

7. Абрамович М., Стиган И. Справочник по специальным функциям с формулами, графиками и математическими таблицами.— М.: Наука, 1979.
8. Колыхалов П. И. Неустойчивость тангенциального разрыва в газе, движущемся вблизи твердой стенки.— М., 1983.— (Препр./ИКИ АН СССР; № 824).

*Поступила 10/XI 1987 г.*

УДК 532.526

## РАСЧЕТ ЛАМИНАРНОГО ПОГРАНИЧНОГО СЛОЯ НА ПОДВЕТРЕННОЙ СТОРОНЕ ТРЕУГОЛЬНОЙ ПЛАСТИНЫ СО СВЕРХЗВУКОВЫМИ ПЕРЕДНИМИ КРОМКАМИ

*B. H. Ветлуцкий, T. V. Поплавская*

*(Новосибирск)*

При сверхзвуковом обтекании конического тела под углом атаки меньше предельного невязкоз течения за ударной волной (УВ) коническое. Ламинарный пограничный слой на таком теле описывается уравнениями, зависящими от двух автомодельных переменных [1]. В данной постановке задачи пограничный слой на наветренной стороне треугольной пластины рассмотрен в [2—5]. Существует большое число экспериментальных работ [6—8], где проведено качественное исследование режимов течения на подветренной стороне треугольной пластины при различных значениях числа Маха и угла атаки. Коэффициенты теплоотдачи на подветренной стороне треугольного крыла с углом стреловидности  $\chi = 80^\circ$  при  $M_\infty = 10$  и разных углах атаки измерены в [9]. Здесь все варианты соответствуют режиму обтекания с отошедшей от кромок УВ. Расчет несжимаемого пространственного пограничного слоя на подветренной стороне треугольного крыла выполнен в [10, 11], где расчетная область располагается между линией присоединения и линией схода вихря.

В настоящей работе найдены параметры ламинарного пограничного слоя на подветренной стороне треугольной пластины, когда УВ присоединена к передним кромкам. От передней кромки решение автомодельных уравнений строится маршевым методом до образующей, от которой начинается поперечный отрыв. Далее к автомодельным уравнениям пограничного слоя добавляются вторые производные искомых функций в окружном направлении, и задача в отрывной области решается методом установления.

1. Рассмотрим сверхзвуковое обтекание треугольной пластины под углом атаки  $\alpha$ . Вектор скорости набегающего потока лежит в плоскости симметрии. В случае сверхзвуковых передних кромок течения на верхней и нижней стороне пластины не влияют друг на друга и могут быть рассчитаны независимо. В окрестности кромки невязкий поток разворачивается в течении Прандтля — Майера со скольжением и параметры газа имеют постоянные значения за последней характеристикой. Далее поток переходит в коническое течение общего вида, переход сопровождается резким ростом давления, при этом возможно возникновение внутренней УВ [12—14].

Введем на подветренной стороне пластины цилиндрическую систему координат  $(r, \theta, z)$  аналогично [3]. Здесь  $r$  — расстояние вдоль образующей пластины,  $\theta$  — угол между образующей и плоскостью симметрии,  $z$  — нормаль к поверхности пластины. Аналогично наветренной стороне уравнения пограничного слоя допускают автомодельное решение, зависящее от переменных  $\omega = \theta_0 - \theta$ ,  $\eta = z/\sqrt{r(\theta_0 - \theta)}$  ( $\theta_0$  — угол передней кромки). Уравнения в автомодельных переменных могут решаться маршевым методом вдоль координаты  $\omega$  в направлении поперечной компоненты скорости  $v$ . В рассматриваемом режиме, как и с наветренной стороны, течение на внешней границе пограничного слоя на подветренной стороне направлено от передних кромок к плоскости симметрии. Поэтому для реализации маршевого метода необходимы начальные условия в окрестности передней кромки. При стремлении  $\omega$  к нулю уравнения в автомодельных переменных переходят в обыкновенные, решение которых и используется в качестве начальных данных [3].

