

26. Monk R. G. Thermal relaxation of water vapor // J. Acoust. Soc. Amer.— 1969.— V. 46, N 3.
27. Bass H. E., Shields F. D. Vibrational relaxation and sound absorption in O₂/H₂O mixtures // J. Acoust. Soc. Amer.— 1974.— V. 56, N 3.
28. Harlow R. G., Street P. R. Sound absorption in mixtures of oxygen and water vapor in the temperature range 298—410 K // J. Acoust. Soc. Amer.— 1974.— V. 56, N 3.
29. Bass H. E., Shields F. D. Absorption of sound in air high-frequency measurements // J. Acoust. Soc. Amer.— 1977.— V. 62, N 3.
30. Eden D. D., Lindsay R. B., Zink H. Acoustical attenuation and relaxation phenomena in steam at high temperature and pressure // J. Eng. Power.— 1961.— V. 63, N 1.
31. Huber P. W., Kantrowitz A. Heat-capacity lag measurements in various gases // J. Chem. Phys.— 1947.— V. 15, N 5.
32. Zuckerwar A. J. Self deactivation of water vapor: role of dimer // J. Acoust. Soc. Amer.— 1984.— V. 76, N 1.
33. Shin H. K. Vibration to rotation energy transfer in water, heavy water and ammonia // J. Phys. Chem.— 1973.— V. 77, N 3.
34. Дубровский Г. В., Стрельчя В. М. Теория колебательно-вращательного возбуждения многоатомных молекул // Хим. физика.— 1983.— Т. 2, № 6.
35. Tanczos F. J. Calculations of vibrational relaxation times of the chloromethanes // J. Chem. Phys.— 1956.— V. 25, N 3.
36. Британ А. Б., Левин В. А., Сорокин А. А. и др. Поглощение излучения $\lambda = 28$ мкм за ударной волной в парах воды // Хим. физика.— 1989.— Т. 8, № 3.
37. Липман Г. В., Рошко А. Элементы газовой динамики.— М.: ИЛ, 1960.
38. Британ А. Б., Тестов В. Г., Хмелевский А. П. Формирование потока за ударными волнами в парах воды в условиях конденсации на внутренней поверхности канала.— М., 1990.— (Препр./ИРЭ АН СССР; № 19(548)).

г. Москва

Поступила 4/VII 1990 г.,
в окончательном варианте — 5/VI 1991 г.

УДК 532.59

В. В. Никулин

РАСПАД ВЕРТИКАЛЬНОГО ТОРНАДОПОДОБНОГО ВИХРЯ

В [1] изучаются течения в торнадоподобных и полых вихрях. В длинноволновом приближении получены уравнения, аналогичные уравнениям вихревой мелкой воды [2]. Для вертикального стационарного торнадоподобного вихря, жидкость в ядре которого легче окружающей, установлен строгий критерий, разделяющий случаи, когда решение продолжается на конечную или бесконечную высоту.

В настоящей работе, в дополнение к [1], приведены случаи, когда жидкость в ядре вихря тяжелее окружающей и сила тяжести по направлению совпадает с вертикальной скоростью. Кроме того, построено аналитический пример, в котором исследованное в [1] ограниченное по высоте решение для вихря с легким ядром непрерывно распространено на все полупространство.

1. Постановка задачи. Рассматривается полупространство, заполненное невязкой несжимаемой жидкостью в поле тяжести. Течение считается стационарным и вращательно-симметричным. Вводится цилиндрическая система координат (r, θ, z) (r — радиус, θ — азимутальный угол, z — ось симметрии, направленная против силы тяжести). Через $r = r_0(z)$ обозначается граница, отделяющая ядро вихря от внешнего течения, расположенного в области $r > r_0(z)$. Плотность жидкости во внешнем течении считается постоянной. На границе ядра возможен скачок плотности и касательной к ней компоненты скорости. Для перехода к безразмерным величинам вводятся масштабы длины, скорости и плотности. За единицу длины принимается характерный масштаб изменений по оси z , за единицу скорости — вращательная компонента скорости при $r = r_0$, $z = 0$, за единицу плотности — плотность внешнего течения. При этом характерные давление и ускорение будут равны единице. Безразмерное r_0 при $z = 0$ обозначим через δ . Далее все величины, если не указано особо, берутся в безразмерном виде.

