

## ВОЛНОВОЕ СОПРОТИВЛЕНИЕ АМФИБИЙНЫХ СУДОВ НА ВОЗДУШНОЙ ПОДУШКЕ В БИТОМ ЛЬДУ

УДК 624.124:532.595

В. М. Козин, А. В. Милованова

Институт машиноведения и металлургии ДВО РАН,  
681005 Комсомольск-на-Амуре

Открытые сравнительно недавно ледакольные качества амфибийных судов на воздушной подушке (СВПА) [1] обуславливают необходимость решения ряда новых прикладных задач [2]. Одним из перспективных методов разрушения льда с помощью СВПА считается резонансный [2], реализация которого происходит на скоростях с максимальным волновым сопротивлением. В связи с этим актуальной становится проблема определения волнового сопротивления СВПА в ледовых условиях. При отсутствии льда данная задача теоретически решена для движения судна по глубокой и мелкой воде [3, 4], в канале [5] и с ускорением [6]. В настоящей работе рассматривается стационарная задача о волновом сопротивлении СВПА в битых льдах.

1. Пусть по бесконечной области, покрытой битым льдом, перемещается с постоянной скоростью  $u$  заданная система поверхностных давлений СВПА. В соответствии с принципом обратимости движения предположим, что к свободной поверхности жидкости, покрытой битым льдом и имеющей при  $x \rightarrow \infty$  скорость  $-u$ , приложена нагрузка  $q(x, y)$ . Неподвижная относительно судна система координат располагается следующим образом: плоскость  $xOy$  совпадает с невозмущенной поверхностью раздела лед — вода, ось  $x$  направлена в сторону движения судна, ось  $z$  — вертикально вверх. Предполагается, что вода — идеальная несжимаемая жидкость плотности  $\rho_2$ . Битый лед представляется в виде плавающих масс, не связанных между собой, при этом силы взаимодействия между отдельными льдинами не учитываются, а их размеры предполагаются достаточно малыми по сравнению с длиной волны, так что не происходит изгиба льдин [7]. Данный подход, как показывают натурные испытания [2], вполне оправдан при решении вопросов, связанных с изучением ходкости СВПА во льдах, разрушенных резонансным способом.

Используется предположение о сплошности области, покрытой битым льдом [7], при этом поверхностная плотность, которая совпадает с массой плавающих частиц на единице поверхности, задается непрерывной функцией

$$m(x, y) = \rho_1 h \equiv \rho_1^0 s(x, y) h(x, y), \quad (1.1)$$

где  $\rho_1^0$  — физическая плотность льда;  $s(x, y)$  — безразмерная функция сплоченности льда [7] ( $0 \leq s \leq 1$ );  $h(x, y)$  — толщина льда. Для упрощения задачи в дальнейшем предполагается, что  $h$  и  $s$  — величины постоянные.

В принятой системе координат потенциал скорости возмущенного движения жидкости  $\varphi(x, y, z)$  должен удовлетворять уравнению Лапласа  $\Delta\varphi = 0$  и линеаризованным граничным условиям:

$$z = 0: \frac{\partial^2 \varphi}{\partial x^2} - \mu \frac{\partial \varphi}{\partial x} + \frac{g}{u^2} \frac{\partial \varphi}{\partial z} + \frac{\rho_1 h}{\rho_2} \frac{\partial^3 \varphi}{\partial z \partial x^2} = \frac{1}{\rho_2 u} \frac{\partial q}{\partial x}, \quad (1.2)$$

$$z = -H: \frac{\partial \varphi}{\partial z} = 0.$$

Здесь  $\mu > 0$  — коэффициент рассеивающих сил [3, 8];  $H = H_1 - a$ ;  $H_1$  — глубина водоема;  $a = h\rho_1^0/\rho_2$  — глубина погружения льда при статическом равновесии. Для больших глубин, когда  $H_1 \gg h$ , можно считать  $H \approx H_1$ .