Автомодельные уравнения пограничного слоя в переменных  $\omega$ ,  $\eta$  решаются на наветренной стороне на всей поверхности пластины [3]. На под-

ветренной стороне решение строится аналогично от передней кромки до некоторой образующей, за которой поперечная компонента скорости вблизи стенки меняет знак и начинается область отрыва потока в поперечном направлении. Решение автомодельных уравнений пограничного слоя не может быть продолжено в нее маршем по координате  $\omega$ . В силу принципа влияния и зависимости для пространственного пограничного слоя [15] здесь необходимо ставить и решать краевую по координате  $\omega$  задачу.

В области поперечного отрыва к автомодельным уравнениям пограничного слоя были добавлены внепорядковые члены, содержащие вторые производные по переменной  $\omega$  от искомых параметров течения, аналогично [16]. Эти слагаемые можно рассматривать также как члены с искусственной вязкостью. С учетом обезразмеривания и преобразований, описанных в [3], система уравнений имеет вид

$$(1.1) \quad \begin{aligned} & \frac{f'}{L} \frac{\partial J}{\partial \xi} + \omega \left( \frac{3}{2} \rho u - \frac{\partial \rho v}{\partial \omega} \right) - \frac{f'}{L} \frac{L'}{L} \omega \rho v N - \frac{1}{2} \rho v = 0, \\ & \frac{f'}{L} J \frac{\partial u}{\partial \xi} - \omega \rho v \left( \frac{\partial u}{\partial \omega} + v \right) - \frac{f'}{L} \frac{\partial}{\partial \xi} \left( \mu \frac{f'}{L} \frac{\partial u}{\partial \xi} \right) - \delta \omega \frac{\partial}{\partial \omega} \left( \mu \frac{\partial u}{\partial \omega} \right) = \\ & = - \omega \rho_e v_e \left( \frac{\partial u_e}{\partial \omega} + v_e \right) - \delta \omega \frac{\partial}{\partial \omega} \left( \mu_e \frac{\partial u_e}{\partial \omega} \right), \\ & \frac{f'}{L} J \frac{\partial v}{\partial \xi} + \omega \rho v \left( u - \frac{\partial v}{\partial \omega} \right) - \frac{f'}{L} \frac{\partial}{\partial \xi} \left( \mu \frac{f'}{L} \frac{\partial v}{\partial \xi} \right) - \delta \omega \frac{\partial}{\partial \omega} \left( \frac{4}{3} \mu \frac{\partial v}{\partial \omega} \right) = \\ & = \omega \rho_e v_e \left( u_e - \frac{\partial v_e}{\partial \omega} \right) - \delta \omega \frac{\partial}{\partial \omega} \left( \frac{4}{3} \mu_e \frac{\partial v_e}{\partial \omega} \right), \\ & c_p J \frac{f'}{L} \frac{\partial T}{\partial \xi} - c_p \rho v \omega \frac{\partial T}{\partial \omega} - \frac{f'}{L} \frac{1}{Pr} \frac{\partial}{\partial \xi} \left( \frac{f'}{L} k \frac{\partial T}{\partial \eta} \right) - \frac{1}{Pr} \delta \omega \frac{\partial}{\partial \omega} \left( k \frac{\partial T}{\partial \omega} \right) = -c_{p_e} \rho_e v \omega \frac{\partial T_e}{\partial \omega} - \\ & - \frac{1}{Pr} \delta \omega \frac{\partial}{\partial \omega} \left( k_e \frac{\partial T_e}{\partial \omega} \right) + (\gamma - 1) M_\infty^2 \mu \left( \frac{f'}{L} \right)^2 \left[ \left( \frac{\partial u}{\partial \xi} \right)^2 + \left( \frac{\partial v}{\partial \xi} \right)^2 \right], \quad p = \frac{1}{\gamma M_\infty^2} \rho T. \end{aligned}$$

