

## ГАЗОДИНАМИЧЕСКОЕ УСКОРЕНИЕ ИОНОВ В НЕОДНОРОДНОМ МАГНИТНОМ ПОЛЕ

*E. M. Сырсун*

*(Новосибирск)*

**1. Введение.** Основные особенности газодинамического ускорения ионов в однородном магнитном поле выявлены в [1—4], где, в частности, указано на существование дебаевского скачка и построены автомодельные решения, позволяющие описать ускорение ионов при «ступенчатом» включении ускоряющего напряжения. Найденная в [2] форма потенциальной ямы для осциллирующих электронов показана на рис. 1. Ход потенциала в дебаевском скачке не зависит от времени, тогда как в области  $\phi < \phi_D$  ширина ямы линейно увеличивается со временем.

Как показано в [3—4], эффективность ускорения ионов существенно зависит от толщины анодной фольги. Поэтому фольгу желательно выбирать такой, чтобы электроны передавали свою энергию ускоренным ионам значительно быстрее, чем теряли ее в фольге. Однако снижение толщины фольги приводит не только к росту эффективности ускорения ионов, но и к уменьшению углового рассеяния электронов в ней, что в конечном счете ведет к запиранию диода и уменьшению плотности ионного тока [4].

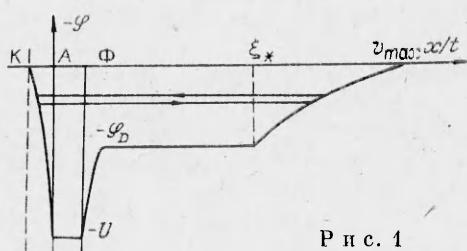


Рис. 1

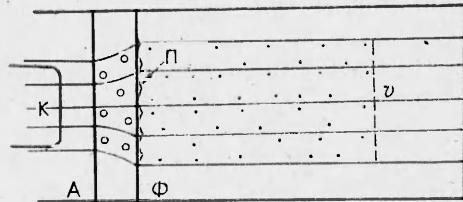


Рис. 2

Чтобы ослабить соответствующее ограничение на запирание диода и увеличить эффективность передачи энергии ионам, в [3] предложена схема газодинамического ускорения ионов в неоднородном магнитном поле, сильном в области диода и слабом в области ускорения (рис. 2). Электронный пучок со сверхкритическим током инжектируется в дрейфовую камеру через сендвич из фольг А и Ф, пространство между которыми заполнено нейтрализующей плазмой. В таких условиях большая часть электронов, инжектируемых в камеру, отражается и начинает осциллировать между реальным и «виртуальным катодом», возникающим в дрейфовой камере за фольгой Ф. В результате вблизи фольг А и Ф образуется плотное облако осциллирующих электронов. При определенных условиях электроны могут создавать на поверхности фольги Ф, расположенной в области слабого магнитного поля, слой плазмы П, служащий источником ионов. Под действием электрического поля облака ионы вытягиваются из этой плазмы и, компенсируя объемный заряд осциллирующих электронов, ускоряются вдоль камеры.

В настоящей работе обсуждается схема газодинамического ускорения ионов в неоднородном магнитном поле в двух модификациях, предложенных в [3], с сильно рассеивающей и нерассеивающей фольгой Ф. В первой модификации наличие неоднородного магнитного поля приводит к росту ионного тока, связанному с увеличением площади потока в области ускорения, во второй — рост тока незначителен, но зато увеличивается КПД ускорения ионов. Причина состоит в том, что в области ускорения вся энергия осциллирующих электронов будет заключена в продольной степени свободы. Это обстоятельство приводит к росту средней скорости расширения синтезированной из ионов и осциллирующих электронов плазмы. За счет увеличения средней скорости расширения плазмы и растет КПД ускорения.

