

## ТЕПЛОВЫЕ ВЗРЫВЫ В РАННЕЙ ЗЕМЛЕ

А. В. Витязев

Институт динамики геосфер РАН, 119334 Москва, avit@idg.chph.ras.ru

Рассмотрены экзотермические режимы в недрах ранней Земли. Найдены условия, при которых в достаточно протяженных и прогретых локальных областях возможно ускоренное развитие гравитационной дифференциации — отделения от силикатов более тяжелого вещества, образующего земное ядро.

Ключевые слова: ранняя Земля, энергобаланс Земли, гравитационная дифференциация.

### ВВЕДЕНИЕ

Проблемы происхождения Земли и формирования ее оболочек являются фундаментальными для естественных наук. За прошедшие полстолетия в рамках ряда международных научных программ был разработан так называемый стандартный сценарий формирования планетной системы из допланетного газопылевого диска, окружавшего молодое Солнце [1]. Объединенными усилиями астрофизиков и космохимиков, планетологов и геофизиков были рассмотрены основные физико-химические процессы, разработаны компьютерные модели формирования планет из меньших тел астероидных размеров, получены оценки времен формирования планет, подкрепленные изотопными данными. В отличие от воззрений 1950–1970-х годов (первично холодная Земля, нагреваемая радиоактивными источниками в последующий миллиард лет) стало ясно, что нагреваемая ударами падавших тел планета испытывала глубокие физико-химические преобразования уже в ходе своего роста. Основные энергетические источники и процессы тепло- и массопереноса представлены в таблице [2]. Видно, что в ходе формирования основных структурных единиц Земли — ее ядра и мантии — происходило значительное выделение энергии гравитационной дифференциации (эквивалентный нагрев на 2500 °С). В отличие от других механизмов ее темп мог значительно увеличиваться и, как будет показано ниже, при определенных условиях принимать характер теплового взрыва. Разумеется, планетарные масштабы и ха-

рактерные геологические времена рассматриваемых тепловых процессов в недрах могут показаться отличающимися от соответствующих характеристик классического теплового взрыва, однако и по сути, и по форме они могут войти в ряд аналогов термически активируемых процессов, перечисленных, например, в [3].

### ТЕПЛОЫДЕЛЕНИЕ В ХОДЕ ГРАВИТАЦИОННОЙ ДИФФЕРЕНЦИАЦИИ

При гравитационной дифференциации (ГД) в больших объемах вещества в гравитационном поле Земли высвобождающаяся потенциальная энергия вследствие вязкой диссипации переходит в тепло. Обратимся к простейшим моделям дифференциации двухкомпонентной среды. Если вязкости обеих несмешиваемых компонентов малы и сравнимы по величине, то пригодна модель фильтрации одной жидкости через другую. В случае, когда один из компонентов — жидкость, для оценок можно использовать либо модель фильтрации через пористый скелет, либо модель опускания тяжелых (всплывания легких) включений в вязкой матрице.

Рассмотрим некий объем  $V$  матрицы вязкостью  $\eta$ , плотностью  $\rho_2$ , содержащей включения радиусом  $a \ll V^{1/3}$  и плотностью  $\rho_1 = \rho_2 + \Delta\rho$ . Будем полагать, что объем достаточно мал ( $V^{1/3} \ll R_\oplus$ , где  $R_\oplus$  — радиус растущей Земли) и пространственно-временные вариации гидростатического давления  $p$  и силы тяжести  $g$  пренебрежимо малы. Темп выделения энергии гравитационной дифференциации в стоковом режиме опускания включений (число Рейнольдса  $Re \ll 1$ ) пропорционален потоку избыточной плотности:

$$\varepsilon_d \approx c(1 - c)\Delta\rho g v_d,$$

Работа выполнена в рамках программы фундаментальных исследований Президиума РАН № 25 «Проблемы зарождения биосферы Земли и ее эволюции», проект 1.2.8 «Процессы на завершающей стадии аккумуляции Земли».

