

(кстати, очень легко определяемый экспериментально, как и  $\tau$ ), можно найти весьма необходимую для анализа различных процессов величину  $x_0 = r_0/r_m$ , измерение которой довольно трудоемко для больших полостей и, по-видимому, совершенно невозможно в настоящее время для микропузырьков (например, в ультразвуковой кавитации).

Поступила 30 XI 1982

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Голубничий П. П., Громенко В. М., Филоненко А. Д. О природе импульса электрогидродинамической сонолюминесценции. — ЖТФ, 1980, т. 50, № 11.
2. Голубничий П. П., Громенко В. М., Кудленко В. Г., Филоненко А. Д. Об электромагнитном излучении, сопровождающем коллапс парогазовой полости, иницированной мощным энерговыделением в жидкости. — В кн.: Нестационарные проблемы гидродинамики. Вып. 48. Новосибирск: ИГ СО АН СССР, 1980.
3. Перник А. Д. Проблемы кавитации. Л.: Судостроение, 1966.
4. Зельдович Я. Б., Райзер Ю. П. Физика ударных волн и высокотемпературных гидродинамических явлений. М.: Наука, 1966.

УДК 534.2 : 532

### ПОГЛОЩЕНИЕ ЗВУКА ВБЛИЗИ ГРАНИЦЫ РАЗДЕЛА ДВУХ ЖИДКОСТЕЙ

В. А. Мурга

(Ленинград)

Известно, что поглощение звука в ограниченных средах обусловлено в основном вязкостью и теплопроводностью жидкостей. Кирхгоф [1] разработал общую теорию, описывающую механизм такого поглощения, и применил ее, в частности, для рассмотрения вопроса о поглощении звука, распространяющегося в трубах. Рэлей [2] применил теорию Кирхгофа для исследования поглощения звука пористой стенкой при нормальном падении на нее звуковой волны. Б. П. Константинов [3] также с помощью теории Кирхгофа решил задачу о поглощении звука жесткой изотермической (с бесконечной теплопроводностью), а также теплоизолированной плоской стенкой при произвольном угле падения волны.

Естественным развитием в этом направлении является изучение поглощения звука на границе раздела двух жидкостей. Такая задача, помимо научного интереса, имеет и практическое значение, например, для гидроакустики, а также для разработки некоторых методов визуализации звука в газах и жидкостях [4].

Предлагаемая работа посвящена решению этой задачи. Результаты могут применяться как для жидких, так и для твердых (резиноподобных) тел.

1. Пусть в отсутствие звуковых колебаний граница раздела двух жидких сред представляет собой горизонтальную плоскость, так что для краткости будем говорить о верхней и нижней средах. В верхней среде на границу раздела падает плоская синусоидальная звуковая волна. Введем декартову систему координат так, что плоскость раздела совпадает с плоскостью  $xz$ , падающая, отраженная и преломленная волны лежат в плоскости  $xy$ , ось  $y$  направлена в верхнюю среду. Поля температур и скоростей в каждой среде описываются линеаризованными уравнениями гидромеханики

$$(1.1) \quad \frac{\partial \mathbf{v}}{\partial t} = -\frac{1}{\rho} \text{grad } P + \nu \Delta \mathbf{v} + \frac{1}{3} \nu \text{grad} (\text{div } \mathbf{v}), \quad \frac{\partial s}{\partial t} + \text{div } \mathbf{v} = 0,$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} = \frac{\gamma - 1}{\alpha} \frac{\partial s}{\partial t} + \frac{\kappa}{\rho c_V} \Delta T, \quad s = \frac{\gamma}{c^2} \frac{P}{\rho} - \alpha T,$$

где  $\mathbf{v}$  — скорость;  $t$  — время;  $\rho$  — плотность;  $\nu$  — коэффициент кинематической вязкости;  $\kappa$  — коэффициент теплопроводности;  $\gamma = c_p/c_V$ ;  $c_p$  и  $c_V$  — теплоемкости единицы массы жидкости при постоянном давлении и постоянном объеме соответственно;  $\alpha$  — коэффициент теплового расширения;  $c$  — скорость звука (лапласова);  $s$  — акустическое сжатие среды;  $T$  и  $P$  — акустические температура и давление.