Задача решалась при следующих граничных условиях:

$$(1.2) \quad \begin{aligned} & \omega = \omega_+: u = u_+(\xi), \quad v = v_+(\xi), \quad T = T_+(\xi), \\ & \omega = \theta_0: \frac{\partial u}{\partial \omega} = 0, \quad v = 0, \quad \frac{\partial T}{\partial \omega} = 0, \\ & \xi = 0: u = v = J = 0, \quad T = T_w, \\ & \xi = 1: u = u_e(\omega), \quad v = v_e(\omega), \quad T = T_e(\omega), \quad p = p_e(\omega). \end{aligned}$$

Здесь  $\xi$  — логарифмическое растяжение нормальной координаты  $\eta$  [1, 5]:

$$\xi = f(\eta/L) = \ln(1 + \eta/\varepsilon_2 L)/\ln(1 + 1/\varepsilon_2)$$

( $L = L(\omega)$  — счетная толщина пограничного слоя). Кроме того, вместо нормальной компоненты скорости  $w$  введены массовая скорость  $J$  и функция  $N(\omega, \xi)$ :  $J = \rho V \bar{\omega} \left( -0,5 \eta u + V \bar{\omega} \frac{L'}{L} \eta v + w V \bar{r} \right) + 0,5 \rho \eta v$ ,  $N = \frac{\partial \eta}{\partial \xi} = L(\omega) \varepsilon_2 (1 + 1/\varepsilon_2)^\xi \ln(1 + 1/\varepsilon_2)$ . Все параметры течения отнесены к своим значениям в набегающем потоке, давление — к удвоенному скоростному напору  $\rho_\infty U_\infty^2$ .

Профили  $u_+(\xi)$ ,  $v_+(\xi)$ ,  $T_+(\xi)$  взяты из решения уравнений пограничного слоя маршевым методом при  $\omega = \omega_+$ . На внешней границе пограничного слоя ( $\xi = 1$ ) из расчета невязкого обтекания брались распределения  $p_e(\omega)$  и  $v_e(\omega)$ , по которым с помощью интеграла Бернулли и энтропии на поверхности пластины насчитывались распределения  $u_e(\omega)$ ,  $T_e(\omega)$ :

$$(1.3) \quad \begin{aligned} u_e &= (2\gamma/(\gamma - 1)(1 - p_e/\rho_e) - \gamma M_\infty^2 - v_e^2)^{1/2}, \quad T_e = p_e/\rho_e, \quad \rho_e = (p_e/S)^{\gamma_1}, \\ \gamma_1 &= 1/\gamma \end{aligned}$$

(все параметры обезразмерены, как в [13]).

Строго говоря, с введением в систему (1.1) внепорядковых членов со второй производной его решение должно зависеть от местного числа Рейнольдса, поскольку коэффициент  $\delta$  равен  $1/\text{Re}$ . Расчеты при  $\chi = 45^\circ$ ,  $M_\infty = 4$ ,  $\alpha = 5^\circ$  показали, что изменение  $\delta$  от  $10^{-4}$  до  $10^{-5}$  дает различие в коэффициентах трения и теплоотдачи не более 6 %, а от  $10^{-5}$  до  $10^{-6}$  — менее 1 %. Расчет, выполненный для  $\delta = 0$ , практически совпал с  $\delta = 10^{-5}$ . Все это говорит о том, что решение системы (1.1) можно считать практически автомодельным и не зависящим от  $\text{Re}$  при малых значениях  $\delta$ .

2. Система (1.1) решалась методом установления, для чего к каждому ее уравнению добавлялся нестационарный член. Таким образом, оба уравнения движения и уравнение энергии могут быть записаны в виде

$$(2.1) \quad \frac{\partial F}{\partial t} + a \frac{\partial F}{\partial \omega} + b \frac{\partial F}{\partial \xi} + c \frac{\partial}{\partial \xi} \left( c \frac{\partial F}{\partial \xi} \right) + d \frac{\partial}{\partial \omega} \left( d \frac{\partial F}{\partial \omega} \right) + d = 0,$$

