2009. Том 50, № 2

Март – апрель

*C.* 251 – 261

# УДК 539.27:544.18:621.384.8:544.666:544.668

# СТРОЕНИЕ МОЛЕКУЛ ErCl<sub>3</sub> И YbCl<sub>3</sub> ПО ДАННЫМ СИНХРОННОГО ЭЛЕКТРОНОГРАФИЧЕСКОГО И МАСС-СПЕКТРОМЕТРИЧЕСКОГО ЭКСПЕРИМЕНТА

# © 2009 Н.И. Гиричева<sup>1</sup>\*, С.А. Шлыков<sup>2</sup>, Г.В. Гиричев<sup>2</sup>, Е.В. Чернова<sup>1</sup>, Е.А. Лапыкина<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Ивановский государственный университет

<sup>2</sup>Ивановский государственный химико-технологический университет

Статья поступила 20 февраля 2008 г.

Насыщенные пары ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> исследованы в рамках синхронного электронографического и масс-спектрометрического эксперимента при температуре 1165 и 1170 К соответственно. В парах соединений наряду с мономерными молекулярными формами обнаружено незначительное количество димеров (до 3 мол.%). Определены параметры *r*<sub>*e*</sub>-эффективной конфигурации мономерных молекул. Для молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> величины межъядерных расстояний rg(Ln—Cl) составили 2,436(5) и 2,416(5) Å, а значения валентных углов ∠<sub>g</sub>(Cl—Ln—Cl) — 117,0(10)° и 117,2(10)° соответственно. Методами HF, B3LYP и MP2 с использованием сочетания энергетически-согласованного квазирелятивистского остовного потенциала ЕСР<sub>D</sub>, включающего 4f-электроны [Kr4 $d^{10}4f^n$ ], с контрактированным валентным базисным набором [5s4p3d] для атомов Er и Yb и базиса MIDIX [4s3p1d] для атомов хлора выполнены расчеты равновесной конфигурации и частот колебаний мономерных и димерных молекул. Теоретически рассчитаны параметры эффективной r<sub>e</sub>-конфигурации мономерных молекул, соответствующие температуре эксперимента. Показано, что различие между рассчитанным равновесным  $r_{\rm e}({\rm Ln}-{\rm I})$ Cl) и рассчитанным температурно-усредненным  $r_{g}$  (Ln—Cl) расстояниями составляет 0,001—0,002 Å и не превышает погрешности определения r<sub>g</sub>(Ln—Cl) параметра в электронографическом эксперименте. Показано, что экспериментальные параметры rg-структуры не противоречат представлению о плоской равновесной геометрической конфигурации молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>.

Ключевые слова: газовая электронография, масс-спектрометрия, трихлорид эрбия, трихлорид иттербия, состав пара, молекулярная структура, частоты колебаний, квантово-химические расчеты, ангармоничность колебаний.

### введение

Экспериментальные данные о геометрическом строении и частотах колебаний молекулы YbCl<sub>3</sub> в литературе отсутствуют. Молекула ErCl<sub>3</sub> была ранее изучена методом газовой электронографии авторами [1]. Эффективный валентный угол  $\angle_g$ (Cl—Er—Cl) существенно отличался от 120°, что послужило основанием для заключения о пирамидальности равновесной конфигурации молекулы ErCl<sub>3</sub>. Однако продолжение электронографических исследований рядов трихлоридов [2—5] и трибромидов [6—10] лантанидов (в том числе трибромида эрбия [7]) показали, что все молекулы LnHal<sub>3</sub> имеют незначительную пирамидальность эффективной конфигурации с валентным углом  $\angle_g$ (Hal—Ln—Hal) 115—117°, которая не противоречит представлениям о плоской или квазиплоской равновесной конфигурации молекул. Авторы работы [11], в которой исследован ИК спектр матрично-изолированных молекул ErCl<sub>3</sub>, также склоняются

<sup>\*</sup> E-mail: g.v.girichev@mail.ru

в пользу их плоского строения, поскольку в области валентных частот обнаружена единственная полоса, отнесенная к дважды вырожденному колебанию  $v_3(E')$  плоской молекулы. Эти аргументы явились основой для повторного экспериментального изучения строения молекулы ErCl<sub>3</sub>.

Теоретическое исследование строения и колебательного спектра молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> было выполнено в работе [ 12 ] методом MP2 с эффективным остовным потенциалом ECP<sub>D</sub> для атомов лантанидов и базисом VDZ*d* для хлора. Получена плоская равновесная конфигурация обеих молекул и отмечено незначительное изменение геометрических и колебательных характеристик при переходе от ErCl<sub>3</sub> к YbCl<sub>3</sub>. В работе [ 13 ] в рамках плоской структуры молекул выполнен расчет межъядерного расстояния  $r_e$ (Er—Cl) и  $r_e$ (Yb—Cl) методом многоконфигурационного взаимодействия с эффективными остовными потенциалами на атомах лантанидов и хлора MCSCF/ECP<sub>S</sub>, ECP<sub>S</sub>d, а в работе [ 14 ] расстояние  $r_e$ (Er—Cl) получено методом CISD +  $Q/ECP_Df$ , ECP<sub>D</sub>d. Следует отметить, что рассчитанные в работах [ 12, 13 ] расстояния  $r_e$ (Er—Cl) на 0,05 Å превышают экспериментальное значение  $r_g$ (Er—Cl) [ 1].

В данной работе приводятся результаты исследования трихлоридов эрбия и иттербия электронографическим методом с масс-спектральным контролем состава пара, а также результаты теоретического исследования геометрии и ядерной динамики свободных молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>.

# ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНАЯ ЧАСТЬ

Эксперимент проводился на комплексе аппаратуры "электронограф/масс-спектрометр", построенном на базе серийных приборов ЭМР-100 и АПДМ-1 [ 15 ]. Препараты ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> (квалификации х.ч.) испарялись из графитовой ячейки при температуре 1165(10) и 1170(10) К соответственно. Сопло ячейки имело размеры (диаметр×длина) 0,6×1,6 мм, отношение площади испарения к площади эффузионного отверстия составляло >500. Температуру ампулы измеряли термопарой BP-5/20.