В дальнейшем предполагается, что для обеих сред выполняются условия

$$(1.2) \quad (v\omega/c^2)^{1/2} \ll 1, \quad (\chi\omega/c^2)^{1/2} \ll 1,$$

где  $\chi$  — коэффициент температуропроводности.

Решение уравнений (1.1), соответствующее предложенной задаче, должно иметь такой вид, чтобы зависимость от времени давалась множителем  $\exp(-ht)$ , а зависимость от продольной координаты  $x$  — множителем  $\exp(mx)$ , где  $h = i\omega$ ,  $m = ik \sin \theta$ ,  $\omega$  — угловая частота колебаний,  $k = \omega/c$ ,  $\theta$  — угол падения (отражения); в дальнейшем эти множители опускаем. Такое частное решение для температуры, давления и компонент скорости записывается для верхней среды с точностью до несущественного в данной задаче размерного множителя в виде

$$(1.3) \quad P = Q_2 \rho c^2, \quad u = A Q + c \sin \theta \cdot Q_2, \\ v = A \frac{m\lambda}{h} \frac{dQ}{dy} + A_1 (\gamma - 1) \chi \frac{dQ_1}{dy} + \frac{c \sin \theta}{m} \frac{dQ_2}{dy}, \quad T = \frac{\gamma - 1}{\alpha} (A_1 Q_1 + Q_2).$$

Здесь  $u$  и  $v$  — компоненты вектора скорости  $\mathbf{v}$  по осям  $x$  и  $y$  соответственно;  $Q = \exp\left(i \sqrt{\frac{h}{v}} y\right)$ ;  $Q_1 = \exp\left(i \sqrt{\frac{h}{\chi}} y\right)$ ;  $Q_2 = k^2 [\exp(-ik \cos \theta \cdot y) + A_2 \exp(ik \cos \theta \cdot y)]$ ;  $A$ ,  $A_1$ ,  $A_2$  — неопределенные константы. Функция  $Q_2$  имеет смысл совокупности падающей и отраженной волн на достаточно большом расстоянии от границы раздела, чтобы можно было пренебречь влиянием температурного и динамического пограничных слоев;  $A_2$  — коэффициент отражения.

Для нижней среды выражения для температуры и скорости аналогичны формулам (1.3), при этом

$$Q' = \exp\left(-i \sqrt{\frac{h}{v'}} y\right), \quad Q'_1 = \exp\left(-i \sqrt{\frac{h}{\chi'}} y\right), \\ Q'_2 = A'_2 k'^2 \exp(-ik' y \cos \theta').$$

Здесь штрихами помечены величины, относящиеся к нижней среде;  $\theta'$  — угол преломления; функция  $Q'_2$  имеет смысл прошедшей волны;  $A'_2$  — коэффициент прохождения. Кроме того, здесь предполагается отсутствие полного внутреннего отражения звука от границы раздела (докритические углы падения). Случай закритических углов падения будет рассмотрен ниже.

Граничные условия на возмущенной поверхности раздела в линейном приближении могут быть заменены условиями на невозмущенной плоскости. Таким образом, при  $y = 0$  должны выполняться следующие соотношения (с учетом (1.2)):

$$(1.4) \quad u = u', \quad v = v', \quad T = T', \quad \kappa \partial T / \partial y = \kappa' \partial T' / \partial y, \quad \mu \partial u / \partial y = \mu' \partial u' / \partial y, \\ P = P'.$$

Здесь учтено, что статические значения температур и давлений в обеих средах равны друг другу;  $\mu = \nu \rho$ .