Согласно [3, 9], величина волнового сопротивления, действующего на СВПА, численно равна горизонтальной проекции равнодействующей сил давления на поверхности

$$R = \iint_{(\Omega)} q(x, y) \frac{\partial w(x, y)}{\partial x} dx dy, \tag{1.3}$$

где  $\Omega$  — область распределения нагрузки  $q(x, y)$ ;  $w(x, y)$  — деформация поверхности флотирующей жидкости, определяемая в линейной теории волн следующим образом [10]:

$$w(x, y) = \frac{u}{g} \left( \frac{\partial \varphi(x, y, z)}{\partial x} \right) \Big|_{z=0} - \frac{q(x, y)}{\rho_2 g} + \frac{u\rho_1 h}{\rho_2 g} \left( \frac{\partial^2 \varphi(x, y, z)}{\partial x \partial z} \right) \Big|_{z=0}. \tag{1.4}$$

Искомый потенциал  $\varphi$  вычисляется по схеме, предложенной в [3]. Согласно [3, 9], функции  $\varphi(x, y, z)$  и  $q(x, y)$  представим в виде интегралов Фурье:

$$\varphi(x, y, z) = \frac{1}{4\pi^2} \int_0^\infty k dk \int_{-\pi}^\pi d\theta \iint_{(\Omega)} (Ae^{-kz} + Be^{kz}) \exp\{ik[(x - x_0) \cos \theta + (y - y_0) \sin \theta]\} dx_0 dy_0, \tag{1.5}$$

$$q(x, y) = \frac{1}{4\pi^2} \int_0^\infty k dk \int_{-\pi}^\pi d\theta \iint_{(\Omega)} q(x_0, y_0) \exp\{ik[(x - x_0) \cos \theta + (y - y_0) \sin \theta]\} dx_0 dy_0.$$

Здесь  $A$  и  $B$  — неизвестные функции переменных  $x_0, y_0, k, \theta$ , подлежащие определению.

Подстановка (1.5) в граничные условия (1.2), применение теории вычетов и последующий предельный переход при  $\mu \rightarrow 0$  [3, 8] позволяют получить функцию потенциала  $\varphi(x, y, z)$ . Показано, что волновое сопротивление системы поверхностных давлений определяется только частью потенциала, которая при докритических скоростях движения ( $u < \sqrt{gH}$ ) имеет вид

$$\begin{aligned} \varphi(x, y, z) = & -\frac{1}{2\pi\rho_2 u} \iint_{(\Omega)} q(x_0, y_0) dx_0 dy_0 \int_{\lambda_0}^\infty \frac{\text{ch}(\lambda(z + H))}{\text{ch}(\lambda H)} \times \\ & \times \frac{\cos \left[ (x - x_0) \sqrt{\nu\lambda \text{th}(\lambda H) / (1 + \rho_1 h \lambda \text{th}(\lambda H) / \rho_2)} \right]}{\sqrt{\lambda^2 - \nu\lambda \text{th}(\lambda H) / (1 + \rho_1 h \lambda \text{th}(\lambda H) / \rho_2)} (1 + (\rho_1 / \rho_2) h \lambda \text{th}(\lambda H))} \times \\ & \times \cos \left[ (y - y_0) \sqrt{\lambda^2 - \nu\lambda \text{th}(\lambda H) / (1 + \rho_1 h \lambda \text{th}(\lambda H) / \rho_2)} \right] \lambda d\lambda, \end{aligned} \tag{1.6}$$

где  $\nu = g/u^2$ ;  $\lambda_0$  — решение трансцендентного уравнения  $\nu \text{th}(\lambda H) = \lambda(1 + (\rho_1 / \rho_2) h \lambda \text{th}(\lambda H))$ .

При критических и сверхкритических скоростях движения ( $u \geq \sqrt{gH}$ ) в выражении для потенциала (1.6) величина  $\lambda_0$  заменяется нулем.

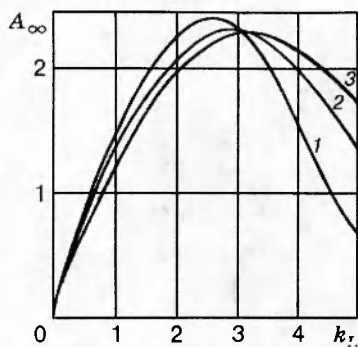


Рис. 1

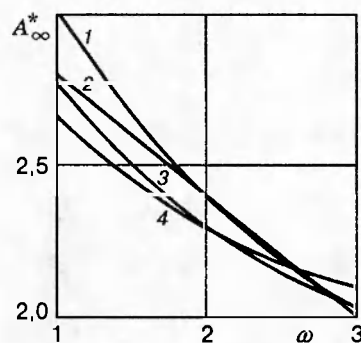


Рис. 2

2. В случае бесконечно глубокой жидкости ( $H = \infty$ ) зависимость (1.6) упрощается. С учетом (1.3), (1.4) формула для волнового сопротивления прямоугольной системы постоянных давлений ( $q(x, y) = q_0 \equiv \text{const}$ ), перемещающейся по поверхности битого льда, принимает вид

$$R_{\infty}/D = A_{\infty}q_0/(\rho_2gL). \quad (2.1)$$

Здесь

$$A_{\infty}(k_L, \omega, \alpha) = \frac{8\omega}{\pi} \int_{\beta}^{\infty} \sin^2 \left( \frac{1}{2} \sqrt{\frac{k_L\lambda}{1+\alpha\lambda}} \right) \sin^2 \left( \frac{1}{2\omega} \sqrt{\lambda^2 - \frac{k_L\lambda}{1+\alpha\lambda}} \right) \left( \lambda^2 - \frac{k_L\lambda}{1+\alpha\lambda} \right)^{-3/2} \lambda d\lambda;$$

