УДК 533.15:536.25

## ВЛИЯНИЕ НАКЛОНА ДИФФУЗИОННОГО КАНАЛА НА УСТОЙЧИВОСТЬ МЕХАНИЧЕСКОГО РАВНОВЕСИЯ В ИЗОТЕРМИЧЕСКИХ БИНАРНЫХ ГАЗОВЫХ СМЕСЯХ

## Н. Б. Анкушева, В. Н. Косов, В. Д. Селезнев\*

Казахский национальный педагогический университет им. Абая, 050002 Алма-Ата, Казахстан

\* Уральский государственный технический университет — Уральский политехнический институт, 620078 Екатеринбург E-mails: prorector.met@kaznpu.kz, kovnik62@mail.ru, natalie\_@inbox.ru, seleznev@dpt.ustu.ru

Экспериментально исследована неустойчивость механического равновесия в изотермических бинарных газовых смесях при различных углах наклона диффузионного канала относительно вертикальной оси. Установлено, что при увеличении угла наклона интенсивность конвективного массопереноса уменьшается и при определенной величине угла затухает. Показано, что данные опытов согласуются с оценками, полученными в рамках линейной теории устойчивости.

Ключевые слова: диффузия, конвекция, смешение газов, неустойчивость механического равновесия газовой смеси, линейная теория устойчивости, число Рэлея, влияние геометрии диффузионного канала.

Как показано в экспериментальных работах [1-3], при изотермической диффузии бинарной газовой смеси в третий компонент в вертикальном или наклонном канале имеет место неустойчивость механического равновесия системы. На возникновение конвективных структурированных течений влияют различные факторы, исследованные в [1-6], в том числе геометрические характеристики диффузионного канала и его наклона [7, 8].

В данной работе опытным путем изучена смена режимов диффузия — концентрационная гравитационная конвекция, имеющая место при изотермическом режиме получения простых бинарных смесей Ar-He и  $Ar-N_2$  при различных углах наклона канала. Полученные результаты обсуждаются в рамках линейной теории устойчивости [9, 10].

Эксперименты проводились по методике, предложенной в работах [2,3], на двухколбовом аппарате, объемы верхней и нижней колб которого равны  $V_{\rm B}=55,5\cdot 10^{-6}~{\rm M}^3,$   $V_{\rm H}=54,1\cdot 10^{-6}~{\rm M}^3$  соответственно, диаметр диффузионного канала  $d=(4,50\pm0,01)\cdot 10^{-3}~{\rm M},$  длина диффузионного канала  $L=(64,1\pm0,1)\cdot 10^{-3}~{\rm M}~[1,2].$  Угол наклона канала относительно вертикальной оси менялся в диапазоне  $\varphi=0\div 70^{\circ}$ . Измерения проводились при давлении  $p=0,584~{\rm MHa}$  и температуре  $T=(298,0\pm0,1)~{\rm K}.$  В обоих случаях бинарных систем более тяжелый по плотности компонент находился в верхней колбе, а легкий — в нижней (рис. 1). Давление газов в колбах аппарата измерялось образцовыми манометрами. После завершения процедуры выравнивания давления диффузионный аппарат отсоединялся от блока подготовки газов и закреплялся на установке под требуемым углом. Поднятием штатива с помощью фторопластовой таблетки открывался диффузионный канал, и

Работа выполнена при финансовой поддержке Фонда науки Министерства образования и науки Республики Казахстан (грант N 0103PK00617).

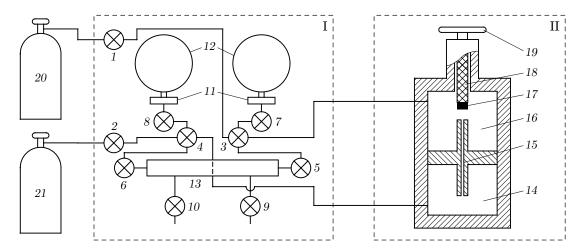


Рис. 1. Схема экспериментальной установки:

I — блок подготовки газов, II — диффузионный двухколбовый аппарат; 1–8 — краны; 9— кран, соединенный с форвакуумным насосом; 10— кран, соединенный с интерферометром или хроматографом; 11— мембранные разделители; 12— образцовые манометры; 13— выравнивающая емкость; 14— нижняя колба; 15— диффузионный канал; 16— верхняя колба; 17— фторопластовая таблетка; 18— шток; 19— маховик; 20, 21— баллоны с газами

регистрировалось время, соответствующее началу процесса. По окончании эксперимента колбы аппарата рассоединялись и фиксировалось время переноса. Состав газовых смесей в обеих колбах анализировался с помощью интерферометра ИТР-1 с погрешностью, равной 0,1 %, или хроматографа с погрешностью, равной 0,3 %. При заданных условиях измерения проводились несколько раз, и определялись средние значения концентраций компонентов. Затем диффузионный канал устанавливался под другим углом, и процедура повторялась. Во всех случаях время опыта составляло 17 мин.

Экспериментально полученные значения (концентрации продиффундировавших компонентов) нормировались на значения, вычисленные по формуле [2]

$$\frac{\Delta c_t}{\Delta c_0} = \exp\left[-\frac{(D_0)_{12}p_0St}{Lp}\left(\frac{1}{V_{\rm B}} + \frac{1}{V_{\rm H}}\right)\right],$$

где  $\Delta c_0$ ,  $\Delta c_t$  — разность концентраций компонентов в начальный момент времени и в момент времени t соответственно; S — площадь диффузионного канала; t — время;  $(D_0)_{12}$  — коэффициент взаимной диффузии исследуемой пары газов, который для смеси Ar—He принимался равным  $(D_0)_{12}=0.745\cdot 10^{-4}~\text{M}^2/\text{c}$ , для смеси Ar—N $_2$  —  $(D_0)_{12}=0.211\cdot 10^{-4}~\text{M}^2/\text{c}$ . На рис. 2 показана полученная таким образом зависимость отношения  $\alpha=\Delta c_{exp}/\Delta c_{theor}$  от угла наклона  $\varphi$  для смеси Ar—N $_2$  ( $\Delta c_{exp}$ ,  $\Delta c_{theor}$  — экспериментально и теоретически полученные разности концентраций смеси в верхней и нижней колбах через 17 мин после начала смешения).