Из литературы известно, что нагрев тригалогенидов некоторых лантанидов может сопровождаться диспропорционированием на дигалогенид и соответствующий молекулярный галоген. Так, тригалогениды европия переходят в газовую фазу исключительно в виде молекул  $EuX_2$  и, в небольших количествах, в виде их димеров. Галоген же переходит в газовую фазу при относительно низких температурах на стадии разложения твердой фазы тригалогенида европия, приводящей к образованию твердого дигалогенида (см., например, [16]). Известно также, что галогениды самария и иттербия имеют склонность к такому диспропорционированию. В работе [17] было установлено, что быстрый нагрев образцов трихлоридов обоих отмеченных лантанидов приводит к заметному разложению и к сложному составу газовой фазы, состоящей из сопоставимых количеств ди- и трихлоридов, а также их димеров. В то же время, согласно данным тех же авторов, очень медленный подъем температуры исходного образца позволяет этого избежать, поскольку следы кристаллизационной воды при медленном нагреве в вакууме покидают конденсированную фазу, не катализируя процесс диспропорционирования.

В нашем случае при сублимации YbCl<sub>3</sub> не было обнаружено никаких признаков диспропорционирования, несмотря на то, что специальных мер по обезвоживанию влажного исходного препарата не предпринималось. Все операции с препаратом проводили на воздухе. Достижение рабочей температуры проводили в режиме быстрого нагрева (≤1 ч). На начальном этапе при низких (~100—200 °C) температурах происходила отгонка H<sub>2</sub>O и HCl. Следов молекулярного хлора, который мог бы свидетельствовать о диспропорционировании трихлорида на дихлорид и хлор, в масс-спектре не обнаружено во всем изученном диапазоне температур 100— 900 °C. Зарегистрированный масс-спектр (табл. 1) согласуется с масс-спектрами YbCl<sub>3</sub>, полученными ранее в других работах [ 17—19 ].

Анализ масс-спектральных данных показал, что в насыщенном паре над ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> наряду с мономерными молекулами присутствует незначительное количество димеров (до 2— 4 мол.%). Других молекулярных форм в парах обнаружено не было. В табл. 1 приведены масс-

Таблица 1

Вещество	Литература	Т, К	Относительная интенсивность ионов						Лимер у мол % <sup>а</sup>
			$Ln^+$	$\mathrm{LnCl}^+$	$LnCl_{2}^{+}$	$LnCl_3^+$	$Ln_2Cl_4^+$	$Ln_2Cl_5^+$	МС/ЭГ
ErCl <sub>3</sub>	Наст. работа	1165	48	22	100	18		9	2,2/1,5(10)
	[20] <sup>6</sup>	1065	17,7	15,1	100	18,3		15,2	
YbCl <sub>3</sub>	Наст. работа	1170	56	54	100	10	6	10	3,6/1,5(10)
	[17] <sup>б</sup>	1072	13,9	46,0	100	14,8	<sup>B</sup>	<sup>B</sup>	
	[18] <sup>6</sup>	973	30,0	39,6	100	12,1			
	[19] <sup>6</sup>	1063	27,0	41,4	100	10,0			

*Масс-спектры* электронного удара паров  $ErCl_3 u YbCl_3 (U_{иони3} = 50 B)$ 

<sup>а</sup> Относительная концентрация димеров в насыщенном паре (в мол.%), найденная по отношению токов ионов в масс-спектре и в анализе МНК интенсивности рассеяния электронов (см. раздел "Структурный анализ").

<sup>6</sup> В цитируемых работах масс-спектры были получены при следующих значениях ионизирующего напряжения *U*<sub>ион</sub>: 30 [ 17 ], 30 [ 18 ], 40 [ 19 ], 30 В [ 20 ].

<sup>в</sup> В работе [17] авторы отмечают, что в масс-спектре  $YbCl_3$  присутствуют, кроме указанных, также ионы  $Yb_2Cl_4^+$  и  $Yb_2Cl_5^+$ , хотя численные значения относительных интенсивностей этих ионов не приводятся.

спектры паров ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>, зарегистрированные во время съемки электронограмм, а также масс-спектры, зарегистрированные другими авторами.

Съемки электронограмм проводили с двух расстояний сопло ампулы—фотопленка  $L_1 = 598 \text{ мм}$  и  $L_2 = 338 \text{ мм}$ .

Как отмечено выше, в данной работе выполнено повторное электронографическое исследование трихлорида эрбия. Причина полученной высокой пирамидальности молекулы  $ErCl_3$ , найденной в работе [1], оставалась неясной. Возможно, она была связана с недостаточно надежным определением функций интенсивности рассеяния I(s) и фона G(s) в области малых углов рассеяния s.

Поскольку неопределенность в эффективной пирамидальности молекул трихлоридов лантанидов LnCl<sub>3</sub> в основном определяется погрешностями в параметрах терма Cl...Cl, который вносит заметный вклад в функцию I(s) только в области малых углов рассеяния (до  $s \approx 9 \text{ Å}^{-1}$ ), для повышения надежности определения параметра  $r_{\rm g}$ (Cl...Cl), наряду с традиционным экспериментом для ErCl<sub>3</sub> ( $L_1 = 598$  мм при  $U_{\rm yck} = 70$  кВ и  $L_2 = 338$ мм при  $U_{\rm yck} = 74$  кВ), был выполнен дополнительный эксперимент при условиях  $L_1 = 598$  мм и  $U_{\rm yck} = 44$  кВ, который позволил получить функцию I(s) в области малых углов рассеяния  $s = 0, 9 - 11, 8 \text{ Å}^{-1}$ .