где под  $F$  подразумевается  $u$ ,  $v$ ,  $T$ . Коэффициент удельной теплоемкости  $c_p$  полагался постоянным, а коэффициенты вязкости и теплопроводности аппроксимировались степенной зависимостью  $\mu = T^{0.76}$ ,  $k = T^{0.76}$ . Численное решение системы (2.1) осуществлялось с помощью двухслойной неявной разностной схемы по координате  $\xi$ , производные по координате  $\omega$  брались на предыдущей итерации. Первая производная по  $\omega$  расписывалась с помощью уголковой схемы второго порядка в зависимости от направления поперечных перетеканий [17]. Все коэффициенты уравнений взяты на предыдущей итерации нового слоя. На каждом слое по времени выполнялась одна итерация. В целом используемая схема имела второй порядок аппроксимации на установившемся решении. Уравнение неравнвности расписывалось также со вторым порядком.

Сначала строилось решение «параболической» задачи (без вторых производных по координате  $\omega$ ) от передней кромки  $\omega = 0$  до луча  $\omega = \omega_+$ , где профиль поперечной компоненты скорости  $v_+$  приближался к предотрывному. Затем для «эллиптической» задачи (1.1), (1.2) насчитывалось начальное приближение. Для этого профили  $u_+(\xi)$ ,  $v_+(\xi)$  и  $T_+(\xi)$  переносились на все последующие лучи вплоть до плоскости симметрии  $\omega = \theta_0$  и нормировались по своим значениям на внешней границе для данного луча. Далее для области  $\omega_+ < \omega \leq \theta_0$  решалась «эллиптическая» задача (1.1), (1.2) до установления по времени.

В результате численного решения «эллиптической» задачи определялись профили скорости и температуры в пограничном слое на подветренной стороне пластины. По этим профилям на поверхности тела насчитывались местные коэффициенты напряжения трения в продольном  $c_{f_1}$  и поперечном  $c_{f_2}$  направлениях, абсолютная величина вектора местного коэффициента трения  $c_f = (c_{f_1}^2 + c_{f_2}^2)^{1/2}$  и местный коэффициент теплоотдачи  $\text{St}$  (число Стантона). Все они отнесены к скоростному напору набегающего потока и определяются по формулам, приведенным в [5]. Однако эти параметры трудно показать графически, поскольку они стремятся к бесконечности при подходе к передним кромкам пластины и ее вершине. Кроме того, они зависят от местного  $\text{Re}$ . Поэтому для удобства их вычисления и представления использовались местные автомодельные параметры, которые зависят только от  $\omega$ :

$$c_{f_1}^* = c_{f_1} \sqrt{\text{Re}_r \omega}, \quad c_{f_2}^* = c_{f_2} \sqrt{\text{Re}_r \omega}, \quad c_f^* = c_f \sqrt{\text{Re}_r \omega}, \quad \text{St}^* = \text{St} \sqrt{\text{Re}_r \omega},$$

где  $\text{Re}_r$  — местное число Рейнольдса, вычисляемое по параметрам набегающего потока и расстоянию вдоль образующей пластины  $r$ .

Кроме локальных коэффициентов трения и теплоотдачи на подветренной стороне пластины были получены суммарный автомодельный коэффициент трения  $c_F^* = c_F \sqrt{\text{Re}_l}$  и поток тепла  $Q_T^* = Q_T \sqrt{\text{Re}_l}$ , которые отнесены к площади пластины [5] ( $\text{Re}_l$  — число Рейнольдса, определяемое по длине центральной хорды  $l$ ).

$\chi^\circ$	$M_\infty$	$\alpha^\circ$	$c_F^*$	$Q_T^*$
45	4	5	1,374 1,375	0,722 0,723
55	4	5	— 1,382	— 0,727
60	4	5	— 1,448	— 0,747
45	2	5	1,720 1,722	0,933 0,933
45	3	5	1,530 1,532	0,814 0,815
45	4	5	1,374 1,375	0,722 0,723
45	6	5	— 1,137	— 0,587
45	3	5	1,530 1,532	0,814 0,815
45	3	10	— 1,286	— 0,665
45	3	15	— 1,108	— 0,553

также иметь в виду, что при решении «параболической» и «эллиптической» задач применялись различные разностные схемы.