Энергобаланс Земли в первые 500 млн лет

№ п/п	Источники	Энергия, эрг
1	Короткоживущие радиоактивные Al <sup>26</sup> , Fe <sup>60</sup>	10 <sup>37</sup>
2	Долгоживущие радиоактивные U, Th, K <sup>40</sup>	4 · 10 <sup>37</sup>
3	Энергия ударов падающих тел	2 · 10 <sup>39</sup>
4	Энергия упругого сжатия	10 <sup>37</sup>
5	Энергия дифференциации	1,5 · 10 <sup>38</sup>
6	Энергия приливной диссипации	10 <sup>37</sup>
7	Энтальпия падающих планетезималей	10 <sup>37</sup>
8	Энергия химических реакций* и фазовых переходов*	10 <sup>37</sup>
9	Солнечная энергия (ИК-УФ) + солнечный ветер	2,5 · 10 <sup>38</sup>
№ п/п	Процессы тепло- и массопереноса	Nu
1	Ударное перемешивание	10 <sup>2</sup> ÷ 10 <sup>5</sup>
2	Адвективные течения	10 <sup>2</sup> ÷ 10 <sup>5</sup>
3	Конвективный теплоперенос	10
4	Кондуктивный теплоперенос, диффузионный массоперенос	1
5	Флюидный	?
6	Приливное пенеплирование	10
7	Ударный выброс на гелио- и геоцентрические орбиты	(1 ÷ 10 %)M <sub>⊕</sub>

Примечание. \*В зависимости от эндо- или экзотермичности знак «-» или «+».

где  $c$  — доля объема, занимаемая включениями,  $v_d$  — их скорость,

$$v_d = (1 - 2,5c)2\Delta\rho g a^2 / 9\eta, \quad (1)$$

$\eta$  — коэффициент вязкости. Полагая  $c = 0,17$ ,  $\Delta\rho = 4,5$  г/см<sup>3</sup>,  $g = 10^3$  см/с<sup>2</sup> и  $\varepsilon_r(t_0) = 2 \cdot 10^{-6}$  эрг/(см<sup>3</sup>·с) (мощность радиоактивных источников U, Th, K<sup>40</sup> 4,5 млрд лет назад), получаем, что при  $v_d \geq 2 \cdot 10^{-9}$  см/с теплогенерация при ГД превышает теплогенерацию радиоактивными источниками. Заметим, что на этой стадии роста Земли  $dR_{\oplus}/dt \approx 3 \cdot 10^{-8}$  см/с.

### ТЕПЛОПЕРЕНОС ПРИ ГРАВИТАЦИОННОЙ ДИФФЕРЕНЦИАЦИИ

При дифференциации в недрах планеты теплоперенос за счет конвективных движений может превышать кондуктивный теплоперенос. В модели опускающихся включений соответствующий коэффициент теплопроводности  $\lambda_d$  часто [4] представляют в виде  $\lambda_d = \lambda \text{Re}^{a_1} \text{Pr}^{a_2} c^{a_3}$ , где  $\lambda$  — коэффициент «обычной»

теплопроводности, Re и Pr — числа Рейнольдса и Прандтля,  $0,2 \leq a_1, a_2, a_3 \leq 1$ . Мы используем здесь простое выражение [5]

$$\lambda_d = \lambda \text{Pe}^{1/n}, \quad \text{Pe} = \text{RePr}c = cv_d a / \varkappa, \quad (2)$$

где Pe — число Пекле,  $2 \leq n \leq 4$ ,  $\varkappa$  — коэффициент «обычной» теплопроводности. Обратная пропорциональная зависимость Pe( $\eta$ ) ведет к сильному росту  $\lambda_d$  при температурах  $T$ , близких к температуре плавления  $T_m$ . Полагая  $\varkappa = 10^{-2}$  см<sup>2</sup>/с, имеем  $\text{Pe} \geq 1$  при  $\eta < 10^4 a^3$ . Итак, с учетом тепловыделения и теплопереноса при ГД имеем уравнение теплопроводности

$$\rho c_p \frac{\partial T}{\partial t} = (\lambda + \lambda_d) \Delta T + \varepsilon_r + \varepsilon_d. \quad (3)$$

### ТЕПЛОВАЯ НЕУСТОЙЧИВОСТЬ ГД

В растущей Земле уже при достижении ею массы порядка 0,1 от современной (размеры

Марса) удары падающих тел приводят к существенному нагреву приповерхностных слоев ( $T \approx T_m$ ). Отсылая за подробностями расчетов этих сложных процессов к [1], отметим лишь, что в течение ста миллионов последующих лет на глубине сотен километров под поверхностью растущей планеты формируется слой полурасплавов с локальными очагами более жидкой магмы. Размеры этих очагов порядка размеров падающих тел  $r$  (от километровых до многих сотен километров). Функция распределения очагов по размерам отслеживает спектр размеров падающих тел ( $\propto r^{-4}$ ). Можно задать вопрос: при каких условиях начавшаяся в некотором объеме гравитационная дифференциация перейдет в самоподдерживающийся или ускоренный режим развития?