**2. Функция распределения осциллирующих электронов.** Рассмотрим схему ускорения ионов в случае, когда анодная фольга сильно рассеивающая, а фольга Ф сверхтонкая. Толщина анодной фольги при этом такова, что для нее выполнены следующие условия:

$$(2.1) \quad \langle \theta^2 \rangle \gg \delta W / W \gg d/c\tau;$$

$$(2.2) \quad \langle \theta^2 \rangle \gg (\gamma m/M)^{1/2}.$$

Здесь  $\gamma = 1 + W/mc^2$  — релятивистский фактор пучка;  $W$  — энергия исходного электронного пучка;  $\langle \theta^2 \rangle$ ,  $\delta W$  — средний квадрат угла рассеяния и средние потери энергии электрона при нормальном падении на анодную фольгу;  $\tau$  — длительность ускоряющего импульса;  $d$  — расстояние

между катодом и фольгой  $\Phi$ ;  $M$  — масса ионов. Условие (2.1) соответствует тому, что электроны, захваченные в дебаевском слое, замедляются за время  $t$ , много меньшее длительности ускоряющего импульса  $\tau$ , в результате чего устанавливается стационарная функция распределения электронов [3, 4]. При выполнении условия (2.2) функция распределения электронов в диоде изотропна:  $f(p, \theta) = f(p)$ .

Что касается фольги  $\Phi$ , то ее толщина ограничена снизу условием

$$(2.3) \quad \delta W_1 \ll \delta W, \quad \langle \theta_1^2 \rangle \ll \delta W_1 / \delta W R,$$

где  $\langle \theta_1^2 \rangle$  и  $\delta W_1$  — средний квадрат угла рассеяния и средние потери энергии электрона при нормальном падении на фольгу  $\Phi$ ;  $R = H_1/H_0$ ;  $H_1$  — поле в диоде;  $H_0$  — поле в области ускорения. Условие (2.3) соответствует тому, что функция распределения осциллирующих электронов, оставаясь изотропной в диоде, при  $R \gg 1$  становится почти одномерной на фольге  $\Phi$ :

$$f(p, \theta_1) = \begin{cases} f(p), & \theta_1 < R^{-1/2} \\ 0, & \theta_1 > R^{-1/2}, \end{cases}$$

( $\theta_1$  — питч-угол электрона на фольге  $\Phi$ ).

Состояние облака осциллирующих электронов можно характеризовать функцией распределения этих электронов на анодной фольге  $f(p)$ . Кинетическое уравнение для  $f(p)$  может быть найдено из условия сохранения продольного адиабатического инварианта

$$I(p, \theta, t) = \int_0^{x_1} q_{\parallel}(x, p, \theta) dx$$

при дополнительном условии  $q_{\perp} = p \sin \theta / R^{1/2}$ , выражающем собой факт неизменности поперечной компоненты импульса частицы. Здесь  $x_1$  — координата правой точки поворота, нижний предел заменен на нуль, поскольку в задаче рассматриваются времена, когда  $x_1 \gg d$ ;  $p$  и  $\theta$  — импульс и питч-угол электрона на анодной фольге;  $q_{\parallel}(x, p, \theta)$  — продольный импульс электрона в точке  $x$ ,

$$q_{\parallel}(x, p, \theta) = (q^2(x, p) - q_{\perp}^2)^{1/2};$$

$q(x, p)$  — полный импульс электрона в точке  $x$ ,

$$q(x, p) = \left\{ \left[ (p^2 + m^2 c^2)^{1/2} + \frac{e}{c} (\varphi - U) \right]^2 - m^2 c^2 \right\}^{1/2}.$$

Отметим, что в автомодельном решении потенциал  $\varphi$  зависит от координаты  $x$  и времени  $t$  только в комбинации  $x/t = \xi$ . При этом для электронов с импульсом  $p > p_D$  адиабатический инвариант есть линейная функция времени  $I(p, \theta, t) = t J(p, \theta)$  [2], величина

$$p_D = \left[ 2me(U - \varphi_D) + \frac{e^2}{c^2} (U - \varphi_D)^2 \right]^{1/2}$$

представляет тот предельный импульс, при котором электрон, вылетевший по нормали к поверхности фольги, еще удерживается в дебаевском слое. Для электронов с импульсом  $p < p_D$   $I(p, \theta, t) = 0$ , так как  $x_1 = 0$ .