Длину волны электронов определяли по дифракционной картине кристаллического стандарта ZnO. Фотометрирование электронограмм проводили на модернизированном микрофотометре MD-100 (Carl Zeiss, Jena) по процедуре, описанной в работе [21]. Расчет молекулярной состав-

ляющей интенсивности рассеяния проведен в соответствии с выражением  $sM(s) = \left(\frac{I(s)}{G(s)} - 1\right) \cdot s$ ,

где I(s) — полная интенсивность рассеяния электронов; G(s) — линия фона.

Экспериментальные и теоретические кривые приведенной молекулярной составляющей интенсивности рассеяния и их разности приведены на рис. 1.

#### СТРУКТУРНЫЙ АНАЛИЗ

Анализ МНК функции *sM*(*s*) проводили с помощью модифицированной версии программы КСЕD [22] с учетом сложного состава пара:



*Рис. 1.* Функции молекулярной составляющей интенсивности рассеяния *sM*(*s*) (экспериментальная — точки, теоретическая — сплошная линия) и кривые разности Δ*sM*(*s*) для молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>, соответствующие разным расстояниям сопло эффузионной ячейки—фотопленка



Рис. 2. Функции радиального распределения f(r)(экспериментальная — точки, теоретическая сплошная линия) и кривые разности  $\Delta f(r)$  для молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>

$$sM_{\text{reop}}(s) = \alpha sM_{\text{reop}}(s) \text{LnCl}_3 + (1 - \alpha) \cdot sM_{\text{reop}}(s) \text{Ln}_2 \text{Cl}_6$$

Предполагалось, что молекулы ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> имеют ось симметрии третьего порядка. Для димерных молекул Ln<sub>2</sub>Cl<sub>6</sub> принимали модель геометрического строения симметрии  $D_{2h}$  с четырьмя мостиковыми связями Ln—Cl<sub>b</sub>. В качестве независимых параметров функции sM(s) были выбраны коэффициент  $\alpha$ , связанный с концентрацией молекулярных форм, межъядерное расстояние  $r_a$ (Ln—Cl), амплитуды колебаний l(Ln—Cl) и l(Cl—Cl), константа асимметрии B(Ln— Cl) и валентный угол  $\angle_{\alpha}$ (Cl—Ln—Cl) мономерной молекулы, а также параметры димерной молекулы — валентные углы  $\angle$ (Cl<sub>t</sub>—Ln—Cl<sub>t</sub>),  $\angle$ (Cl<sub>t</sub>—Ln—Cl<sub>b</sub>) и величины  $\Delta_1 = r_{h1}$ (Ln—Cl<sub>t</sub>) –  $-r_{h1}$ (Ln—Cl) и  $\Delta_2 = r_{h1}$ (Ln—Cl<sub>b</sub>) –  $r_{h1}$ (Ln—Cl). Параметры  $\Delta_1$  и  $\Delta_2$  устанавливают соответствие между длиной концевых и мостиковых связей в димере и длиной связи Ln—Cl в мономере.

Поскольку концентрация димерных молекул в паре невелика, определить все параметры молекул Ln<sub>2</sub>Cl<sub>6</sub> не представляется возможным. В процессе анализа МНК уточняли лишь длины концевых и мостиковых связей для димеров Ln<sub>2</sub>Cl<sub>6</sub>, связанные с расстоянием  $r_{h1}$ (Ln—Cl) мономера через разницу  $\Delta_1 = -0,011$  и  $\Delta_2 = 0,198$  Å, рассчитанную квантово-химически (HF/ECP<sub>D</sub>, MIDIX). Вычисленные значения валентных углов в димере  $\angle$ (Cl<sub>t</sub>—Ln—Cl<sub>t</sub>) и  $\angle$ (Cl<sub>t</sub>—Ln—Cl<sub>b</sub>), равные 120° и 112° соответственно, в процессе анализа МНК функции *sM*(*s*) не варьировали.

Зависимые межъядерные расстояния в димерной молекуле  $Ln_2Cl_6$  рассчитывали в рамках  $r_{h1}$ -структуры. Необходимые для перехода от  $r_a$ - к  $r_{h1}$ -параметрам величины колебательных поправок ( $\Delta r = r_a - r_{h1}$ ), а также величины амплитуд колебаний димеров  $Ln_2Cl_6$  рассчитаны по программе SHRINK [23] с использованием масштабированных силовых постоянных, полученных методом HF/ECP<sub>D</sub>, MIDIX.

Результаты анализа МНК отдельных отрезков функции молекулярной составляющей интенсивности рассеяния, соответствующих расстояниям сопло ампулы—фотопластинка  $L_1 =$ = 598 и  $L_2 = 338$  мм, а также результаты совместной обработки двух кривых, полученных при близких ускоряющих напряжениях, приведены в табл. 2.

Таблица 2

$s_{\min} - s_{\max},  A^{-1}$	r <sub>a</sub> (Ln−−Cl), Å	$r_{a}(ClCl), Å$	<i>l</i> (Ln—Cl), Å	<i>l</i> (ClCl), Å	$B(\text{Ln}-\text{Cl}), \text{Å}^3 \cdot 10^5$	$R_f, \%$			
ErCl <sub>3</sub>									
0,9—11,8	2,4303(6)*	4,1200(37)	0,0916(7)	0,2910(31)	5,2(9)	1,9			
1,1—15,2	2,4335(4)	4,1385(36)	0,0905(4)	0,2998(29)	4,5(4)	1,8			
2,9—26,9	2,4296(6)	4,1438(60)	0,0850(5)	0,2934(46)	2,5(4)	3,6			
1,1—26,9	2,4326(4)	4,1320(38)	0,0887(3)	0,2989(29)	4,0(5)	3,0			
			YbCl <sub>3</sub>						
1,1—15,7	2,4131(5)	4,0992(43)	0,0871(5)	0,2910(35)	0,8(5)	2,2			
3,2—27,5	2,4121(6)	4,1055(68)	0,0856(5)	0,2933(48)	1,0(4)	3,8			
1,2—27,5	2,4127(4)	4,1027(37)	0,0866(3)	0,2927(28)	1,1(5)	3,0			

Параметры мономерных молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> по результатам анализа МНК функций sM(s)

\* В скобках приведены стандартные отклонения  $\sigma_{MHK}$ .