В нашем случае нагрев дифференцирующегося вещества ведет к уменьшению вязкости и увеличению скорости опускания включений. Если значение  $\varepsilon_d$  мало ( $\varepsilon_d < \varepsilon_r$  при  $v < 2 \cdot 10^{-9}$  см/с), нагрев материала поддерживается лишь  $\varepsilon_r$ . При достижении достаточно высокой температуры, скажем,  $T_d$  ( $T_d$  выбрана как температура, при которой  $\varepsilon_d = \varepsilon_r$ ), коэффициент вязкости записывается в обычной для геофизики форме

$$\eta = \eta_0 \exp(E(p)/RT),$$

где  $E$  — энергия активации,  $R$  — универсальная газовая постоянная, предэкспоненциальный множитель считается не зависящим от температуры и давления. Вводя безразмерную температуру  $\theta = (T - T_d)E/RT_d^2$ , используем представление Франк-Каменецкого

$$\exp\left(-\frac{E}{RT}\right) = \exp\left(\frac{\theta}{1 + \beta\theta} - \frac{1}{\beta}\right),$$

где  $\beta = RT_d/E$ . Для матрицы магнезиальных силикатов  $E(p_0)/R = 8 \cdot 10^4$  К (см., например, [6]). Естественно считать, что  $T_d \approx T_m \approx 2000 \div 3000$  К, тогда  $\beta \leq 0,1$  и, следовательно,

$$\exp(-E/RT) \approx \exp\theta \exp(-1/\beta). \quad (4)$$

Обычно [5, 6] принимают  $E/RT \propto T_m/T$  и  $T_m \approx T_{m0}(1 + \beta')$ , где  $\beta' = \nabla T_m h/T$ . Для мантийных глубин  $\nabla T_m \approx 1 \div 3$  К·км<sup>-1</sup>, следовательно,  $\beta' \leq 0,1$  для  $h \leq 100$  км. Нет оснований считать  $\nabla T_m$  и  $\nabla T_d$  различными. Поэтому и для  $\beta'_d$ , вводимого аналогично, можно использовать те же оценки. Итак,  $\beta, \beta', \beta'_d$  — малые

параметры, которые дальше не рассматриваются. Тогда  $v_d = v_0 \exp\theta$ . Следовательно,  $\theta = 0$  при  $T \approx T_d$  и, пренебрегая вариациями  $a$  и  $c$ , можно записать  $\varepsilon_d = \varepsilon_r \exp\theta$ .

Рассмотрим плоский слой толщиной  $h$ . Зависимостью  $T_m, T_d, a$  и  $c$  от глубины  $z$  и времени  $t$  будем пренебрегать. Используя безразмерные температуру  $\theta$  и координату  $\xi = 2z/h$  ( $\xi = 0$  в середине слоя,  $\xi = \pm 1$  на границах), перепишем (3):

$$\frac{\partial \theta}{\partial \tau} = \frac{\partial}{\partial \xi} (1 + \text{Pe}_0 \exp(\theta/n)) \frac{\partial \theta}{\partial \xi} + \Gamma_d \exp\theta + \Gamma_r, \quad (5)$$

где

$$\tau = 4\alpha \frac{t}{h^2}, \quad \text{Pe}_0 = \left(\frac{v_0 a c}{\alpha}\right)^{1/n},$$

$$\Gamma_d = \Delta \rho g c h^2 \frac{v_0 E}{4\lambda R T_d^2}, \quad \Gamma_r = \frac{\dot{\varepsilon}_r h^2 E}{4\lambda R T_d^2}.$$

Одновременно рассмотрим аналогичное уравнение в форме Н. Н. Семенова:

$$\frac{d\theta}{dt} = -\gamma_\alpha \theta + \gamma_d \exp\theta + \gamma_r \equiv \frac{4\alpha}{h^2} [-(1 + \text{Pe}^{1/n}) + \Gamma_d \exp\theta + \Gamma_r], \quad (6)$$