На рис. 1–3 приведены распределения параметров  $c_f^*$ ,  $c_{f_2}^*$  и  $St^*$  на подветренной поверхности пластины для  $\chi = 45^\circ$ ,  $\alpha = 5^\circ$  и  $M_\infty = 2, 3, 4, 6$  (кривые 1–4). Сплошные линии на всех рисунках отвечают «параболической» задаче, а штриховые — «эллиптической». Видно, что в области передней кромки, где невязкий поток постоянный, значения  $c_f^*$  и  $St^*$  практически не меняются. Далее происходит перестройка невязкого потока

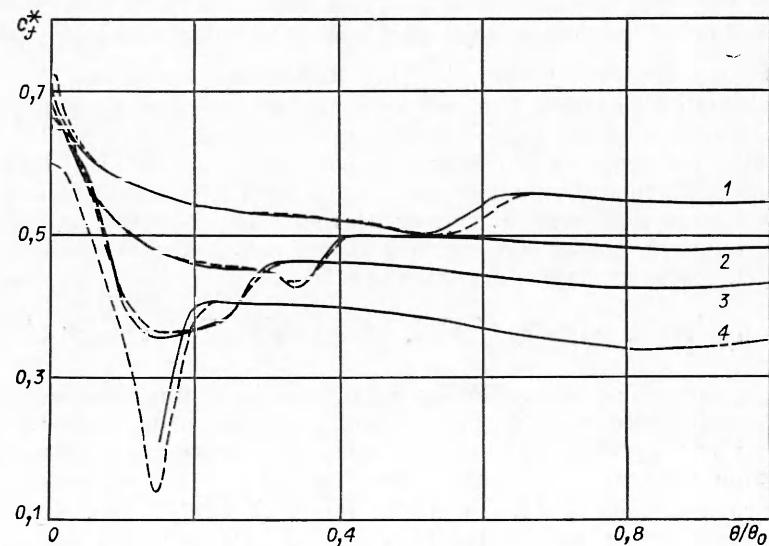


Рис. 1

3. Расчеты параметров ламинарного пограничного слоя на подветренной стороне треугольной пластины выполнены для ряда значений  $\chi M_\infty$  и  $\alpha$ , представленных в таблице. Во всех вариантах отношение энталпии стенки  $H_w$  к полной энталпии набегающего потока  $H_\infty$  бралось равным 0,1,  $Pr = 0,7$ ,  $\delta = 10^{-5}$ .

Условия на внешней границе пограничного слоя взяты из таблицы [13]. Заметим, что параметры невязкого потока на подветренной стороне в области больших градиентов здесь имеют небольшие осцилляции. При использовании их в настоящих расчетах производилось сглаживание.

Известно, что течение в окрестности точки отрыва весьма чувствительно к малым возмущениям любого характера. Поэтому и погрешность расчетов в этой области резко возрастает. При решении «параболической» задачи было взято наибольшее число шагов по нормали к пластине (40) и по угловой координате (160). При этом погрешность расчетов  $c_f^*$  и  $St^*$  составляла доли процента везде, кроме предотрывной области, где она достигала нескольких процентов. При стремлении параметра  $\delta$  к нулю в «эллиптической» задаче его решение стремилось к решению «параболической» задачи (рис. 1–3), однако в предотрывной области в ряде вариантов отличие все же оставалось значительным (рис. 4,5). При этом следует

и давление резко возрастает, что вызывает торможение пограничного слоя в поперечном направлении. При  $M_\infty = 6$  это торможение приводит к изменению вблизи поверхности пластины знака поперечной компоненты скорости  $v$ , и поэтому решение «параболической» задачи не может быть продолжено за  $\theta/\theta_0 = 0,12$ . В этой области решение «эллиптической» задачи дает поперечный отрыв, который хорошо виден на рис. 2. Решения же обеих задач вне области

отрыва для этого варианта и во всей области для трех других чисел Маха близки между собой. Исключение представляет плоскость симметрии, в окрестности которой отличие параметров  $c_f^*$  и  $St^*$ , полученных в решении обеих задач, значительно. Это объясняется тем, что при решении «эллиптической» задачи в плоскости симметрии ( $\omega = \theta_0$ ) ставятся условия симметрии (1.2), а при решении «параболической» задачи граничные условия здесь отсутствуют. Аналогичное отличие наблюдается на подветренной стороне кругового конуса [16].