Запишем через (uvw) компоненты скорости, соответствующие $(r\theta z)$; p — давление; ρ — плотность; g — ускорение силы тяжести. Внешнее течение считается известным и задается в виде, удовлетворяющем уравнениям движения:

$$(1.1) \quad u = w = 0, \quad v = \delta/r, \quad p = -\delta^2/(2r^2) - gz.$$

Течение в ядре вихря исследуется в длинноволновом по оси z приближении. Совершается растяжение координат и функций:

$$r^2 \rightarrow \delta^2 \eta, \quad z \rightarrow z, \quad 2ur \rightarrow \delta^2 q, \quad vr \rightarrow \delta A, \\ w \rightarrow w, \quad \rho \rightarrow \rho, \quad p \rightarrow p, \quad g \rightarrow g.$$

Граница $r_0(z)$ переходит в $\eta_0(z)$. После замены уравнения движения и неразрывности принимают вид

$$(1.2) \quad q \frac{\partial A}{\partial \eta} + w \frac{\partial A}{\partial z} = 0, \\ \frac{\rho \delta^2}{2} \left(q \frac{\partial q}{\partial \eta} - \frac{q^2}{2\eta} + w \frac{\partial q}{\partial z} \right) - \frac{\rho A^2}{\eta} = -2\eta \frac{\partial p}{\partial \eta}, \\ \rho \left(q \frac{\partial w}{\partial \eta} + w \frac{\partial w}{\partial z} \right) = -\frac{\partial p}{\partial z} - \rho g, \\ \frac{\partial q}{\partial \eta} + \frac{\partial w}{\partial z} = 0, \quad q \frac{\partial \rho}{\partial \eta} + w \frac{\partial \rho}{\partial z} = 0.$$

На оси симметрии и границе ядра ставятся краевые условия

$$(1.3) \quad q = A = 0, \quad \eta = 0;$$

$$(1.4) \quad p = -1/(2\eta_0) - gz, \quad \eta = \eta_0;$$

$$(1.5) \quad q = w(\partial \eta_0 / \partial z), \quad \eta = \eta_0.$$

Условие (1.4) следует из (1.1) и требования непрерывности давления на границе ядра, (1.5) — кинематическое условие.

Предполагается, что $\delta \ll 1$. Слагаемые в (1.2), пропорциональные δ^2 , опускаются. Полученная система преобразуется аналогично [1]. Вводятся новые независимые переменные z', v , $v \in [0, 1]$, по соотношениям $z = z', \eta = R(z', v)$, где R удовлетворяет уравнению

$$(1.6) \quad w(\partial R / \partial z') = q$$

и краевым условиям

$$(1.7) \quad R(z', 0) = 0, \quad R(z', 1) = \eta_0.$$

$R(0, v)$ — произвольная однозначная непрерывная функция. При таком определении R краевые условия (1.3) (для q) и (1.5) выполняются автоматически. Неизвестная граница $\eta_0(z)$ переходит в известную $v = 1$. В переменных z', v система (1.2) принимает вид (далее штрихи при z' опускаются)

$$(1.8) \quad w \frac{\partial A}{\partial z} = 0, \quad \frac{\rho A^2}{2R^2} \frac{\partial R}{\partial v} = \frac{\partial p}{\partial v}, \\ \rho \frac{\partial R}{\partial v} w \frac{\partial w}{\partial z} = -\frac{\partial R}{\partial v} \frac{\partial p}{\partial z} + \frac{\partial R}{\partial z} \frac{\partial p}{\partial v} - \rho g \frac{\partial R}{\partial v}, \\ \frac{\partial q}{\partial v} + \frac{\partial R}{\partial v} \frac{\partial w}{\partial z} - \frac{\partial R}{\partial z} \frac{\partial w}{\partial v} = 0, \quad w \frac{\partial \rho}{\partial z} = 0.$$

Из первого и последнего уравнений следует, что $A = A(v)$, $\rho = \rho(v)$. Отсюда после интегрирования второго уравнения (1.8) с учетом (1.4) исключается p . С помощью (1.6) исключается q . В результате получаем

$$(1.9) \quad \rho w \frac{\partial w}{\partial z} = -\frac{1 - \rho_1 A_1^2}{2R_1^2} \frac{dR_1}{dz} + \frac{\partial}{\partial z} \int_0^1 \frac{1}{2R} \frac{d(\rho A^2)}{dv} dv + (1 - \rho) g, \quad \frac{\partial}{\partial z} \left(w \frac{\partial R}{\partial v} \right) = 0.$$

Здесь R_1, A_1, ρ_1 — значения R, A, ρ при $v = 1$ (на границе ядра). Система (1.9) решается с начальными данными при $z = 0$. Полагается $w = w_0(v), R = v$ при $z = 0$.