Кинетическое уравнение для функции распределения в этом случае имеет вид [4]

$$(2.4) \quad J_z(p) \frac{\partial f}{\partial p} + \frac{J_1(p)}{p} f + \frac{1}{p^2} \frac{\partial \delta W p^2 f}{\partial p} + Q = 0,$$

где

$$(2.5) \quad J_1(p) = J \left( p, \theta = \frac{\pi}{2} \right) = p \int_0^{\xi_1} \left( \frac{q^2}{p^2} - \frac{1}{R} \right)^{1/2} d\xi,$$

$$J_2(p) = \int_0^{\frac{\pi}{2}} J(p, \theta) \sin \theta \cos \theta d\theta.$$

Источник  $Q$  описывает рост числа частиц в облаке за счет пучка:

$$Q = \frac{n_b v_0}{4\pi p^2} \delta(p - p_0).$$

Здесь  $n_b$  — плотность пучка у анодной фольги;  $p_0$  и  $v_0$  — импульс и скорость электрона, соответствующие ускоряющему напряжению  $U$ :

$$p_0 = \left( 2meU + \frac{e^2 U^2}{c^2} \right)^{1/2}, \quad v_0 = \frac{p_0 c}{(p_0^2 + m^2 c^2)^{1/2}}.$$

Подставляя  $J(p, \theta)$  в (2.5) и интегрируя последнее по  $\theta$ , находим

$$J_2(p) = \frac{pR}{3} \left[ \int_0^{\xi_1} \frac{q^3}{p^3} d\xi - \int_0^{\xi_2} \left( \frac{q^2}{p^2} - \frac{1}{R} \right)^{\frac{3}{2}} d\xi \right],$$

где  $\xi_1 = x_1/t$ , а  $\xi_2$  определяется из равенства  $q(\xi_2, p) = pR^{-1/2}$ . Решая уравнение (2.4), получим

$$(2.6) \quad f(p) = \frac{n_b v_0}{4\pi w(p_0)} \exp \left[ \int_p^{p_0} \left( J_1 p + \frac{\partial \delta W p^2}{\partial p} \right) \frac{dp}{w(p)} \right]$$

( $w(p) = J_2(p)p^2 + \delta W p^2$ ). Обратим внимание, что при  $p < p_D$   $I(p, \theta, t) = 0$ , поэтому  $f(p) = \text{const}/(p^2 \delta W)$ . Знание  $f(p)$  на анодной фольге позволяет найти плотность электронов в точке с потенциалом  $\phi$ :

$$(2.7) \quad n(\phi, H) = 2\pi \int \frac{f(p(q)) q dq d\mu H}{(q^2 - \mu H)^{1/2}} \quad (\mu = q^2/H).$$

Заметим, что, согласно (2.6), плотность облака осциллирующих электронов пропорциональна плотности электронов пучка на анодной фольге (2.8)

$$n(\phi, H) = n_b v(\phi, H),$$

где безразмерная функция  $v(\phi, H)$  не зависит от  $n_b$ . Зная зависимость  $n(\phi, H)$ , можно полностью конкретизировать автомодельное решение уравнений, описывающих газодинамическое ускорение ионов.

**3. Определение параметров ионного потока.** В одномерной постановке задача об ускорении ионов в автомодельных переменных описывается системой уравнений [1]

$$(3.1) \quad (v - \xi) \frac{dn}{d\xi} + n \frac{dv}{d\xi} = 0, \quad (\bar{v} - \xi) \frac{dv}{d\xi} + \frac{e}{M} \frac{d\phi}{d\xi} = 0,$$

где  $v$ ,  $n$  — скорость и плотность ионов. Из условия квазинейтральности облака плотность ионов равна плотности электронов:

$$(3.2) \quad n = n(\phi, H_0).$$

Систему уравнений (3.1), (3.2) следует дополнить граничными условиями [1]

$$(3.3) \quad v_* = \left[ \frac{2(W - e\phi_D)}{M} \right]^{1/2},$$

$$\int_{\phi_D}^{\bar{v}} n d\phi = n_b v_0 \int_{\phi_D}^{\bar{v}} \frac{d\phi}{\left[ \frac{2(W - e\phi_D)}{M} \right]^{1/2}},$$

первое из которых определяет скорость электронов за дебаевским скачком,

второе представляет собой равенство нулю электрического поля в области однородного потока за скачком.