$k_L = gL/u^2$ ;  $D = q_0LB$ ;  $L$  и  $B$  — длина и ширина воздушной подушки;  $\omega = L/B$  — ее удлинение;  $\alpha = \rho_1h/(\rho_2L)$  — безразмерный параметр, характеризующий сплоченность льда и его толщину;  $\beta$  — решение квадратного уравнения  $\lambda(1 + \alpha\lambda) = k_L$ .

Необходимо отметить, что в предельном случае, когда  $h \rightarrow 0$  либо  $\rho_1 \rightarrow 0$  ( $s \rightarrow 0$ ), формула (2.1) выходит на зависимость, полученную в [3] для «чистой» поверхности бесконечно глубокой жидкости.

Основные результаты численных расчетов по формуле (2.1) представлены на рис. 1, 2. Кривые 1–3 на рис. 1, соответствующие  $\omega = 2$  и  $\alpha = 0; 0,045; 0,09$ , иллюстрируют влияние битого льда на коэффициент волнового сопротивления в зависимости от  $k_L$ . Видно, что с ростом  $\alpha$  точка абсолютного максимума коэффициента  $A_{\infty}$  сдвигается в область более низких скоростей, а абсолютный максимум уменьшается. Кривые 1, 3, 4 на рис. 2 отражают зависимость от параметра  $\omega$  абсолютного максимума коэффициента волнового сопротивления  $A_{\infty}^*$  при  $\alpha = 0; 0,045; 0,09$  соответственно. Из анализа поведения кривых можно сделать вывод, что при движении СВПА по поверхности водоема бесконечно большой глубины влияние битого льда на волновое сопротивление судна незначительно. Для  $\alpha \leq 0,09$  и  $\omega = 1,5 \div 3,0$  абсолютный максимум коэффициента волнового сопротивления можно с погрешностью менее 7 % рассчитывать по следующей линейной зависимости (прямая 2 на рис. 2):

$$A_{\infty}^* = 3,2 - 0,4\omega. \quad (2.2)$$

3. Рассмотрим движение прямоугольной системы постоянного давления  $q_0$  по поверхности водоема конечной глубины. В случае докритических скоростей ( $u < \sqrt{gH}$ ) учет

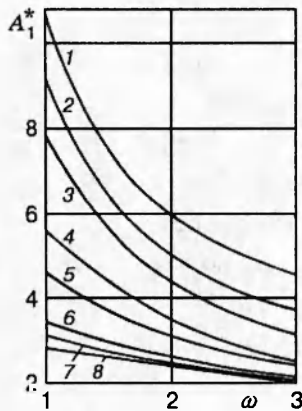


Рис. 3

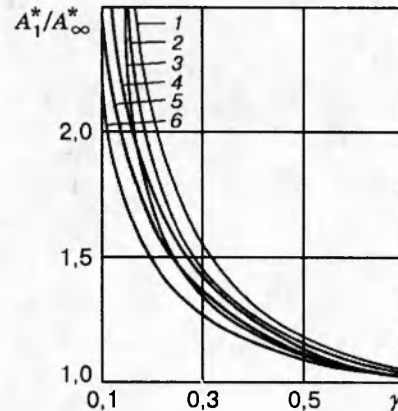


Рис. 4

формул (1.3)–(1.5) приводит к зависимости для волнового сопротивления прямоугольной системы постоянных давлений  $q_0$  в битых льдах:

$$R/D = q_0 A_1 / (\rho_2 g L). \tag{3.1}$$

Здесь

$$A_1(k_H, \omega, \gamma, \alpha) = \frac{8\omega\gamma}{\pi} \int_{\tau_0}^{\infty} \sin^2 \left( \frac{1}{2\gamma} \sqrt{\frac{k_H \tau \text{th} \tau}{1 + \alpha \gamma^{-1} \tau \text{th} \tau}} \right) \times \\ \times \sin^2 \left( \frac{1}{2\omega\gamma} \sqrt{\tau^2 - \frac{k_H \tau \text{th} \tau}{1 + \alpha \gamma^{-1} \tau \text{th} \tau}} \right) \left( \tau^2 - \frac{k_H \tau \text{th} \tau}{1 + \alpha \gamma^{-1} \tau \text{th} \tau} \right)^{-3/2} \tau d\tau;$$