где  $\gamma_r = \Gamma_r 4\alpha/h^2$ ,  $\gamma_d = \Gamma_d 4\alpha/h^2$ ,  $\gamma_\alpha = \alpha/h\rho c_p$ ,  $\alpha = \lambda(1 + \text{Pe}^{1/n})/h$ . В данном случае  $T = (RT_d^2/E)\theta + T_d$  — средняя температура слоя. Критические условия тепловой неустойчивости определяются, как обычно, касанием кривых теплоотвода и тепловыделения. При значении  $\alpha$ , не зависящем от  $\theta$ , критические условия находятся из выражения

$$\gamma_r + \gamma_d \exp\theta = \gamma_\alpha \theta, \quad \gamma_d \exp\theta = \gamma_\alpha. \quad (7)$$

Следовательно,

$$\theta_{cr} = (\gamma_r + \gamma_\alpha)/\gamma_\alpha = \ln(\gamma_\alpha/\gamma_d)_{cr}. \quad (7a)$$

В частности, если  $\gamma_r \ll \gamma_\alpha$ , то  $\theta_{cr} = 1$  и  $(\gamma_\alpha/\gamma_d)_{cr} = \exp$ . Другими словами, если  $\Delta \rho g c v_0 E h \exp > \alpha R T_d^2$ , то правая часть (6) положительна и растет экспоненциально с  $\theta$ . Рассмотрим далее случай сильной и монотонной зависимости  $\alpha(\theta)$ . Пренебрегая  $\gamma_r$  и полагая, что теплопотери  $q^-(\theta) \propto \theta^n$ , находим  $\theta_{cr} = n$  и  $(\gamma_d/\gamma_\alpha)_{cr} = n^n \exp(-n)$ . Полагая  $q^-(\theta) = \gamma_\alpha' \exp(\theta/n)$  и  $\gamma_r \ll \gamma_\alpha, \gamma_d$ , находим

$\theta_{cr} = n/(n-1)$ ,  $(\gamma_d/\gamma'_\alpha)_{cr} = n/\exp(n-1)$ . Видно, что при  $n \rightarrow \infty$  и  $\gamma'_\alpha = \gamma_\alpha$  имеют место соотношения (7а). При  $n \rightarrow 1$  формально получаем  $\theta_{cr} \rightarrow \infty$ ,  $(\gamma_d/\gamma'_\alpha)_{cr} \rightarrow \infty$  (анализ некорректен при  $n \rightarrow 1/(1-\beta)$ ).

Если ГД сопровождается слабой рэлей-бенаровской конвекцией, то можно получить дальнейшее обобщение, рассматривая зависимость числа Нуссельта от числа Рэлея  $Nu(Ra)$ , в которой, в конечном счете, учитывается влияние вязкости [5].

Для анализа уравнения (5) ограничимся двумя случаями:

$$\lambda = \text{const}, \quad \text{Pe}_0 \exp(\theta/n) \gg 1, \quad \varepsilon_r \neq 0, \quad (8a)$$

$$\lambda = \text{const}, \quad \text{Pe}_0 \exp(\theta/n) \ll 1, \quad \varepsilon_r = 0. \quad (8b)$$

В первом случае теплоперенос при ГД или тепловой конвекции много больше кондуктивного. Во втором, наоборот,  $\text{Pe} < 1$  и  $\varepsilon_d \gg \varepsilon_r$ . Два последних условия эквивалентны при  $a^3 \cdot 10^4 < \eta < a^2 \cdot 10^{11}$  [П]. Как обычно, будем искать условия существования стационарного решения (5), удовлетворяющего граничным условиям  $\theta = 0$  при  $\xi = \pm 1$ . Для первого случая при  $n = 1$  имеем

$$\theta = \ln \left( \frac{\Gamma_d + \Gamma_r}{\Gamma_d} \frac{\cos \Gamma_d^{1/2} \text{Pe}_0^{-1/2} \xi}{\cos \Gamma_d^{1/2} \text{Pe}_0^{-1/2}} - \frac{\Gamma_r}{\Gamma_d} \right). \quad (9)$$

Если  $\Gamma_d \text{Pe}_0^{-1} \rightarrow \pi^2/4$ , то  $\exp \theta \rightarrow \infty$ .