При заданной плотности пучка  $n_b$  и известной функции  $v(\phi, H)$  система уравнений (3.1)–(3.3) полностью определяет решение газодинамической части задачи. Основные трудности состоят в самосогласованном отыскании функции  $v(\phi, H)$ : она определяется функцией распределения электронов, а последняя в свою очередь — зависимостью потенциала от  $\xi$ . Соответствующая задача в большинстве случаев может быть решена только численно с помощью метода последовательных приближений: задавая на нулевом шаге форму потенциальной ямы  $\phi(\xi)$ , с помощью (2.6) и (2.8) вычислим функцию распределения  $f(p)$  и плотность электронов  $n_b v(\phi, H)$ . Зная зависимость  $v(\phi, H)$ , из системы уравнений (3.1)–(3.3) получаем следующее приближение для  $\phi(\xi)$ . Повторяя эту процедуру несколько раз, построим достаточно точное выражение для  $f(p)$  и  $v$ . В результате получается самосогласованное решение задачи, определенное с точностью до масштабного множителя  $n_b$ , который находится из решения уравнения Пуассона в диоде.

Вместе с тем существует случай, когда решение определяется аналитически, это случай нерелятивистских электронов,  $\gamma - 1 \ll 1$ . В дальнейшем рассмотрим ситуацию, когда  $R \gg 1$ , а потери энергии электронов в анодной фольге существенно меньше потерь энергии электронов, затраченных на ускорение ионов:

$$(3.4) \quad \frac{\delta W}{W} \ll \left( \frac{\gamma m}{M} \right)^{1/2}.$$

При  $R \gg 1$   $J_1(p) = 2J_2(p) = J(p, \theta = 0)$ . В нерелятивистском случае  $p^2 \delta W$  не зависит от энергии электрона [4], поэтому функция распределения имеет вид

$$(3.5) \quad f(p) = \begin{cases} \frac{n_b v_0}{2\pi J_0 p_D^2}, & 0 < p < p_D, \\ \frac{n_b v_0}{2\pi J_0 p^2}, & p_D < p < p_0 \end{cases}$$

( $J_0 = J(p_0, \theta = 0)$ ). Подставляя полученную функцию распределения в (2.7), вычислим плотность облака осциллирующих электронов в области ускорения

$$(3.6) \quad n(\psi, H_0) = \begin{cases} n_0 \psi^{1/2}, & \psi < \psi_{D_2} \\ n_0 \left[ \psi^{1/2} - \frac{2(\psi - \psi_D)^{3/2}}{3(1 - \psi_D)} \right], & \psi > \psi_{D_2} \end{cases}$$

где  $\psi = \phi/U$  — безразмерный потенциал;  $n_0 = 2n_b W/J_0 R$ . Величина  $n_0$  определяется, если воспользоваться тем, что в силу квазинейтральности потока плотность тока пучка  $en_b v_0$  равна  $en_* v_* R$  — плотности ионного тока,  $n_*$  и  $v_*$  — плотность и скорость ионов при  $\psi = \psi_D$ . Воспользовавшись этим замечанием, приходим к результату

$$n_0 = \frac{n_b}{R \left[ \frac{m}{M} \psi_D (1 - \psi_D) \right]^{1/2}}.$$

Скачок потенциала за дебаевским слоем  $\psi_D$  определяем из граничных условий (3.3):

$$(3.7) \quad 5(1 - \psi_D^{3/2}) - 2(1 - \psi_D)^{3/2} = 15\psi_D^{1/2}(1 - \psi_D).$$

