - 2\sqrt{2}\sigma_\eta \, \frac{z_{\rm ms}}{d_{\rm m}}.\tag{13}$$

230

Другими словами, если число выпавших частиц сравнимо с числом, необходимым для активации, то будет наблюдаться увеличение ширины затененной зоны с увеличением дистанции (именно такой случай реализовался в экспериментах с напылением медного порошка, см. рис. 6b), и наоборот, при очень большом числе частиц будет наблюдаться уменьшение этой ширины (как это произошло в случае напыления порошка алюминия, см. рис. 6a). Отметим еще раз, что полученные в ходе экспериментов зависимости ширины маскированной зоны от расстояния маски до поверхности подложки соответствуют частным случаям, определяемым выбранной скоростью перемещения сопла и объемного расхода порошка. При других условиях могут быть получены кривые, лежащие между двумя теоретически рассмотренными выше случаями.

Заключение

Проведены визуализация и измерение скорости движения частиц различных порошков в окрестности маски. Результаты позволяют заключить следующее:

- можно исключить влияние столкновений частиц друг с другом в потоке;

 – абсолютная величина скорости проходящих частиц практически не отличается от скорости налетающих частиц;

 стандартное отклонение направления скорости частиц по углу лежит в пределах 1,5–2 град;

– поток отраженных маской частиц движется прямолинейно со сравнительно низкими скоростями (примерно в два раза ниже скорости проходящих частиц) под сравнительно большими средними углами (40–55 град) к оси струи; разворота частиц в сторону подложки не наблюдается, что позволяет исключить их влияние на процесс формирования покрытия.

Разработана модель формирования покрытия за маской с учетом распределения частиц по углу движения в струе, и проведены расчеты, результаты которых согласуются с результатами экспериментов. На основании рассмотренной модели показано, что:

– если число выпавших частиц сравнимо с числом частиц, необходимых для активации поверхности подложки, то происходит сначала увеличение ширины маскированной зоны с увеличением дистанции, и затем ее уменьшение и полное запыление;

 – если количество выпавших частиц намного превосходит число частиц, необходимых для активации поверхности подложки, то происходит только уменьшение ширины маскированной зоны с увеличением дистанции.

Авторы выражают благодарность Ф.В. Орленко и В.С. Шикалову за помощь в получении части экспериментальных данных.

Список литературы

- 1. Алхимов А.П., Косарев В.Ф., Папырин А.Н. Метод "холодного" газодинамического напыления // Докл. АН СССР. 1990. Т. 315, № 5. С. 1062–1065.
- Wong W., Irissou E., Ryabinin A.N., Legoux J.-G., Yue S. Influence of helium and nitrogen gases on the properties of cold gas dynamic sprayed pure titanium coatings // JTST. 2011. Vol. 20. P. 213–226.
- 3. Wong W., Vo P., Irissou E., Ryabinin A.N., Legoux J.-G., Yue S. Effect of particle morphology and size distribution on cold-sprayed pure titanium coatings // JTST. 2013. Vol. 22. P. 1140–1153.
- 4. Sova A., Grigoriev S., Okunkova A., Smurov I. Cold spray deposition of 316L stainless steel coatings on aluminium surface with following laser post-treatment // Surf. And Coat. Technol. 2013. Vol. 235. P. 283–289.
- 5. Binder K., Gottschalk J., Kollenda M., Gaertner F., Klassen T. Influence of impact angle and gas temperature on mechanical properties of titanium cols spray deposits // JTST. 2011. Vol. 20. P. 234–242.
- 6. Jin Y.-M., Cho J.-H., Park D.-Y., Kim J-H., Lee K.-A. Manufacturing and macroscopic properties of cold sprayed Cu-In coating material for sputtering target // JTST. 2011. Vol. 20, P. 497–507.
- Li Y., Li Ch.-J., Zhang Q., Yang G.-J., Li Ch.-X. Influence of TGO composition on the thermal shock lifetime of thermal barrier coatings with cold-sprayed MCrAIY bond coat // JTST. 2010. Vol. 19. P. 168–177.
- 8. Cao F., Park H., Heo J., Kwon J., Lee C. Effect of process gas flow on the coating microstructure and mechanical properties of vacuum kinetic-sprayed TiN layers // JTST. 2013. Vol. 22. P. 1109–1119.