# Таблица З

Экспериментальные и рассчитанные значения эффективных r<sub>g</sub>-параметров (Å, град.) мономерных молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>

	<i>r<sub>g</sub></i> (Ln—Cl)	$r_g(\text{ClCl})$	∠ <sub>g</sub> ClLnCl	<i>l</i> (Ln—Cl)	<i>l</i> (ClCl)	δ(ClCl)			
$ErCl_{3}, T = 1134(20) K$									
Эксп. [1]	2,430(5)	4,036(19)	112,3(20)	0,093(2)	0,308(15)	0,174(21)			
	$ErCl_{3}, T = 1165(10) K$								
Эксп. наст. работа	2,436(5)	4,154(13)	117,0(10)	0,089(1)	0,299(9)	0,065(15)			
HF	2,462	4,185	116,4	0,087	0,324	0,079			
B3LYP	2,431	4,096	114,8	0,088	0,348	0,115			
MP2	2,419	4,089	115,4	0,083	0,359	0,100			
$YbCl_3, T = 1170(10) K$									
Эксп. наст. работа	2,416(5)	4,124(12)	117,2(10)	0,087(1)	0,293(9)	0,061(15)			
HF	2,437	4,149	116,7	0,087	0,319	0,072			
B3LYP	2,408	4,066	115,2	0,086	0,332	0,104			
MP2	2,395	4,067	116,3	0,082	0,348	0,080			

Структурные параметры эффективной  $r_{g}$ -конфигурации мономерных молекул, найденные в результате электронографического эксперимента, представлены в табл. 3. Термически усредненные расстояния  $r_{g}$  рассчитаны на основании экспериментальных  $r_{a}$ -параметров, полученных при совместной обработке двух отрезков функции sM(s) в интервале углов рассеяния s = 1,1— 26,9 Å<sup>-1</sup> для ErCl<sub>3</sub> и s = 1,2—28,0 Å<sup>-1</sup> для YbCl<sub>3</sub>.

Экспериментальные и теоретические функции радиального распределения и их разности показаны на рис. 2.

### ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Молекулы ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> имеют открытую оболочку с разным числом 4*f*-электронов центрального атома. Электронная конфигурация  $4f^{13}5s^25p^6$  трехзарядного иона Yb<sup>3+</sup>, стремящегося заполнить 4*f*-оболочку, и меньшая средняя энергия разрыва связи E(Yb-Cl) = 95 ккал/моль в молекуле YbCl<sub>3</sub> по сравнению с E(Er-Cl) = 111 ккал/моль в молекуле ErCl<sub>3</sub> позволяют пред-

положить, что соединения трехвалентного иттербия должны быть менее устойчивы, чем соединения эрбия, для которого трехвалентное состояние является предпочтительным (величины E(Ln-Cl) рассчитаны по данным работы [24]).

Различие в энергии связи может отразиться на геометрических и колебательных характеристиках двух рассматриваемых молекул. Поэтому вызывает особый интерес сопоставление результатов для ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>, полученных в настоящей работе.

Состав пара. Давление насыщенного пара, достаточное для проведения синхронного электронографического и масс-спектрометрического эксперимента, было достигнуто при температуре 1165 и 1170 К для  $ErCl_3$  и YbCl\_3 соответственно. Как отмечалось выше, при сублимации YbCl\_3 не было обнаружено никаких признаков термического диспропорционирования препарата. Масс-спектрометрические данные (см. табл. 1) свидетельствуют о том, что в насыщенном паре как  $ErCl_3$ , так и YbCl\_3 присутствуют мономерные и димерные формы, причем количество димеров не превышает 4 мол.%. Наибольшую относительную интенсивность в масс-спектрах обоих соединений имеет ион со стехиометрией  $LnCl_2^+$ . Результаты анализа МНК функции sM(s) подтверждают масс-спектральные данные о незначительной концентрации димерных молекул в парах (см. табл. 1). Из анализа МНК электронографических данных было найдено, что

насыщенный пар в условиях ЭГ/МС эксперимента состоял из мономерной и димерной молекулярных форм, и содержание мономера составило одинаковую для обоих исследуемых веществ величину 98,5(5) %.

Наблюдается хорошее согласие между значениями концентрации молекулярных форм, найденными по отношению токов ионов в масс-спектре и при анализе МНК приведенной интенсивности рассеяния электронов (см. табл. 1).

Параметры эффективной конфигурации. В табл. 3 приведены экспериментальные значения эффективных параметров молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>, причем для первой из них — данные старого и нового эксперимента.

Полученные результаты для молекулы ErCl<sub>3</sub> подтвердили правильность рекомендуемого в работе [1] межъядерного расстояния  $r_{\rm g}$ (Er—Cl). Однако эффективная пирамидальность молекулы оказалась существенно меньше и сравнима с эффективной пирамидальностью других молекул трихлоридов лантанидов [2—5]. В этом убеждают результаты трех независимых определений: при  $L_1 = 598$  мм и  $U_{\rm yck} = 44$  кВ,  $L_1 = 598$  мм и  $U_{\rm yck} = 70$  кВ,  $L_2 = 338$  мм и  $U_{\rm yck} = 74$  кВ, в каждом из которых получены согласующиеся в пределах  $3\sigma_{\rm MHK}$  значения структурных параметров молекулы ErCl<sub>3</sub> (см. табл. 2).

В силу того, что иттербий отличается от своих ближайших соседей способностью проявлять переменную валентность, выполненный эксперимент по YbCl<sub>3</sub> имеет особую значимость для установления зависимости геометрических и колебательных характеристик от электронного строения атома лантанида в ряду трихлоридов LaCl<sub>3</sub>—LuCl<sub>3</sub>.