В [1] изучен случай $A = 0, \rho = \text{const} < 1$. В настоящей работе результаты обобщаются для $\rho > 1$.

Теорема. Пусть $A = 0, \rho = \rho_1 = \text{const}, w_0(v)$ ограничена и $w_0(v) \geq \gamma > 0, \gamma$ — постоянная,

$$\lambda = \frac{1}{2\rho_1} \int_0^1 \frac{dv}{w_0^2}.$$

Разделяются случаи $\rho_1 < 1$ и $\rho_1 > 1$.

1. Пусть $\rho_1 < 1$. Тогда, если $\lambda < 1$, то решение существует при всех $z > 0, v \in [0, 1]$, причем $R \rightarrow 0, w \rightarrow \infty$ монотонно при $z \rightarrow \infty$. Если $\lambda > 1$, то решение существует только для $z \leq l$,

$$(1.10) \quad l = \frac{\rho_1}{2(1-\rho_1)\varepsilon} \left(\frac{1}{\rho_1} - \gamma^2 - \frac{1}{\rho_1 \int_0^1 \frac{w_0 dv}{\sqrt{w_0^2 - \gamma^2}}} \right),$$

причем $w = 0, \partial R/\partial v = \infty$ при $z = l$ для v , задаваемых уравнением $w_0(v) = \gamma$.

2. Пусть $\rho_1 > 1$. Дополнительно предполагается, что $(w_0 - \gamma)^{-3/2}$ не интегрируема на $[0, 1]$. Тогда при любом $\lambda > 0$ решение существует только для конечных $z, z \leq h$. При $z \rightarrow h$ производные $dw/dz \rightarrow \infty, \partial R/\partial z \rightarrow -\infty$, если $\lambda > 1$, и $dw/dz \rightarrow -\infty, \partial R/\partial z \rightarrow \infty$, если $\lambda < 1$. При $\lambda > 1$ монотонно возрастает, а R убывает с ростом z . При $\lambda < 1$ w монотонно убывает, а R возрастает с увеличением z .

Доказательство. Доказательство для $\rho_1 < 1$ приведен о в [1]. Рассматривается случай $\rho_1 > 1$.

В (1.9) полагается $A = 0, \rho = \rho_1$. Система интегрируется от 0 до z . Из полученного второго уравнения интегрированием по v выражается R . Обозначив $\varphi = w^2 - w_0^2$, получим

$$(1.11) \quad \varphi - \frac{1}{\rho_1 R_1} = \frac{2(1-\rho_1)}{\rho_1} \varepsilon z - \frac{1}{\rho_1}, \quad R = \int_0^v \frac{w_0 dv}{(w_0^2 + \varphi)^{1/2}}$$

(R_1 — значение R при $v = 1$). Из первого уравнения вытекает, что $\varphi = \varphi(z)$. Отсюда, исследуя неявную зависимость $\varphi(z)$, даваемую (1.11), можно найти зависимость от z функций R и w .

Левая часть первого уравнения (1.11) обозначается через $f(\varphi)$. Тогда

$$(1.12) \quad f'(\varphi) = 1 - \frac{1}{2\rho_1 R_1^2} \int_0^1 \frac{w_0 dv}{(w_0^2 + \varphi)^{3/2}},$$

$$f''(\varphi) = \frac{3}{4\rho_1 R_1^2} \int_0^1 \frac{w_0 dv}{(w_0^2 + \varphi)^{5/2}} - \frac{1}{2\rho_1 R_1^3} \left(\int_0^1 \frac{w_0 dv}{(w_0^2 + \varphi)^{3/2}} \right)^2.$$

Второе слагаемое в $f''(\varphi)$ оценивается с помощью неравенства Буняковского [1]. Получается, что $f''(\varphi) > 0$ для конечных $\varphi \geq -\gamma^2$. Отсюда $f'(\varphi)$ — монотонно возрастающая функция. Из (1.12) и дополнительного предположения для $\rho_1 > 1$ следует, что $f'(\varphi) \rightarrow -\infty$ при $\varphi \rightarrow -\gamma^2$ и $f'(\varphi) \rightarrow 1$ при $\varphi \rightarrow \infty$. Таким образом, $f'(\varphi)$ имеет единственный нуль на интервале $(-\gamma^2, \infty)$, который достигается при $\varphi = \varphi_*, -\gamma^2 < \varphi_* < \infty$. Очевидно, что функция $f(\varphi)$ в точке φ_* имеет абсолютный минимум; φ_* находится из решения интегрального уравнения $f'(\varphi_*) = 0$.