Подставляя в граничные условия (1.4) выражения (1.3), получаем систему алгебраических линейных уравнений относительно неизвестных констант  $A$ ,  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A'$ ,  $A'_1$ ,  $A'_2$ . Решение этой системы дает соотношения для коэффициента отражения

$$(1.5) \quad A_2 = \frac{\cos \theta - (\rho c / \rho' c') \cos \theta' - M}{\cos \theta + (\rho c / \rho' c') \cos \theta' + M}$$

и для коэффициента прохождения

$$(1.6) \quad A'_2 = \frac{(2\rho/\rho') \cos \theta}{\cos \theta + (\rho c / \rho' c') \cos \theta' + M},$$

где

$$(1.7) \quad M = \frac{1-i}{\sqrt{2}} \left[ \sin^2 \theta \cdot \left( \frac{v\omega}{c^2} \right)^{1/2} \frac{(1-\rho/\rho')^2}{1 + \sqrt{\mu\rho/\mu'\rho'}} + (\gamma-1) \left( \frac{\gamma\omega}{c^2} \right)^{1/2} \times \right. \\ \left. \times \frac{(1-\rho c_p \alpha' / \rho' c_p' \alpha)^2}{1 + \sqrt{\kappa\rho c_p / \kappa' \rho' c_p'}} \right].$$

Если пренебречь вязкостью и теплопроводностью (положить  $M=0$ ), то (1.5), (1.6) переходят в формулы Рэля [2].

Если  $\rho/\rho' \rightarrow 0$ , то (1.5) переходит в формулу Константинова [3] для случая жесткой стенки с бесконечной теплопроводностью. Если  $\rho/\rho' \rightarrow 0$ , но при этом  $\kappa/\kappa'\rho' \rightarrow \infty$ , то (1.5) переходит также в формулу Константинова [3] для случая жесткой теплоизолированной стенки.

Коэффициент поглощения, определенный как отношение диссипируемой в единицу времени механической энергии в пограничных слоях вблизи границы раздела к потоку энергии, падающей из верхней среды на границу раздела, равен

$$D = 1 - A_2 \bar{A}_2 \frac{\rho' c \cos \theta'}{\rho c' \cos \theta} \bar{A}_2' \bar{A}_2'$$

(речь идет об осредненном по времени коэффициенте поглощения, черта отмечает комплексно-сопряженное число). Используя (1.5), (1.6), получаем

$$(1.8) \quad D = 4X / [(X + Y + 1)^2 + 1],$$

где

$$(1.9) \quad X = \cos \theta / M_R, \quad Y = \rho c \cos \theta' / (\rho' c' M_R).$$

Здесь  $M_R$  — вещественная часть  $M$  (1.7).

Из (1.8) видно, что коэффициент поглощения  $D$  заметно отличается от нуля, когда  $X \sim 1$ , а  $Y \ll 1$ . В частности, максимальное значение коэффициента поглощения наступает, когда  $X = \sqrt{2}$ ,  $Y = 0$ , или с учетом (1.9)

$$(1.10) \quad \cos \theta / M_R = \sqrt{2}, \quad \rho c \cos \theta' / (\rho' c' M_R) = 0.$$

При этом

$$(1.11) \quad D = D_{\max} = 2(\sqrt{2} - 1) \approx 0,83.$$

Таким образом, наибольшее значение коэффициента поглощения, какое только может быть при прохождении звуковой волны через границу раздела двух жидкостей, не связано с какими-либо свойствами жидкостей, не зависит от частоты колебаний и дается выражением (1.11). Этот результат был получен для частного случая отражения звука от жесткой стенки в [3]; можно видеть, однако, что он остается справедливым в общем случае прохождения звука через границу раздела произвольных жидкостей.

Второе равенство в условиях (1.10), при соблюдении которых достигается максимальное значение коэффициента поглощения (1.11), может быть удовлетворено двумя способами: во-первых, если  $\rho/\rho' = 0$  (здесь мы приходим к случаю, рассмотренному в [3]); во-вторых, если  $\cos \theta' = 0$  (в этом случае выполняется соотношение  $c'/c \geq 1$ , а угол падения равен критическому углу  $\theta_{кр}$ ). В соответствии с этим первое условие в (1.10) переписывается в виде

$$(1.12) \quad \sqrt{1 - (c/c')^2} = M_R \sqrt{2}.$$

Таким образом, максимальное значение коэффициента поглощения (1.11) достигается при критическом угле падения, если, кроме того, выполняется соотношение (1.12). Поскольку здесь не накладывается никаких ограничений на величину  $\rho/\rho'$ , значение  $M_R$ , как это следует из (1.7),

может быть не малой по сравнению с единицей величиной (если  $\rho/\rho' \gg 1$ ), и тогда соотношение (1.12) может выполняться при критических углах падения, далеких от  $\pi/2$ . В этом состоит существенное отличие рассмотренного случая от случая, когда  $\rho/\rho' = 0$  (здесь  $M_R$  является существенно малой величиной, и поэтому, как это видно из первого условия в (1.10), угол падения должен быть близок к  $\pi/2$ ).