$\gamma = H/L$ ;  $k_H = gH/u^2$ ;  $\tau_0$  — решение трансцендентного уравнения  $k_H \text{th} \tau = \tau(1 + \alpha \gamma^{-1} \tau \text{th} \tau)$ . При сверхкритических скоростях движения ( $u \geq \sqrt{gH}$ ) формула (3.1) остается в силе, но с условием, что  $\tau_0 = 0$ .

Результаты численного исследования формулы (3.1) представлены на рис. 3 и 4. На рис. 3 показана зависимость  $A_1^*$  от удлинения  $\omega$  для различных  $\alpha$  и  $\gamma$ . Кривые 1–3 соответствуют  $\gamma = 0,15$ ,  $\alpha = 0; 0,018; 0,045$ ; 4 и 5 —  $\gamma = 0,3$ ,  $\alpha = 0$  и  $0,045$ ; 6 и 7 —  $\gamma = 0,6$ ,  $\alpha = 0$  и  $0,045$ ; 8 — зависимость (2.2). Видно, что с уменьшением относительной глубины  $\gamma$  влияние параметров  $\alpha$  и  $\omega$  на  $A_1^*$  усиливается.

На рис. 4 представлена зависимость относительной величины  $A_1^*/A_\infty^*$  от  $\gamma$ , где коэффициенты  $A_1^*$  и  $A_\infty^*$  взяты при одинаковых  $\alpha$  и  $\omega$ . Кривые 1–3 отвечают  $\alpha = 0$  и  $\omega = 1,67; 2; 2,5$ ; 4–6 —  $\alpha = 0,045$  и  $\omega = 1,67; 2; 2,5$ . Видно, что с уменьшением глубины  $A_1^*$  резко возрастает и существенно превосходит  $A_\infty^*$ . С увеличением  $\gamma$  значение  $A_1^*/A_\infty^*$  стремится к единице.

Выполненные расчеты позволяют сделать вывод, что при относительной глубине водоема  $\gamma \geq 0,8$  для расчета волнового сопротивления СВПА в битых льдах можно использовать формулу (2.2). С уменьшением глубины водоема абсолютный максимум коэффициента волнового сопротивления резко возрастает, а влияние битого льда усиливается.

## ЛИТЕРАТУРА

1. **Dutfield D. O., Dickins D. E.** Icebreaking trials with bell Aerospace Voyager A.C.V. // *Canadian Aeronautics and Space J.* 1974. V. 20, N 10. P. 471–474.
2. **Зуев В. А., Козин В. М.** Использование судов на воздушной подушке для разрушения ледяного покрова. Владивосток: Изд-во Дальневосточного ун-та, 1988.
3. **Большаков В. П.** Волновое сопротивление системы поверхностных давлений // Доклад на XIII научно-технической конференции НТО СП по теории корабля («Крыловские чтения»): Тр. НТО СП. Теория корабля. 1963. Вып. 49.
4. **Разработка методов расчета сопротивления движению амфибийных СВП, движущихся по тихой воде в режиме на воздушной подушке** // Тезисы ЦНИИ им. акад. А. Н. Крылова. 1983. Вып. 30020.
5. **Newman J. N., Poole F. A. P.** The wave resistance of a moving pressure distribution in a canal // *Schiffstechnik.* 1962. Bd 9, N. 45.
6. **Doctors L. J., Sharma S. D.** The wave resistance of an air-cushion vehicle in steady and accelerated motion // *J. Ship Research.* 1972. V. 16, N 4. P. 248–260.
7. **Хейсин Д. Е.** Динамика ледяного покрова. Л.: Гидрометеиздат, 1967.
8. **Сретенский Л. Н.** Теория волновых движений жидкости. М.: Наука, 1977.
9. **Основы теории судов на воздушной подушке** / Ю. Ю. Бенуа, В. К. Дьяченко, Б. А. Колызаев и др. Л.: Судостроение, 1970.
10. **Жевандров П. Н.** Корабельные волны на поверхности флотирующей жидкости // Журн. вычисл. математики и мат. физики. 1988. Т. 28, № 7. С. 1110–1115.

*Поступила в редакцию 26/X 1992 г.,  
в окончательном варианте — 21/VII 1995 г.*

---