Из определения f вытекает

$$(1.13) \quad \frac{df}{dz} = \frac{df}{d\varphi} \frac{d\varphi}{dz} = -\frac{2(\rho_1 - 1)}{\rho_1} g < 0.$$

Отсюда знак $d\varphi/dz$ задается знаком $f'(\varphi)$, а в силу монотонности $f'(\varphi)$ — знаком $f'(0)$. Так как $\varphi(0) = 0$, то $f'(0) = 1 - \lambda$. Пусть $\lambda < 1$. Тогда $f'(0) > 0$ и φ монотонно убывает с ростом z от 0 до φ_* . В данном случае в силу $f'(0) > 0$ и монотонности $f'(\varphi)$ $\varphi_* < 0$. При $\varphi \rightarrow \varphi_*$ $z \rightarrow h$, где h вычисляется из (1.11) с $\varphi = \varphi_*$. Легко видеть, что h будет конечной. При $z > h$ решения не существует, так как правая часть первого уравнения (1.11) убывает с ростом z , а левая при $z = h$ ($\varphi = \varphi_*$) достигает абсолютного минимума. Из (1.13) следует, что $d\varphi/dz \rightarrow -\infty$ при $z \rightarrow h$ (так как при этом $\varphi \rightarrow \varphi_*$). Тогда из (1.11) и определения φ вытекает, что $\partial w/\partial z \rightarrow -\infty$, $\partial R/\partial z \rightarrow \infty$ при $z \rightarrow h$, значение w убывает, а R возрастает с увеличением z от 0 до h .

Пусть $\lambda > 1$. Проведя рассуждения, аналогичные предыдущим, можно показать, что решение существует также только для ограниченных $z \leq h$, при этом $\varphi_* > 0$, $d\varphi/dz \rightarrow \infty$, $\partial w/\partial z \rightarrow \infty$, $\partial R/\partial z \rightarrow -\infty$ при $z \rightarrow h$, w возрастает, а R убывает с увеличением z от 0 до h . Теорема доказана.

Полученные результаты обобщаются, когда направления g и w совпадают. Формулировка теоремы не изменяется, за исключением того, что случаи $\rho_1 < 1$ и $\rho_1 > 1$ меняются местами.

2. Модель распада вихря. Построен аналитический пример непрерывного продолжения решения на все верхнее полупространство для течения, параметры которого удовлетворяют условиям теоремы и неравенствам $\rho_1 < 1$, $\lambda > 1$. Дополнительно предполагается, что $w_0(v)$ имеет единственный минимум, равный γ , достигаемый в точке $v = 0$, и функция $(w_0 - \gamma)^{-1/2}$ интегрируема в нуле ($v = 0$).

Согласно теореме, решение существует лишь для $z \leq l$ (l определяется из (1.10)), причем в точке $z = l$, $v = 0$ вертикальная скорость $w = 0$, а $\partial R/\partial v = \infty$. Отсюда для продолжения решения за уровень $z = l$ линию $R = 0$ можно разделить на две в точке $z = l$, $v = 0$ в осевой плоскости.

Таким образом, предполагается, что структура течения в осевой плоскости имеет вид, изображенный на рисунке. На границе между областями *I* и *III* считаются непрерывными p , (uvw) , R и ρ . На границах между *II* и *III*, между *III* и внешним течением непрерывно давление и вполне кинематическое условие. Из непрерывности компонент скорости, согласно (1.6) и определению φ , следует непрерывность $\partial R/\partial z$ и φ на границе $z = l$.