Отметим своеобразную симметрию явления достижения максимального значения коэффициента поглощения (1.11) при наступлении полного внутреннего отражения ( $\cos \theta' = 0$ ) по отношению к этому же явлению при  $\rho/\rho' = 0$ .

Если  $\rho/\rho' \rightarrow \infty$ , то из (1.7)–(1.9) следует, что  $D \rightarrow 0$ . Таким образом, при отражении звука от свободной границы поглощение звуковой энергии не имеет места.

2. При закритических углах падения звука  $c'/c \geq 1$  и  $\theta \geq \theta_{кр}$ . Чтобы получить формулу для коэффициента отражения, нужно в (1.5) произвести замену

$$\cos \theta' = i \sqrt{(c'/c)^2 \sin^2 \theta - 1} = in,$$

где  $n$  — вещественная положительная величина. Поскольку в случае полного внутреннего отражения не происходит излучения звуковой энергии в нижнюю среду, для коэффициента поглощения справедливо соотношение  $D = 1 - A_2 \bar{A}_2$ , или

$$(2.1) \quad D = 4X / [(1 + X)^2 + (1 + Y)^2],$$

где  $X = \cos \theta / M_R$ ;  $Y = \rho c n / (\rho' c' M_R)$ . Наибольшее значение коэффициента поглощения (2.1) здесь, как и ранее, равно  $2(\sqrt{2} - 1)$  и достигается при  $X = \sqrt{2}$ ,  $Y = 0$ . Объединяя только что полученный результат (закритические углы падения) с полученным ранее (докритические углы падения), можно сказать, что при выполнении условия (1.12) коэффициент поглощения, рассматриваемый как функция угла падения, достигает наибольшего значения  $2(\sqrt{2} - 1)$  при прохождении величины угла падения через критическое значение.

Автор выражает благодарность Т. П. Жижкиной за большую помощь в работе.

Поступила 2 XI 1982

#### ЛИТЕРАТУРА

1. Kirchhoff G. Ueber den Einfluss der Wärmeleitung in einem Gase auf die Schallbewegung. — Poggendorff's Annalen, 1868, Bd 134, N 6.
2. Стретт Дж. В. (лорд Рэлей). Теория звука. Т. 2. М.: ГИТТЛ, 1955.
3. Константинов Б. П. О поглощении звуковых волн при отражении от твердой границы. — ЖТФ, 1939, т. 9, с. 226.
4. Хейран М. Э. Измерение и визуализация акустических волновых полей. — ТИИЭР, 1979, т. 67, № 4.

УДК 534.232

### О ГЕНЕРАЦИИ ЗВУКА ЛАЗЕРНЫМ ПУЧКОМ В ЖИДКОСТИ С ПОГЛОЩАЮЩИМИ ЧАСТИЦАМИ

П. И. Голубничий, Г. С. Калужный, С. Д. Корчиков

(Ворошиловград)

Генерация звука лазерным пучком в жидкости, связанная с вскипанием жидкости на поглощающих центрах, изучена сравнительно мало. Впервые акустические эффекты при вскипании жидкости в лазерном пучке наблюдались в [1]. Было обнаружено изменение показателя преломления жидкости под действием акустического излучения микропузырьков, образующихся на поглощающих частицах в зоне лазерного пучка [2–4]. Однако прямых измерений акустического излучения от ансамбля микропузырьков, равномерно распределенных по области взаимодействия лазерного пучка с жидкостью, насколько известно авторам, не проводилось. Настоящая работа является предварительным сообщением о результатах экспериментального исследования данного класса оптико-акустических явлений.