На рис. 4 представлено распределение параметра  $c_f^*$  на подветренной стороне пластины при  $M_\infty = 4$ ,  $\alpha = 5^\circ$  и  $\chi = 45, 55, 60^\circ$  (кривые 1—3). Видно, что угол стреловидности слабо влияет на значение  $c_f^*$  в области равномерного невязкого потока. В области возрастания давления это различие увеличивается, а при  $\chi = 55$  и  $60^\circ$  градиент давления приводит к поперечному отрыву пограничного слоя.

Распределение параметра  $c_f^*$  в зависимости от угла  $\theta$  показано на рис. 5. Здесь  $\chi = 45^\circ$ ,  $M_\infty = 3$  и  $\alpha = 5, 10, 15^\circ$  (кривые 1—3). В области равномерного невязкого потока значение  $c_f^*$  с ростом  $\alpha$  от 5 до  $15^\circ$  падает на одну треть. При этом градиент давления на подветренной стороне увеличивается, чем и объясняется появление поперечного отрыва при  $\alpha = 10$  и  $15^\circ$ .

Изменение угла стреловидности и угла атаки влияет на автомодельное  $St^*$  так же, как и на  $c_f^*$ . При этом в зоне поперечного отрыва повышение местной теплоотдачи не наблюдается.

Следует отметить, что рассмотренный в работе поперечный отрыв означает появление вихрей в пограничном слое на подветренной стороне пластины. По терминологии Нараяна [9], такие вихри называются «погруженными» в отличие от вихрей, захватывающих невязкий поток. В по-

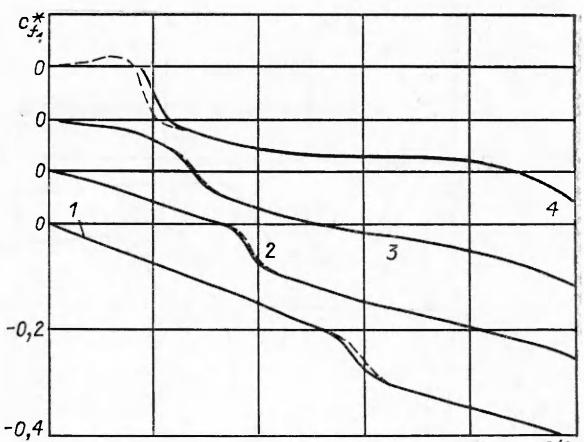
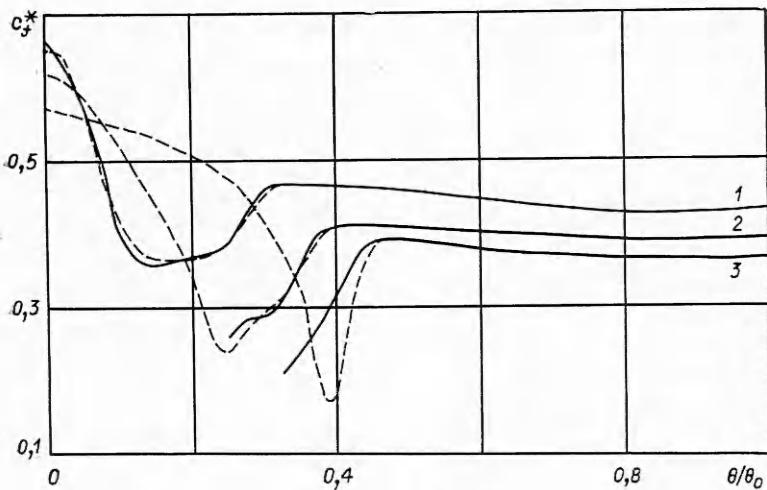
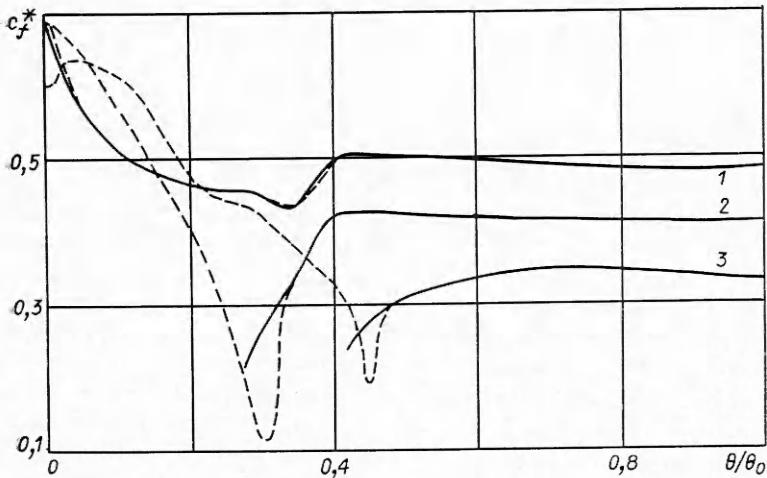