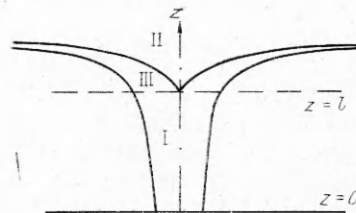
Предполагается, что область *II* заполнена покоящейся жидкостью постоянной плотности ρ_2 . В области *III* течение будет описываться первым уравнением системы (1.11) и вместо второго в силу изменения условия на R при $v = 0$ — уравнением

$$(2.1) \quad R = R_1 - \int_v^1 \frac{w_0 dv}{(w_0^2 + \varphi)^{1/2}},$$

которое справедливо и в *I*. В силу условия на ρ при $z = l$ плотность в области *III* будет равна ρ_1 . Функция $\varphi(z)$ по построению считается непрерывной при $z = l$. Тогда из (2.1) следует непрерывность по z функции $R(v, z)$ для каждого v . В силу второго уравнения (1.8) и условия $A = 0$ давление в областях *II* и *III* при равных z одинаковое и, согласно (1.4), запишется как

$$(2.2) \quad p = -1/2 R_1 - gz.$$

Это обеспечивает непрерывность давления



на границах. С другой стороны, в области *II* из уравнения гидростатики следует $p = -\rho_2gz + \text{const}$. Отсюда и из (2.2) находится R_1 :

$$(2.3) \quad 1/R_1 = 1/R_{10} - 2(1 - \rho_2)g(z - l).$$

Здесь R_{10} (значение R_1 при $z = l$) выражается согласно (1.11) с $\varphi = -\gamma^2$ [1]. Подстановка (2.3) в первое уравнение (1.11) дает значения φ в области *III*, а φ в (2.1) — величину R .

Требование непрерывности $\partial R/\partial z$ при $z = l$ накладывает ограничения на ρ_2 . Как было доказано, из (1.13) имеем $d\varphi/dz = 0$ в области *I* при $z = l$. Отсюда $dR/dz = dR_1/dz$ в *I* при $z = l$. Величина dR_1/dz находится при использовании (1.11)–(1.13) с учетом того, что $\varphi = -\gamma^2$ при $z = l$ [1]. Тогда $dR_1/dz = 2(1 - \rho_1)gR_1^2$. В области *III* dR/dz вычисляется из (2.1) с учетом (2.3) и первого уравнения (1.11). Получается, что dR/dz такое же, как в *I*, если $\rho_2 = \rho_1$.

Таким образом, условия на границах областей, уравнения (1.11) и (2.1) удовлетворены. Область *II* заполнена покоящейся жидкостью плотностью ρ_1 . Внешняя граница области *III* R_1 определяется согласно (2.3) с $\rho_2 = \rho_1$. Величина φ в *III* постоянна и равна $-\gamma^2$. Граница между областями *II* и *III* находится согласно (2.1) при $\varphi = -\gamma^2$. Отсюда и из (2.3) вытекает, что высота области *III* ограничена величиной

$$\Delta l = 1/[2R_{10}(1 - \rho_1)g].$$

Тогда полную высоту подъема жидкости с учетом (1.10) и выражения для R_{10} запишем как

$$H = l + \Delta l = \frac{\rho_1}{2(1 - \rho_1)g} \left(\frac{1}{\rho_1} - \gamma^2 \right).$$

Заметим, что H зависит только от минимального значения w_0 , равного γ , но не зависит от распределения $w_0(v)$. Используя то, что в данном случае $\lambda > 1$, легко получить, что $\gamma^2 < 1/(2\rho_1)$. Отсюда имеем ограничения на H :

$$1/[4(1 - \rho_1)g] < H < 1/[2(1 - \rho_1)g].$$

Данные неравенства позволяют оценивать H по порядку величины без знания w_0 . Для размерных значений такая оценка имеет вид

$$(2.4) \quad H \approx \rho_0 v_0^2 / [2g(\rho_0 - \rho_1)]$$

(v_0 — вращательная компонента скорости на границе ядра при $z = 0$, ρ_0 — плотность жидкости во внешней области).

3. Обсуждение результатов, сравнение с наблюдениями. В случае $\rho_1 > 1$, $\lambda > 1$ (согласно п. 2 теоремы) вертикальная скорость w и вращательная компонента скорости на границе ядра v (так как $v = 1/\sqrt{R_1}$) растут с увеличением z . Это, возможно, объясняет эффект засасывания смерчем жидкости [3], а также является одним из механизмов интенсификации вращения смерчевого ядра. Отметим, что при $\rho_1 > 1$ решение перестает существовать по причине обращения в бесконечность производных от искомых функций. Данное свойство аналогично «градиентной катастрофе» в газовой динамике, приводящей к образованию ударных волн. Подобная аналогия говорит в пользу того, что на высоте, где гладкое решение теряет существование, происходит резкое изменение ядра вихря с переходом его в новое с другими параметрами.