Подставляя зависимость  $n(\psi, H_0)$  в систему уравнений (3.1), находим автомодельное решение в области волны разрежения  $v_{\max} > \xi > \xi_*$  (обозначения см. на рис. 1):

$$(3.8) \quad n = n_0(v_{\max} - \xi)/2v_0, \quad v = (v_{\max} + \xi)/2,$$

$$\psi = (v_{\max} - \xi)^2/4v_0^2.$$

Здесь  $v_0 = \left(\frac{2W}{m}\right)^{1/2}$ ;  $v_{\max} = v_0 [(1 - \psi_D)^{1/2} + \psi_D^{1/2}]$ ;  $\xi_* = v_0 [(1 - \psi_D)^{1/2} - \psi_D^{1/2}]$ .

Значения  $n_*$  и  $v_*$  в области постоянного течения определяем из условия спшивки этого течения с волной разрежения:

$$(3.9) \quad v_* = (v_{\max} + \xi_*)/2, \quad n_* = [n_0 (v_{\max} - \xi_*)/2v_0].$$

Решая систему алгебраических уравнений (3.7)–(3.9), находим все не определенные пока значения численных параметров:

$$(3.10) \quad \psi_D = 0,047, \quad \xi_* = 0,755, \quad v_{\max} = 1,19, \quad v_* = 0,976, \quad n_* = 0,217.$$

Таким образом, задача о газодинамическом ускорении ионов полностью решена, а для определения плотности пучка  $n_b$  решим уравнение Пуассона в диоде

$$(3.11) \quad \frac{d^2\psi}{dx^2} = \frac{4\pi e}{U} \left[ \frac{n_b}{\psi^{1/2}} + n(\psi, H_1) \right], \quad \psi|_{x=0} = 0, \quad \frac{d\psi}{dx}|_{x=0} = 0, \quad \psi|_{x=d_1} = 1,$$

где первое слагаемое в правой части учитывает плотность заряда электронов пучка, а второе — плотность заряда осциллирующих электронов. Плотность электронного облака в диоде

$$(3.12) \quad n(\psi, H_1) = \begin{cases} n_1 \left[ \psi^{1/2} - (1 - \psi)^{1/2} \operatorname{arctg} \left( \frac{\psi}{1 - \psi} \right)^{1/2} \right], & \psi < \psi_D, \\ n_2 \left\{ \psi^{1/2} - (\psi - \psi_D)^{1/2} - (1 - \psi)^{1/2} \left[ \operatorname{arctg} \left( \frac{\psi}{1 - \psi} \right)^{1/2} - \right. \right. \\ \left. \left. - \operatorname{arctg} \left( \frac{\psi - \psi_D}{1 - \psi} \right)^{1/2} \right] + \frac{(\psi - \psi_D)^{3/2}}{3(1 - \psi_D)} \right\}, & \psi > \psi_D \end{cases}$$

(3.12)

( $n_1 = 2n_0R$ ). Подставляя  $n(\psi, H_1)$  в уравнение (3.11) и интегрируя его по  $\psi$ , получаем  $n_b = 0,256 n_{b0}$ ,  $n_{b0}$  — плотность электронного пучка, определяемая по «закону 3/2».

Важная характеристика процесса ускорения — доля энергии, передаваемая ионам электронами пучка:

$$(3.13) \quad \eta = \frac{\frac{M}{2} \int_0^{x_1} n v^2 dx}{n_b W v_0 t}.$$

Эффективность ускорения в рассматриваемом случае составляет  $\eta = 0,93$ . Отметим, что для нерелятивистского диода в однородном магнитном поле  $\eta = 0,77$ , а  $n_b = 0,234 n_{b0}$  [3, 4]. Когда потери энергии электронов в фольге существенно больше энергии, передаваемой ускоренным ионам электронами пучка:

$$(3.14) \quad \frac{\delta W}{W} \gg \left( \frac{\gamma m}{M} \right)^{1/2},$$

при  $R \gg 1$  решение задачи о газодинамическом ускорении ионов также может быть получено аналитически. Коэффициент полезного действия (КПД) в этом случае