Рис. 2



Р и с. 4



Р и с. 5

следнем случае вдоль линии присоединения вихря на поверхность тела приходят потоки высокозентальпийного газа из невязкой области, что и вызывает увеличение в этой области местных потоков тепла.

4. В таблице приведены суммарные автомодельные коэффициенты трения  $c_f^*$  и потоки тепла  $Q_T^*$  на подветренной стороне пластины. Верхнее число в каждой графе соответствует «парabolической» задаче, нижнее — «эллиптической». Прочерк означает, что решение «парabolической» задачи для данного варианта не удается построить до плоскости симметрии из-за поперечного отрыва. Из таблицы видно, что изменение  $\chi$  в рассмотренном диапазоне практически не влияет на  $c_f^*$  и  $Q_T^*$ . Аналогичная закономерность имела место и на наветренной стороне пластины [5].

Значение  $c_f^*$  на подветренной стороне убывает с увеличением  $M_\infty$  практически линейно, хотя с наветренной стороны оно возрастало в зависимости от  $M_\infty$  [5]. Поэтому вклад подветренной стороны в суммарный коэффициент трения пластины уменьшается от 47 до 34 % с увеличением  $M_\infty$  от 2 до 6 при  $\chi = 45^\circ$  и  $\alpha = 5^\circ$ .

Зависимость параметра  $c_f^*$  на подветренной стороне от  $\alpha$  носит монотонно убывающий характер, в то время как с наветренной стороны она обратная [5]. По-видимому, это и предыдущее явления объясняются тем, что с ростом  $\alpha$  или  $M_\infty$  плотность газа на подветренной стороне убывает,

а на наветренной — возрастает. Доля подветренной стороны в суммарном коэффициенте трения пластины уменьшается от 43 до 31 % с увеличением  $\alpha$  от 5 до  $15^\circ$  при  $\chi = 45^\circ$  и  $M_\infty = 3$ .