На рис. 2 видно, что при угле наклона  $\varphi=0$  в рассматриваемой системе имеет место неустойчивость механического равновесия. Увеличение угла наклона приводит к снижению интенсивности конвективного течения. При угле наклона  $\varphi^*\simeq 34^\circ$  смешение в системе становится диффузионным, о чем свидетельствует совпадение значений концентраций, полученных экспериментально и вычисленных в предположении, что изменение концентраций происходит за счет диффузии. Аналогичный характер смешения в рассматриваемых условиях наблюдался для бинарной смеси Ar–He.

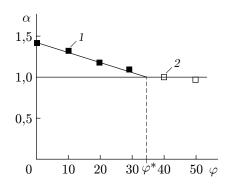


Рис. 2. Зависимость параметра  $\alpha$  от угла наклона  $\varphi$  для смеси Ar–N<sub>2</sub> при p=0.584 МПа, T=298 K:

1 — неустойчивый режим, 2 — диффузионный режим

Зависимость критического числа Рэлея от моды возмущений и угла наклона канала в первом приближении имеет вид [10]

$$R_n = (n\pi)^4 / \cos^2 \varphi \tag{1}$$

(n = p/(kT) — концентрация компонентов; k — постоянная Больцмана).

С использованием экспериментальных данных, полученных для цилиндрического канала, выражение для критического числа Рэлея в соответствии с (1) записывается в виде

$$R_1(\varphi) = R_1(0)/\cos^2\varphi,$$

где  $R_1 = gr^4 n \, \Delta m \, \Delta c/(\rho_0 \langle \nu \rangle D_{12} L)$  — число Рэлея для рассматриваемой системы; g — ускорение свободного падения; r — радиус диффузионного канала;  $\Delta m = m_1 - m_2$  — разность масс молекул компонентов;  $\rho_0$  — средняя плотность смеси;  $\langle \nu \rangle$  — средняя кинематическая вязкость;  $\Delta c$  — разность концентраций смеси в верхней и нижней колбах.

Поскольку в проведенных опытах переход от конвективного смешения к диффузионному происходит при  $\varphi^* \approx 34^\circ$ , по экспериментально полученному при этом угле наклона значению  $R_1 = 115$  находим, что при  $\varphi = 0$   $R_1 = 79$ . Это значение хорошо согласуется с известным критическим значением числа Рэлея для вертикального бесконечного цилиндра  $R_{cyl} \approx 67.95$  [10]. Таким образом, экспериментальные данные удовлетворительно согласуются с теоретическими, полученными в рамках теории устойчивости.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. **Жаврин Ю. И., Косов Н. Д., Белов С. М., Тарасов С. Б.** Влияние давления на устойчивость диффузии в некоторых трехкомпонентных газовых смесях // Журн. техн. физики. 1984. Т. 54, № 5. С. 943–947.
- 2. **Жаврин Ю. И., Косов В. Н.** Влияние температуры на процесс диффузионной неустойчивости // Инж.-физ. журн. 1988. Т. 55, № 1. С. 92–97.
- 3. **Жаврин Ю. И., Айткожаев А. З., Косов В. Н., Красиков С. А.** Влияние вязкости на устойчивость диффузионного массопереноса в изотермических трехкомпонентных газовых системах // Письма в ЖТФ. 1995. Т. 21, вып. 6. С. 7–12.
- 4. **Косов В. Н., Селезнев В. Д., Жаврин Ю. И.** Эффект разделения компонентов при изотермическом смешении тройных газовых систем в условиях свободной конвекции // Журн. техн. физики. 1997. Т. 67, № 10. С. 133–140.
- 5. **Жаврин Ю. И., Косов В. Н., Кульжанов Д. У. и др.** Влияние частоты вращения диффузионного аппарата на процесс смешения в трехкомпонентной газовой смеси // Письма в ЖТФ. 2003. Т. 29, вып. 3. С. 53–57.

- 6. **Жаврин Ю. И., Косов В. Н., Селезнев В. Д.** Аномальная гравитационная устойчивость механического равновесия при диффузионном смешении в изотермических трехкомпонентных газовых смесях // Изв. РАН. Механика жидкости и газа. 2000. № 3. С. 185–190.
- 7. **Жаврин Ю. И., Косов В. Н.** Влияние длины канала на устойчивость диффузионного процесса в многокомпонентных газовых смесях // Вестн. АН КазССР. 1991. № 10. С. 63–65.
- 8. **Жаврин Ю. И., Косов В. Н.** Образование структур и концентрационная конвекция при изотермической диффузии в трехкомпонентных газовых смесях через переменное число каналов равной площади // Письма в ЖТФ. 1993. Т. 19, вып. 10. С. 18–21.
- 9. **Ландау Л. Д.** Теоретическая физика. Т. 6. Гидродинамика / Л. Д. Ландау, Е. М. Лифшиц. М.: Наука, 1986.
- 10. **Гершуни Г. З.** Конвективная устойчивость несжимаемой жидкости / Г. З. Гершуни, Е. М. Жуховицкий. М.: Наука, 1972.

Поступила в редакцию 5/IV 2007 г., в окончательном варианте — 26/I 2009 г.