$$\eta = 0,495 \frac{W}{\delta W} \left( \frac{m}{M} \right)^{1/2}.$$

Отметим, что он существенно больше, чем КПД ускорения ионов в однородном магнитном поле:

$$\eta = 0,419 \frac{W}{\delta W} \left( \frac{m}{M} \right)^{1/2}.$$

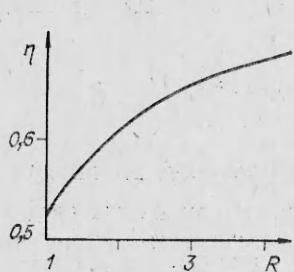


Рис. 3

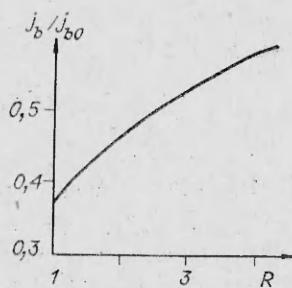


Рис. 4

Плотность пучка  $j_b$  для диода, помещенного в неоднородное магнитное поле, при выполнении условия (3.14) будет такой же, что и для диода, помещенного в однородное магнитное поле.

При произвольном соотношении между  $\delta W/W$  и  $(\gamma m/M)^{1/2}$  при  $R \gg 1$  решение задачи о газодинамическом ускорении ионов может быть построено только численно, методом последовательных приближений. Приведем результаты численных расчетов, выполненных при условиях (2.1)–(2.3). Как отмечено выше, функция распределения, оставаясь изотропной в диоде, при  $R \gg 1$  становится почти одномерной в области ускорения, где основная доля энергии осциллирующих электронов заключена в продольной степени свободы. Это обстоятельство приводит к росту средней скорости расширения ионного потока и, следовательно, к росту КПД ускорения ионов.

Зависимость КПД ускорения ионов  $\eta$  от уплотнения магнитного поля  $R$  при  $\gamma = 3$ ,  $\delta W/mc^2 = 4 \cdot 10^{-3}$  показана на рис. 3. Рост диодного тока при увеличении  $R$  в этом случае незначителен; так, при  $R = 5$  подрастание тока по сравнению с  $R = 1$  составляет около 10%.

Отметим, что полученные в этом разделе результаты справедливы при

$$(3.15) \quad R \ll (M/\gamma m)^{1/2}.$$

Ограничение на  $R$  связано со следующим обстоятельством. Электроны с импульсом  $p > p_D$ , вылетающие из анодной фольги под углом  $\theta \approx \pi/2$ , вследствие расширения потенциальной ямы теряют часть своего продольного импульса и уже не возвращаются в диод. Поскольку при выводе кинетического уравнения эти электроны не учитывались, необходимо, чтобы их доля была мала. Легко оценить, что число таких электронов будет мало, если выполнено неравенство (3.15).

**4. Ускорение ионов в диоде с сильно рассеивающей фольгой Ф.** Приведем результаты расчетов газодинамического ускорения ионов в случае, когда анодная фольга сверхтонкая, а фольга Ф сильно рассеивающая:

$$(4.1) \quad \langle \theta_i^2 \rangle \gg \frac{\delta W_1}{W} \gg \frac{d}{ct},$$

$$\langle \theta_i^2 \rangle \gg \max \left( \left( \frac{\gamma m}{M} \right)^{1/2}, R^{-1} \right), \quad \delta W \ll \delta W_1.$$

Условие (4.1) соответствует тому, что упругое рассеяние электронов в фольге Ф — самый быстрый процесс, так что функция распределения осциллирующих электронов изотропна как в диоде, так и в области ускорения. Поэтому все результаты, относящиеся к форме спектра и к величине КПД ускорения ионов, остаются теми же, что и в [4], где рассмотрена задача об ускорении ионов в однородном магнитном поле.