Для случая (8b) имеем

$$\theta = \ln b (\cos h \sqrt{b \Gamma_d \xi / 2})^{-2}, \quad (10)$$

где константа  $b$  определяется из граничных условий. Это классический случай, и, согласно Франк-Каменецкому, критические условия следующие:

$$\Gamma_{d,cr} = 0,88, \quad \theta_{cr} = 1,2 \quad (\text{плоский слой});$$

$$\Gamma_{d,cr} = 3,22, \quad \theta_{cr} = 1,6 \quad (\text{сфера}).$$

Используя значения  $\Gamma_{d,cr}$  и полагая  $\rho c_p = 10^8$  эрг·см<sup>-3</sup>,  $RT_d^2/E = 50$  К,  $g = 10^3$  см/с<sup>2</sup>,  $\varepsilon_d = 2 \cdot 10^{-6}$  эрг·см<sup>-3</sup>·с<sup>-1</sup> и  $\varkappa = 10^{-2}$  см<sup>2</sup>/с, находим, что  $h_{cr} \approx 100$  км.

Всюду выше мы пренебрегали исчерпанием «реагента» на предвзрывном разогреве. Соответствующие поправки аналогичны известным в теории теплового взрыва [3, 4] и учитывают уменьшение  $c$  у верхней границы слоя с некоторым ростом у нижней границы [5].

## СЛУЧАЙ ПОДВИЖНЫХ ГРАНИЦ

Ограничимся простейшей схемой и оценками. Пусть в слое толщиной  $h$ , бесконечном по осям  $x, y$ , происходит дифференциация и нижняя граница, у которой скапливается тяжелый компонент, фиксирована. Если бы все тепло из слоя расходовалось на подплавление верхней границы, согласно элементарному уравнению теплового баланса получили бы  $hc\Delta\rho gv = L\rho(dh/dt)$ , где  $L$  — удельная теплота плавления. В ходе ГД со скоростью  $dh/dt = v$  исчерпания не происходит, отсюда следует необходимое условие устойчивого развития ГД:  $h \geq L\rho/\Delta\rho gc$ . Полагая  $L = 100$  кал/г,  $\rho = 5$  г/см<sup>3</sup>,  $c = 0,17$ ,  $\Delta\rho = 4,5$  г/см<sup>3</sup>,  $g = 10^3$  см/с<sup>2</sup>, находим  $h_{cr} \approx 300$  км. Из уравнения баланса имеем также характерное время изменения мощности расплавленного слоя:  $\approx 3 \cdot 10^8$  лет. Эта оценка игнорирует потери тепла на нагрев вышележащих слоев. Следовательно, при  $h < h_{cr}$  ГД постепенно затухает.

## ВЫВОДЫ

1. На основной стадии роста Земли, продолжавшейся около 100 млн лет, в магматических резервуарах с характерными размерами больше 100 км отделение железосодержащего (Fe–Ni–FeS+примеси) вещества могло самоускоряться.

2. Для больших (несколько сот километров) областей сферической оболочки выделение энергии дифференциации вело к подплавлению вмещающих горизонтов, способствуя переходу к глобальной дифференциации.

3. Самоускоряющееся развитие гравитационной дифференциации помогает понять недавно полученные изотопные свидетельства раннего (в первые 100 млн лет) образования земного ядра [7, 8].

## ЛИТЕРАТУРА

1. Витязев А. В., Печерникова Г. В., Сафонов В. С. Планеты земной группы. Происхождение и ранняя эволюция. М.: Наука, 1990.
2. Витязев А. В., Печерникова Г. В. Происхождение геосфер: новые результаты и остающиеся проблемы // Геофизические процессы в нижних и верхних оболочках Земли. М.: ИДГ РАН, 2003. Т. 2. С. 13–35.
3. Зельдович Я. Б., Баренблатт Г. И., Либрович В. Б., Махвиладзе Г. М. Математическая теория горения и взрыва. М.: Наука, 1980.

4. **Франк-Каменецкий Д. А.** Диффузия и теплопередача в химической кинетике. М.: Наука, 1967.
5. **Vityazev A. V.** Heat generation and heat-mass transfer in the early evolution of the Earth // *Physics of the Earth and Planetary Interiors*. 1980. V. 22. P. 289–295.
6. **Магницкий В. А.** Внутреннее строение и физика Земли. М.: Недра, 1965.
7. **Lee D. C., Halliday A. N.** Hafnium-tungsten chronometry and the timing of terrestrial core formation // *Nature*. 1995. V. 378. P. 771–774.
8. **Kleine T., Menker C., Mezger K., Palme H.** Rapid accretion and early core formation on asteroids and the terrestrial planets from Hf-W chronometry // *Nature*. 2002. V. 418. P. 952–955.

*Поступила в редакцию 5/VII 2004 г.*

---