Как видно из табл. 3, экспериментальные величины колебательных характеристик — амплитуд колебаний и эффекта сокращения — для двух молекул близки. Кроме того, молекулы имеют одинаковые значения эффективного валентного угла. Отличия наблюдаются лишь в межъядерных расстояниях, которые отражают эффект лантанидного сжатия. Таким образом, различие систем близколежащих электронных состояний, обусловленных различным числом 4*f*-электронов центрального атома, не оказывает заметного влияния на параметры эффективной ядерной конфигурации молекулы и ее динамику. Это подтверждается и характером зависимости эффективного межъядерного расстояния  $r_g(Ln-Cl)$  от порядкового номера атома металла Z(Ln), которая является плавной (рис. 3) и симбатной по отношению к аналогичной зависимости радиусов трехзарядных ионов  $Ln^{3+}$  [29]. Подобная зависимость r(Ln-Cl) от Z(Ln) была приведена в обзоре [30], однако она базировалась на меньшем числе экспериментальных точек, поскольку межъядерные расстояния в молекулах SmCl<sub>3</sub> [5], TmCl<sub>3</sub> [3], ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> [наст. работа] были определены позднее.

**Теоретические исследования.** Полученные нами экспериментальные параметры молекул тригалогенидов лантанидов могут быть полезны для тестирования и выбора оптимального метода расчета геометрических и колебательных характеристик молекул этого ряда.

*Рис. 3.* Зависимость межъядерных расстояний  $r_g(\text{Ln}-\text{Cl})$  от r(порядкового номера атома лантанида в ряду трихлоридов 2, LaCl<sub>3</sub>-LuCl<sub>3</sub>.

Кружки — экспериментальные данные (диаметры кружков равны удвоенной погрешности определения величин  $r_g$ (Ln—Cl)). Треугольники — величины радиусов трехзарядных ионов Ln<sup>3+</sup> [ 29 ], смещенные по оси *у* на 1,77 Å

Равновесная конфигурация и частоты колебаний. Обычно авторы квантово-химических расчетов для сопоставления с экспериментом используют параметры равновесной конфигурации молекул и гармонические частоты колебаний, несмотря на то что по физическому смыслу они отличаются от экспериментальных.



В табл. 4 для молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub>, кроме литературных данных, показаны результаты выполненных нами расчетов геометрии и частот нормальных колебаний. В табл. 5 приведены рассчитанные геометрические параметры димерных молекул  $Er_2Cl_6$  и Yb<sub>2</sub>Cl<sub>6</sub>. Все расчеты выполнены методами HF, B3LYP и MP2. При этом для атомов Ln был использован энергетическисогласованный квазирелятивистский остовный потенциал ECP<sub>D</sub> [25], включающий 4*f*-электроны атомов лантанидов [Kr4*d*<sup>10</sup>4*f*<sup>*n*</sup>], в сочетании с контрактированным валентным базисным набором [5*s*4*p*3*d*]; для атомов хлора использован полноэлектронный базис MIDIX [4*s*3*p*1*d*] [26].

Остовный потенциал ЕСР<sub>D</sub> не предназначен для описания магнитных свойств и электронных спектров молекул, включающих атомы лантанидов. Он предполагает квазистационарное состояние 4*f*-оболочки, которое, по сути, моделирует смесь низколежащих электронных  $4f^n$  состояний атома Ln. Однако ЕСР<sub>D</sub>, по нашему мнению, может быть использован для расчета геометрических параметров и силового поля молекул, поскольку  $4f^n$  оболочка атомов Ln имеет малую протяженность и экранирована от валентных 5*d*- и 6*s*-электронов заполненными  $5s^25p^6$ -

Таблица 4

Метод расчета	$r_e(Ln-Cl)$	$\omega_1(A_1')$	$\omega_2(A_2'')$	$\omega_3(E')$	$\omega_4(E')$
	ErCl <sub>3</sub>				
HF/ECP <sub>D</sub> , MIDIX	2,460	335	51	360	75
B3LYP/ECP <sub>D</sub> , MIDIX	2,432	337	19	363	76
MP2/ECP <sub>D</sub> , MIDIX	2,419	349	46	379	68
MCSCF/ECP <sub>s</sub> , ECP <sub>sd</sub> [13]	2,48*				
MP2/ECP <sub>D</sub> , VDZ <sub>d</sub> [12]	2,48	314	41	338	72
	YbCl <sub>3</sub>				
HF/ECP <sub>D</sub> , MIDIX	2,435	339	55	363	76
B3LYP/ECP <sub>D</sub> , MIDIX	2,407	341	28	366	76
MP2/ECP <sub>D</sub> , MIDIX	2,393	353	51	382	68
CISD+Q/ECP <sub>Df</sub> , ECP <sub>Dd</sub> [ 14 ]	2,438*				
MCSCF/ECP <sub>S</sub> , ECP <sub>Sd</sub> [13]	2,47*				
MP2/ECP <sub>D</sub> , VDZ <sub>d</sub> [12]	2,46	317	43	341	73

Равновесное расстояние  $r_e(Ln-Cl)$  (Å) и гармонические частоты колебаний  $\omega_i$  (см<sup>-1</sup>) молекул YbCl<sub>3</sub> и ErCl<sub>3</sub> (симметрия  $D_{3h}$ )

\* Оптимизация расстояния r(Ln—Cl) в рамках D<sub>3h</sub>-симметрии.

### Таблица 5

Метод*	$r_e(Ln-Cl_t)$	$r_e(Ln-Cl_b)$	$\angle(Cl_tLnCl_t)$	$\angle(Cl_tLnCl_b)$	$\angle(Cl_bLnCl_b)$				
Er <sub>2</sub> Cl <sub>6</sub>									
B3LYP	2,418	2,619	118,6	112,4	83,6				
HF	2,449	2,658	120,2	112,0	82,3				
MP2	2,404	2,593	120,6	111,5	84,8				
Yb <sub>2</sub> Cl <sub>6</sub>									
B3LYP	2,394	2,592	119,0	112,1	84,2				
HF	2,424	2,631	120,7	111,8	82,8				
MP2	2,379	2,564	121,2	111,2	85,5				

Рассчитанные равновесные геометрические параметры димерных молекул Er<sub>2</sub>Cl<sub>6</sub> и Yb<sub>2</sub>Cl<sub>6</sub> (Å, град.)