## ЛИТЕРАТУРА

1. Введенская Н. Д. Расчет пограничного слоя, возникающего при обтекании конуса под углом атаки // ЖВММФ. — 1966. — Т. 6, № 2.
2. Башкин В. А. Ламинарный пограничный слой в сжимаемом газе при коническом внешнем течении // Тр. ЦАГИ. — 1968. — Вып. 1093.
3. Ветлуцкий В. Н., Поплавская Т. В. К расчету ламинарного пограничного слоя на плоской треугольной пластине со сверхзвуковыми передними кромками // ЧММС. — 1982. — Т. 13, № 1.
4. Ветлуцкий В. Н., Поплавская Т. В. Таблицы параметров ламинарного пограничного слоя на наветренной стороне плоской треугольной пластины в режиме обтекания с присоединенной к кромкам ударной волной. — Новосибирск, 1984. — (Препр./ИТИМ СО АН СССР; № 7—84).
5. Ветлуцкий В. Н., Поплавская Т. В. Сжимаемый ламинарный пограничный слой на плоской треугольной пластине с присоединенной ударной волной // ПМТФ. — 1985. — № 5.
6. Squire L. C. Flow regimes over delta wings at supersonic and hypersonic speeds // Aeronaut. Quart. — 1976. — V. 27, N 1.
7. Майкапар Г. И. Отрывные течения у подветренной стороны треугольного крыла и тела вращения в сверхзвуковом потоке // Учен. зап. ЦАГИ. — 1982. — Т. 18, № 4.
8. Васенев Л. Г., Харитонов А. М. Интерференция треугольного крыла и цилиндрического корпуса при сверхзвуковой скорости. — Новосибирск, 1984. — (Препр./ИТИМ СО АН СССР; № 28—84).
9. Narayan K. Y. Leeside flowfield and heat transfer of a delta wing at  $M_\infty = 10$  // AIAA J. — 1978. — V. 16, N 2. Рус. пер. // РТК. — 1978. — Т. 16, № 2.
10. Rastogi A. K., Rodi W. Calculation of general three-dimensional turbulent boundary layers // AIAA J. — 1978. — V. 16, N 2. Рус. пер. // РТК. — 1978. — Т. 16, № 2.
11. Шпак С. И. Расчет треугольного несжимаемого турбулентного пограничного слоя. — Новосибирск, 1981. — (Препр./ИТИМ СО АН СССР; № 35—81).
12. Булах Б. М. Нелинейные конические течения газа. — М.: Наука, 1970.
13. Воскресенский Г. П., Ильина А. С., Татаренчик В. С. Сверхзвуковое обтекание крыльев с присоединенной ударной волной // Тр. ЦАГИ. — 1974. — Вып. 1590.
14. Bannik W. J., Nebbeling C. An experimental investigation of the expansion flow field over a delta wing at supersonic speed. — Netherlands, 1971. — (Rept/Delft Univ. Technol.; VTH-167).
15. Wang K. C. On the determination of the zones of influence and dependence for three-dimensional boundary-layer equations // J. Fluid Mech. — 1971. — V. 48, N 2.
16. Roux B., Forestier B. Analysis of a compressible laminar boundary layer on a yawed cone // AIAA J. — 1976. — V. 14, N 8. Рус. пер. // РТК. — 1976. — Т. 14, № 8.
17. Дудин Г. Н. Конечно-разностный метод решения трехмерных уравнений пограничного слоя на режиме сильного вязкого взаимодействия // Тр. ЦАГИ. — 1983. — Вып. 2190.

Поступила 13/X 1987 г.

УДК 533.6.011.55 + 629.782.015.3

## СВЕРХЗВУКОВОЕ ОБТЕКАНИЕ А-КРЫЛЬЕВ И ЭЛЕМЕНТОВ ЗВЕЗДООБРАЗНЫХ ТЕЛ ПРИ УГЛАХ АТАКИ И КРЕНА

O. Н. Иванов, A. И. Швец

(Москва)

Начиная с шестидесятых годов проводятся обширные исследования обтекания треугольных А-образных крыльев (например, [1—3]). Теоретически и экспериментально показано, что при сверхзвуковых скоростях А-крыло обладает большим значением аэродинамического качества, чем эквивалентное плоское треугольное крыло. Наряду с изучением обтекания несущих поверхностей исследовались аэродинамические характеристики звездообразных форм [4—6]. Эти формы, элементы которых можно рассматривать как А-крылья, при сверхзвуковых скоростях обтекания имеют сопротивление значительно меньше, чем эквивалентные осесимметричные тела.

В полетных условиях могут реализоваться режимы обтекания, когда плоскость угла атаки не совпадает с плоскостью симметрии А-крыла либо плоскостью симметрии звездообразного тела. Несимметричное обтекание А-крыльев образуется в нескольких случаях при углах атаки и крена, а также при асимметрии исходной формы крыла.