- Song W., Jung K., Chun D.-M., Ahn S.-H., Lee C.S. Deposition of Al₂O₃ powders using nano-particle deposition system // Surface Review and Letters. 2010. Vol. 17. P. 189–193.
- Robitaille F., Yandouzi M., Hind S., Jodoin B. Metallic coating of aerospace carbon/epoxy composites by the pulsed gas dynamic spraying process // Surf. And Coat. Technol., 2009. Vol. 203. P. 2954–2960.
- Zhou X.I., Chen A.F., Liu J.C., Wu X.K., Zhang J.S. Preparation of metallic coatings on polymer matrix composites by cold spray // Surf. And Coat. Technol. 2011. Vol. 206. P. 132–136.
- Lupoi R., O'Neill W. Deposition of metallic coatings on polimer surfaces using cold spray // Surf. And Coat. Technol. 2010. Vol. 205. P. 2167–2173.
- Lupoi R., O'Neill W. Powder stream characteristics in cold spray nozzles // Surf. and Coat. Technol. 2011, Vol. 206. P. 1069–1076.
- Gardon M., Latorre A., Torrell M., Dosta S., Fernandez J., Guilemany J.M. Cold gas spray titanium coatings onto biocompatible polymer // Material Letters. 2013. Vol. 106. P. 97–99.
- Alhulaifi A.S., Buck G.A., Arbegast W.J. Numericaland experimental investigation of cold spray gas dynamic effects for polymer coating // JTST. 2012. Vol. 21. P. 852–862.
- Xu Y., Hutchings I.M. Cold spray deposition of thermoplastic powder // Surf. And Coat. Technol., 2006. Vol. 201. P. 3044–3050.
- 17. Kim D.-Y., Park J.-J., Lee J.-G., Kim D., Tark S.J., Ahn S., Yun J.H., Gwak J., Yoon K.H., Chandra S., Yoon S.S. Cold spray deposition of copper electrodes on silicon and glass substrates // JTST. 2013. Vol. 22, No. 7. P. 1092–1102.
- Sova A., Doubenskaia M., Grigoriev S., Okunkova A., Smurov I. Parameters of the gas-powder supersonic jet in cold spraying using a mask // JTST. 2013. Vol. 22, No. 4. P. 551–556.
- Cormier Y., Dupuis Ph., Jodoin B., Corbeil A. Net shape fins for compact heat exchanger produced by cold spray // JTST. 2013. Vol. 22, No. 7. P. 1210–1221.
- Cormier Y., Dupuis Ph., Jodoin B., Ghaei A. Finite element analysis and failure mode characterization of pyramidal fin arrays produced by masked cold gas dynamic spray // JTST. 2015. Vol. 24, No. 8. P. 1549–1565.
- 21. Клинков С.В., Ряшин Н.С., Орленко Ф.В., Косарев В.Ф. Формирование покрытия ХГН за маской // Докл. V Всеросс. Конф. "Взаимодействие высококонцентрированных потоков энергии с материалами в перспективных технологиях и медицине". Новосибирск, 26–29 марта 2013. Новосибирск: Изд-во Параллель, 2013. С. 157–161.
- 22. Orlenko F.V., Shikalov V.S., Klinkov S.V., Ryashin N.S., Kosarev V.F. Application of mask for cold spray coating production // 17 th Intern. Conf. on the Methods of Aerophys. Research: Abstracts, Part 1. Novosibirsk, 2014. P. 164–165.
- 23. Klinkov S.V. Effect of mask on particle velocity distribution under cold spray conditions // 17 th Intern. Conf. on the Methods of Aerophys. Research: Abstracts, Part 1. Novosibirsk, 2014. P. 111–112.
- 24. Клинков С.В., Косарев В.Ф., Ряшин Н.С., Шикалов В.С. Экспериментальное исследование холодного газодинамического напыления за маской. Ч. 1. // Теплофизика и аэромеханика. 2016. Ч. 1. Т. 23, № 5. С. 765–770.
- 25. Алхимов А.П., Косарев В.Ф., Клинков С.В., Сова А.А., Трубачеев Г.В., Зайковский В.Н. Формирование конических отрывных зон при натекании сверхзвуковой струи на преграду в условиях ХГН // Теплофизика и аэромеханика. 2012. Т. 19, № 2. С. 257–263.
- 26. Алхимов А.П., Косарев В.Ф., Клинков С.В., Сова А.А. Влияние конической отрывной зоны на процесс холодного газодинамического напыления // Прикл. механика и теорет. физика. 2012. Т. 53, № 6. С. 168–174.
- Wu J., Fang H., Yoon S., Kim H.J., Lee Ch. Measurement of particle velocity and characterization of deposition in aluminum alloy kinetic spraying process // Applied Surface Science. 2005. Vol. 252, Iss. 5. P. 1368–1377.
- **28. Корн Г., Корн Т.** Справочник по математике для научных работников и инженеров: пер. с англ. М.: Наука, 1970. 720 с.
- 29. Klinkov S.V., Kosarev V.F. Measurements of cold spray deposition efficiency // JTST. 2006. Vol. 15, No. 3. P. 364–371.
- 30. Klinkov S.V., Kosarev V.F., Papyrin A.N. Modeling of particle-substrate adhesive interaction under the cold spray process // Proc. of Int. Thermal Spray Conf. "Thermal Spray 2003, Advancing the Science and Applying the Technology" / Ed. C. Moreau and B. Marple. Published by ASM International, Materials Park, Ohio, USA, 2003. P. 27–35.

Статья поступила в редакцию 28 января 2016 г.