\* Во всех расчетах использовано сочетание энергетически-согласованного квазирелятивистского остовного потенциала  $ECP_D$ , включающего 4*f*-электроны атомов лантаноидов [Kr4 $d^{10}4f^n$ ], с контрактированным валентным базисным набором [5*s*4*p*3*d*] для атомов Ln [25] и полноэлектронного базиса MIDIX с контрактацией [5*s*4*p*2*d*] для атома хлора [26].

подоболочками. В этом случае ядерную конфигурацию молекулы и ее параметры следует считать условно "равновесными".

Для обеих молекул YbCl<sub>3</sub> и ErCl<sub>3</sub> в расчетах получена плоская равновесная конфигурация.

При переходе от метода HF к B3LYP и далее к MP2 расчетное значение  $r_e(Ln-Cl)$  заметно уменьшается, и это уменьшение сопровождается ростом валентных частот  $\omega_1(A'_1)$  и  $\omega_3(E')$ . Сильнее всего от метода расчета зависит значение частоты  $\omega_2(A''_2)$ , ответственной за структурную нежесткость молекул. Причем методы HF и MP2 приводят к большим величинам  $\omega_2(A''_2)$  и характеризуют молекулы YbCl<sub>3</sub> и ErCl<sub>3</sub> как существенно более жесткие, чем метод B3LYP.

Использование метода MP2 в сочетании с потенциалом ECP<sub>D</sub> на атомах Ln и базиса VDZd [12] вместо базиса MIDIX на атомах хлора приводит к увеличению расстояния  $r_e(Ln-Cl)$  на 0,06 Å и уменьшению валентных частот колебаний, причем расчетное расстояние становится еще больше отличным от экспериментального.

Таким образом, наблюдается сильная зависимость рассчитанных расстояний  $r_e(Ln-Cl)$  и частот колебаний от сочетания метод/базис. Это обстоятельство делает полученные нами экспериментальные параметры молекул тригалогенидов лантанидов полезными для тестирования и оптимизации методов расчета геометрических и колебательных характеристик молекул этого ряда.

Расчет параметров эффективной  $r_g$ -конфигурации молекул. Как отмечалось выше, непосредственно сравнивать параметры  $r_e$  и  $r_g$  не корректно из-за их разного физического смысла. Поэтому нами был использован метод [27], позволяющий теоретически рассчитать эффективные  $r_g$ -параметры на основе потенциальных функций, полученных сканированием поверхности потенциальной энергии (ППЭ) вдоль нормальных координат в рамках выбранного квантовохимического метода.

Расчет *r*<sub>g</sub>-структуры, основанный на квантово-химическом анализе ППЭ, позволяет учесть как ангармоничность потенциальной функции, так и характер смещений ядер при внутримолекулярных движениях, форма которых может существенно отличаться от линеаризованных координат, используемых в теории малых гармонических колебаний.

Для исследуемых молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> методами HF, B3LYP и MP2 выполнено исследование сечений ППЭ вдоль нормальных координат  $Q_1$  полносимметричного колебания  $A'_1$  и  $Q_2$ и неплоского колебания  $A''_2$ . Определена ангармоничность этих колебаний, вносящая основной



Рис. 4. Потенциальная функция  $U(Q_1)$  для молекулы YbCl<sub>3</sub>, полученная сканированием ППЭ вдоль координаты  $Q_1$  полносимметричного колебания  $A'_1$  в варианте B3LYP/ECP<sub>D</sub>, MIDIX (сплошная линия). Квадратичная функция (штриховая линия) рассчитана по формуле  $U_{\text{гарм}}(Q_k) = 1/2 \cdot 4\pi^2 c^2 \omega_k^2 Q_k^2$ , где  $\omega_1$  — гармоническая частота колебания  $A'_1$ 



Рис. 5. Потенциальная функция  $U_{ahr}(Q_2)$  молекулы YbCl<sub>3</sub>, полученная сканированием ППЭ вдоль координаты  $Q_2$  колебания выхода из плоскости (HF, B3LYP, MP2 в сочетании с ECP<sub>D</sub>, MIDIX). Тонкими линиями показана квадратичная функция  $U_{rapm}(Q_2) = 1/2 \cdot 4\pi^2 c^2 \omega_2^2 Q_2^2$  (метод B3LYP)

вклад в различие между эффективным и равновесным расстоянием Ln—Cl и заметно влияющая на величину эффекта сокращения δ(Cl...Cl).

На рис. 4 и 5 показаны потенциальные функции полносимметричного валентного колебания  $A'_1$  (B3LYP/ECP<sub>D</sub>, MIDIX) и колебания выхода из плоскости  $A''_2$  (HF, B3LYP, MP2 в сочетании с ECP<sub>D</sub>, MIDIX) молекулы YbCl<sub>3</sub>. Аналогичный вид имеют графики функций  $U(Q_1)$ и  $U(Q_2)$  молекулы ErCl<sub>3</sub>. Координата  $Q_2$  связана с мгновенной высотой пирамиды, возникающей при неплоском колебании, и соответствует модели "нежесткий инвертор" [27].

На тех же рисунках даны квадратичные функции  $U_{\text{гарм}}(Q_k)$ , рассчитанные по формуле

$$U_{\text{гарм}}(Q_k) = 1/2 \cdot 4\pi^2 c^2 \omega_k^2 Q_k^2$$

где  $\omega_k$  — гармоническая частота колебания, полученная по стандартной процедуре в программе Gaussian-03 [ 28 ].