Представляет интерес структура течения для $\rho_1 < 1$, $\lambda > 1$, изображенная на рисунке. Из экспериментов с вихрями, получаемыми при нагреве подстилающей поверхности [4, 5], наблюдений за пыльными вихрями [6, 7] известно, что ядро вихря, обычно визуализированное мелкими частицами, на некоторой высоте резко теряет свою видимость, исчезает, при этом структура течения изменяется [4, 5]. Резкое исчезновение видимого ядра можно объяснить тем, что при растекании жидкости в области *III* ее толщина убывает, и поэтому она быстро перемешивается с

окружающей средой и становится невидимой. Такая картина течения в основных чертах может моделировать процесс распада вихря.

Используя (2.4), можно получить количественные оценки и сравнить их с наблюдениями. За высоту вихря в экспериментах принимается высота, на которой происходит резкое изменение структуры течения [4, 5]. При вычислениях разность плотностей удобно выразить через разность температур. При $\rho_0 - \rho_1 \ll \rho_0$ имеем $(\rho_0 - \rho_1)/\rho_0 \approx (T_1 - T_0)/T_0$ (T_1 — средняя температура в ядре, T_0 — температура окружающего воздуха). Тогда

$$(3.1) \quad H \approx v_0^2 T_0 / [2g (T_1 - T_0)].$$

Аналогичное выражение для высоты вихря получено в [1] для частного случая, когда $w_0 = \text{const}$ и не зависела от v . В настоящей работе показано, что при учете высоты подъема жидкости в области III данная оценка справедлива для любой $w_0(v)$, удовлетворяющей условию $\lambda > 1$. Сравнение формулы (3.1) с экспериментами [4, 5] и наблюдениями за пыльными вихрями [6—8] выполнено в [1]. Показано, что расчеты по порядку величины согласуются с данными лабораторных измерений и наблюдений за пыльными вихрями.

Таким образом, в предложенной теоретической модели удается исследовать течение в ядре стационарного торнадоподобного вихря с учетом непостоянства вертикальной компоненты скорости в горизонтальном сечении ядра. Благодаря этому установлена возможность продолжаемости непрерывного решения на бесконечную или ограниченную высоту, причем радиус ядра может оставаться конечным. Проведена классификация непродолжаемых решений: решение прекращает существование либо из-за обращения вертикальной скорости в нуль, либо из-за стремления производных к бесконечности. В первом случае можно провести аналогию с течением в пограничном слое. Положение точки остановки в пограничном слое связывается с началом его отрыва, в ядре вихря — с началом его распада, а во втором случае — с течениями в газовой динамике: разрушение решения с математической точки зрения происходит по одним и тем же причинам. Дано описание пространственной эволюции ядра вихря, предложена картина течения в области его распада. Получена количественная оценка высоты торнадоподобного вихря, местоположения его распада.

Автор выражает благодарность В. М. Тешукову за полезные обсуждения рассматриваемых вопросов.

ЛИТЕРАТУРА

1. Никулин В. В. Аналог уравнений вихревой мелкой воды для полых и торнадоподобных вихрей. Высота стационарного торнадоподобного вихря // ПМТФ.— 1992.— № 2.
2. Тешуков В. М. О гиперболичности уравнений длинных волн // ДАН СССР.— 1985.— № 3.
3. Наливкин Д. В. Ураганы, бури, смерчи.— Л.: Наука, 1969.
4. Fitzjarrald D. E. A laboratory simulation of convective vortices // J. Atmos. Sci.— 1973.— V. 30, N 7.
5. Mullen J. B., Maxworthy T. A laboratory model of dust devil vortices // Dyn. Atmos. and Oceans.— 1977.— N 1.
6. Ives R. L. Behavior of dust devil // Bull. Amer. Meteorol. Soc.— 1947.— V. 28, N 4.
7. Williams N. R. Development of dust whirls // Bull. Amer. Meteorol. Soc.— 1948.— V. 29, N 3.
8. Sinclair P. C. The lower structure of dust devils // J. Atmos. Sci.— 1973.— V. 30, N 8.