Однако наличие неоднородного магнитного поля приводит к существенному снижению плотности облака электронов в диоде, связанному с увеличением площади потока в области ускорения ионов. Уменьшение плотности облака осциллирующих электронов в свою очередь приводит к росту тока пучка  $j_b$  и в конечном счете — ионного тока.

Для нерелятивистского диода  $\gamma - 1 \ll 1$  зависимость диодного тока от  $R$  найдена в [3]:

$$\frac{j_b}{j_{b0}} = 14,5s^{3/4}(1 - 0,8s^{1/8})^2.$$

Здесь  $s = R \left[ 1,17 \left( \frac{m}{M} \right)^{1/2} + 7,5 \frac{\delta W_1}{W} \right]$ ;  $j_{b0}$  — плотность диодного тока, определяемая по «закону 3/2». Для релятивистского диода решение может быть получено только с помощью численных расчетов по схеме, приведенной в п. 3. Зависимость  $j_b/j_{b0}$  от  $R$  при  $\gamma = 3$ ,  $\delta W_1/mc^2 = 4 \cdot 10^{-3}$  показана на рис. 4, где  $j_{b0}$  — плотность диодного тока, определяемая по аналогии с «законом 3/2» для релятивистского диода. Как видно из рис. 4, наличие неоднородного магнитного поля приводит к значительному увеличению плотности диодного тока.

Полученные в работе результаты находятся в согласии с экспериментальными результатами, приведенными в [5]. Разумеется, в реальных условиях не приходится иметь дело со строго «ступенчатой» формой напряжения, так что сравнение наших результатов с экспериментальными может носить только качественный характер. Другое возможное ограничение применимости приведенного рассмотрения состоит в том, что в настоящей работе не изучалась возможность снижения импеданса диода путем нейтрализации заряда электронов диодного промежутка зарядом ионов, эмиттирующих с внутренней стороны анодной фольги.

Автор благодарен Д. Д. Рютову за многочисленные обсуждения в ходе выполнения работы.

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Рютов Д. Д., Ступаков Г. В. О влиянии ионного фона на накопление электронов в сильноточном диоде.— Физика плазмы, 1976, т. 2, № 5.
2. Ступаков Г. В. Автомодельное решение в теории газодинамического ускорения ионов.— Физика плазмы, 1980, т. 6, № 6.
3. Рютов Д. Д. Работы ИЯФ СО АН СССР по коллективному ускорению ионов в мощных электронных пучках.— В кн.: Совещание по проблемам коллективного метода ускорения. Дубна, 1982.
4. Рютов Д. Д., Сыретин Е. М. Теория «газодинамического» ускорения ионов облаком осциллирующих электронов. Препринт ИЯФ СО АН СССР 84—129.— Новосибирск, 1984.
5. Дейчули П. П., Федоров В. М. Ускорение ионов облаком осциллирующих электронов на установке Вода 1—10.— В кн.: IV Всесоюз. симп. по сильноточной электронике. Новосибирск, 1982, т. 2.

Поступила 14/II 1985 г.

УДК 629.735.33.015.3.025.1 : 533.6.12/13

#### ИНДУКТИВНОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ ИЗОГНУТОГО КРЫЛА

Г. И. Майканар  
(Жуковский)

В авиационной технике применяются крылья, образуемые раскрытием прилегающих к осесимметричному корпусу поверхностей; представляет интерес выбор углов расположения осей поворота крыльев  $\varphi$  и их раскрытия  $\theta$  (рис. 1), при которых индуктивное сопротивление минимально. Наибольший размах крыла получается при углах, близких к  $\varphi = \pi/3$ ,  $\theta = \pi/2$ , однако, кроме размаха, на индуктивное сопротивление влияет кривизна крыла. Достаточно обоснованного метода расчета подъемной силы и индуктивного сопротивления системы крыло — тело вращения нет; связано это с тем, что тело вращения не имеет острой задней кромки, фиксирующей заднюю критическую линию, как у крыла. Не известно, сходят ли с тела вращения свободные вихри. Если корневая хорда крыла велика