Ангармоничность потенциальных функций  $U(Q_1)$  для исследуемых молекул оказалась невелика. Она приводит к некоторому эффективному удлинению межъядерного расстояния Ln— Cl (см. ниже) и практически не влияет на величину амплитуды l(Ln-Cl).

Вследствие симметричности ангармонической функции  $U(Q_2)$  неплоского колебания среднее значение координаты  $\langle Q_2 \rangle$  равно нулю и не зависит от метода расчета. В то же время метод расчета оказывает исключительно сильное влияние на вид функций  $U(Q_2)$  (см. рис. 5) и значения гармонической частоты колебания  $\omega_e(A_2'')$  (см. табл. 4). Особенно большое отличие между гармонической и ангармонической функциями  $U(Q_2)$  наблюдается при использовании метода B3LYP (см. рис. 5). Использование в этом случае гармонической функции  $U_{\text{гарм}}(Q_2)$  вместо  $U_{\text{анг}}(Q_2)$  при расчете колебательных характеристик молекулы ведет к результатам, весьма далеким от экспериментальных и существенно отличающимся от рассчитанных в ангармоническом приближении. Так, замена  $U_{\text{анг}}(Q_2)$  на гармоническую функцию  $U_{\text{гарм}}(Q_2)$  приводит к величинам  $\delta(\text{Cl}...\text{Cl}) = 0,235 \text{ Å}, \ \angle_g(\text{ClYbCl}) = 109,6^\circ$ , l(Cl...Cl) = 0,484 Å вместо значений, приведенных в табл. 3 (строка B3LYP).

При неплоском колебании происходит изменение валентного угла и мгновенного межъядерного расстояния  $r_i$ (Ln—Cl). В методах HF, B3LYP и MP2 получено сходное уменьшение  $r_i$ (Ln—Cl) при увеличении координаты  $Q_2$ . Таким образом, за счет неплоского колебания усредненное расстояние  $\langle r(Ln—Cl) \rangle$  будет эффективно уменьшаться с увеличением амплитуды данного колебания (см. ниже). Н.И. ГИРИЧЕВА, С.А. ШЛЫКОВ, Г.В. ГИРИЧЕВ И ДР.

Как отмечено выше, расчеты методами HF, B3LYP и MP2 в сочетании с ECP<sub>D</sub>, MIDIX приводят к плоской равновесной конфигурации обеих молекул. Минимум потенциальной функции неплоского колебания симметрии  $A_2''$  соответствует координате  $Q_2 = 0$  (см. рис. 5,  $Q_2$  определяется мгновенной высотой пирамиды).

Однако структурная нежесткость молекул, связанная с пирамидальной инверсией, предсказываемая методами HF, B3LYP и MP2, оказывается различной.

Из сопоставления значений рассчитанных колебательных характеристик l(Ln-Cl), l(Cl...Cl) и  $\delta(Cl...Cl)$  с экспериментальными величинами (см. табл. 3) можно сделать вывод, что метод B3LYP приводит к эффективной пирамидальности молекул, которая существенно превышает экспериментальную. Метод формально самого низкого теоретического уровня — HF — наиболее удачно описывает ядерную динамику молекул и воспроизводит экспериментальные колебательные характеристики с учетом погрешности определения последних. Поэтому можно полагать, что частоты колебаний и форма потенциала неплоского колебания  $U(Q_2)$  (см. рис. 5) молекул ErCl<sub>3</sub> и YbCl<sub>3</sub> близки к тем, которые получены методом HF/ECP<sub>D</sub>, MIDIX.

Преимущество метода B3LYP состоит в лучшем определении межъядерного расстояния r<sub>g</sub>(Ln—Cl).

Различие между величинами равновесного  $r_e(Ln-Cl)$  и эффективного  $r_g(Ln-Cl)$  расстояний. Рассчитанная величина  $r_g(Ln-Cl)$  учитывает ангармоничность полносимметричного  $v_1$  и неплоского  $v_2$  колебаний (вырожденные колебания  $v_3(E')$  и  $v_4(E')$  не дают вклада в эффективное изменение межъядерного расстояния Ln-Cl [27]). Ангармоничность функции  $U(Q_1)$ приводит к эффективному увеличению расстояния r(Ln-X) на ~0,003-0,004 Å, а ангармоничность функции  $U(Q_2)$  и зависимость расстояния r(M-X) от координаты  $Q_2$  — к его эффективному сокращению на 0,003-0,004 Å. Суммарное изменение межъядерного расстояния Ln-Clоказывается незначительным (см. табл. 3) и в несколько раз меньше экспериментальной погрешности параметра  $r_g(Ln-Cl)$ . В результате появляется возможность непосредственно сравнивать величины разных по физическому смыслу параметров  $r_e(Ln-Cl)$  и  $r_g(Ln-Cl)$ .

Проводя такое сопоставление, можно сделать вывод, что значения  $r_e(Ln-Cl)$  молекул трихлоридов Er и Yb, рассчитанные в работах [12, 13], являются существенно завышенными по сравнению с экспериментальными  $r_g(Ln-Cl)$ .

Отметим, что сделанный вывод о небольшом различии между величинами равновесного  $r_e(\text{Ln}-\text{Cl})$  и эффективного  $r_g(\text{Ln}-\text{Cl})$  расстояний при высокой температуре (более 1000 K) для данной группы молекул основан на более высоком приближении описания ядерной динамики по сравнению с традиционным походом, опирающимся на учет температурных эффектов в гармоническом приближении и линеаризованных колебательных координатах, а ангармонических эффектов — в приближении квазидвухатомной молекулы [31].

Работа поддержана грантом Российского фонда фундаментальных исследований 05-03-32804.

### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- 1. *Гиричева Н.И., Гиричев Г.В., Шлыков С.А., Пелипец О.В.* // Журн. структур. химии. 2000. **41**, № 2. С. 285 293.
- 2. Гиричева Н.И., Гиричев Г.В., Краснов А.В., Краснова О.Г. // Там же. № 3. С. 480 488.
- 3. Гиричева Н.И., Гиричев Г.В., Краснов А.В. // Там же. № 1. С. 185 189.
- 4. Giricheva N.I., Zakharov A.V., Shlykov S.A., Girichev G.V. // J. Chem. Soc., Dalton Trans. 2000. P. 3401 3403.
- 5. *Гиричева Н.И., Шлыков С.А., Гиричев Г.В. и др. //* Журн. структур. химии. 2006. **47**, № 5. С. 855 865.
- 6. Гиричева Н.И., Шлыков С.А., Чернова Е.В. и др. // Там же. 2005. 46, № 6. С. 1031 1037.
- 7. Zakharov A.V., Giricheva N.I., Vogt N. et al. // J. Chem. Soc., Dalton Trans. 2001. P. 3160 3162.
- 8. Zakharov A.V., Vogt N., Shlykov S.A. et al. // Struct. Chem. 2003. 14, N 2. C. 193 197.
- 9. *Гиричева Н.И., Гиричев Г.В., Шлыков С.А. и др. //* Журн. структур. химии. 2004. **45**, № 1. С. 50 58.

- 10. Zakharov A.V., Vogt N., Shlykov S.A. et al. // J. Mol. Struct. 2004. 707. P. 147 152.
- 11. Перов П.А., Недяк С.В., Мальцев А.А. // Вестн. МГУ. Сер. Химия. 1975. 16, № 3. С. 281 283.
- 12. Joubert L., Picard G., Legendre J.J. // Inorg. Chem. 1998. 37. P. 1984.
- 13. Cundari T.R., Sommerer S.O., Strohecker L.A., Tippett L. // J. Chem. Phys. 1995. 103. P. 7058.
- 14. Dolg M., Stoll H., Preuss H. // J. Mol. Struct. (Theochem). 1991. 235. P. 67.
- Гиричев Г.В., Шлыков С.А., Ревичев Ю.Ф. // Приборы и техн. эксперим. 1986. № 4. С. 167 169; Гиричев Г.В., Уткин А.Н., Ревичев Ю.Ф. // Там же. – 1984. – № 2. – С. 187 – 190.
- 16. Пелипец О.В. // Автореф. дисс. канд. хим. наук. Иваново: ИГХТУ, 2000.
- 17. *Кузнецов А.Ю., Кудин Л.С., Погребной А.М. и др. //* Журн. физич. химии. 1997. **71**, № 2. С. 216–221.
- 18. Червонный А.Д. // Автореф. дисс. канд. хим. наук. М.: МГУ, 1975 (цитировано по [17]).
- 19. Евдокимов В.И., Балуев А.В., Сапегин А.М. // Отчет. № Гос. регистрации 80072637. ИНХП АН СССР, Черноголовка. 1984. С. 63 (цитировано по [ 17 ]).
- 20. Погребной А.М., Моталов В.Б., Кузнецов А.Ю. и др. // Журн. неорг. химии. 2002. 47, № 1. С. 102 106.
- 21. Гиричев Е.Г., Захаров А.В., Гиричев Г.В., Базанов М.И. // Изв. вузов. Технол. текстил. пром-ти. 2000. **2**. С. 142 146.
- 22. Andersen B., Seip H.M., Strand T.G., Stølevik R. // Acta Chem. Scand. 1969. 23. P. 3224 3234.
- 23. Sipachev V.A. // J. Mol. Struct. 2001. 67. P. 567– 568.
- 24. Сапегин А.М., Балуев А.В., Евдокимов В.И. // Журн. физ. химии. 1984. № 12. С. 2955 2957.
- 25. Dolg M., Stoll H., Savin A., Preuss H. // Theor. Chim. Acta. 1989. 75. P. 173.
- 26. Easton R.E., Giesen D.J., Welch A. et al.// Ibid. 1996. 93. P.281.
- 27. Гиричева Н.И., Гиричев Г.В., Смородин С.В. // Журн. структур. химии. 2007. 48, № 3. С. 452 461. Гиричева Н.И., Гиричев Г.В., Смородин С.В. // Там же. № 4. С. 643 649.
- Frisch M.J., Trucks G.W., Schlegel H.B., Scuseria G.E., Robb M.A., Cheeseman J.R., Montgomery J.A., Vreven Jr.T., Kudin K.N., Burant J.C., Millam J.M., Iyengar S.S., Tomasi J., Barone V., Mennucci B., Cossi M., Scalmani G., Rega N., Petersson G.A., Nakatsuji H., Hada M., Ehara M., Toyota K., Fukuda R., Hasegawa J., Ishida M., Nakajima T., Honda Y., Kitao O., Nakai H., Klene M., Li X., Knox J.E., Hratchian H.P., Cross J.B., Adamo C., Jaramillo J., Gomperts R., Stratmann R.E., Yazyev O., Austin A.J., Cammi R., Pomelli C., Ochterski J.W., Ayala P.Y., Morokuma K., Voth G.A., Salvador P., Dannenberg J.J., Zakrzewski V.G., Dapprich S., Daniels A.D., Strain M.C., Farkas O., Malick D.K., Rabuck A.D., Raghavachari K., Foresman J.B., Ortiz J.V., Cui Q., Baboul A.G., Clifford S., Cioslowski J., Stefanov B.B., Liu G., Liashenko A., Piskorz P., Komaromi I., Martin R.L., Fox D.J., Keith T., Al-Laham M.A., Peng C.Y., Nanayakkara A., Challacombe M., Gill P.M.W., Johnson B., Chen W., Wong M.W., Gonzalez C., Pople J.A. Gaussian, Inc., Pittsburgh PA, 2003.
- 29. Waber J.T., Cromer P.T. // J. Chem. Phys. 1965. 42, N 12. P. 4116 4123.
- 30. Hargittai M. // Chem. Rev. 2000. 100, N 6. P. 2233 2301.
- 31. Bartell L.S. // J. Chem. Phys. 1963. **38**. P. 1827 1833.