УДК 532.516

## АНАЛИЗ РЕЖИМОВ В ТРУБАХ РАНКА С КРУГЛЫМ И КВАДРАТНЫМ СЕЧЕНИЯМИ РАБОЧЕГО КАНАЛА

И. К. Кабардин, В. И. Полякова, М. Х. Правдина, Н. И. Яворский, М. Р. Гордиенко

Институт теплофизики им. С. С. Кутателадзе СО РАН, 630090 Новосибирск, Россия E-mails: ivankabardin@gmail.com, aboch44@academ.org, pmargarita@mail.ru, nick@itp.nsc.ru, fregat120@yandex.ru

Проведено сравнение подробных карт режимов при работе с использованием воздуха двух труб Ранка с круглым и квадратным сечениями рабочего канала в случае одинаковых направляющих аппаратов на входе и одинаковых выходов. Степень расширения воздуха и доля расхода через холодный выход варьировались в диапазонах  $2 \div 8$  и  $0,2 \div 0,8$  соответственно. Для обеих труб с увеличением степени расширения наблюдалась стабилизация зависимостей объемного расхода и коэффициента охлаждения от доли холодного расхода. Установлено, что коэффициент охлаждения в круглой трубе в  $1,5 \div 2,0$  раза больше, чем в квадратном канале, причем объемный расход в ней приблизительно на 10 % меньше.

Ключевые слова: вихревая труба, стабилизация, коэффициент скорости, коэффициент охлаждения.

DOI: 10.15372/PMTF20200104

1. Вихревая труба с рабочим каналом квадратного сечения впервые использовалась для экспериментального исследования эффекта Ранка с помощью оптической визуализации в работе [1], в которой в области, примыкающей к горячему выходу, с помощью метода Фуко — Гилберта визуализирована крупномасштабная двухспиральная вихревая структура при времени экспозиции 250 мкс. В [1, 2] приведены выборочные данные об изменениях температуры на холодных и горячих выходах обеих труб. Температурное разделение в трубе с квадратным сечением отчетливо проявляется, однако перепады температур на холодном и горячем выходах приблизительно в два раза меньше, чем в трубе с круглым сечением рабочего канала. Впоследствии для диагностики средней скорости в трубе с квадратным сечением рабочего канала применялся метод лазерной доплеровской анемометрии [3, 4] и было показано, что при фиксированном значении доли расхода через холодный выход структура потока слабо зависит от давления на входе.

Следует отметить, что для выполнения поточечных измерений с помощью метода лазерной доплеровской анемометрии [3–6] требуется несколько секунд на измерение в одной

Экспериментальное исследование потока в трубе Ранка — Хилша выполнено в рамках Государственного задания ИТ СО РАН АААА-А18-118051690120-2, разработка методики исследования потока выполнена при финансовой поддержке Российского фонда фундаментальных исследований (код проекта 18-31-20036).

<sup>©</sup> Кабардин И. К., Полякова В. И., Правдина М. Х., Яворский Н. И., Гордиенко М. Р., 2020



Рис. 1. Схема вихревой трубы: 1 — направляющий аппарат, 2 — тангенциальные щели, 3, 4 — торцевые крышки, 5 — трубка, 6 — рабочий канал, 7 — радиальный диффузор, 8 — зазор, 9 — вентиль, 10 — горячий выход, 11 — холодный выход, 12 — вход

точке, поэтому в измеренных осредненных полях скорости отсутствуют описанные в [1] нестационарные структуры. Тем не менее такие измерения позволяют получить данные, необходимые для верификации численных расчетов осредненных величин. В то же время имеется возможность при использовании современных полевых методов измерений [7] целенаправленно искать в потоке асимметричные нестационарные структуры путем фазового осреднения [8]. Таким образом, актуально проведение детальных исследований в вихревой трубе с квадратным сечением рабочего канала, где оптические методы можно использовать для сканирования потока в целом, а не только в центральном продольном сечении, как в случае круглой трубы [5, 6].

В настоящей работе сравниваются подробные карты режимов для указанных труб Ранка с круглым и квадратным сечениями рабочего канала. Представлены расходные характеристики и параметры температурного и энергетического разделения в зависимости от степени расширения и доли расхода через холодный выход.

2. Схема вихревой трубы показана на рис. 1. Характеристики режимов течения исследованы в двух вариантах устройства с одинаковой конструкцией входа и выходов — с круглым и квадратным сечениями рабочего канала. Вихревая труба включает вихревую камеру с направляющим аппаратом, имеющим две тангенциальные щели, с диафрагмированной гиперболической торцевой крышкой и плоской крышкой, в которую по центру встроена трубка. К отверстию в гиперболической крышке присоединяется рабочий канал. На противоположном конце рабочего канала имеется радиальный диффузор с варьируемым зазором, находящийся в буферной емкости, выход из которой может регулироваться вентилем.

Сжатый воздух поступает в вихревую камеру через две тангенциальные щели площадью 56 мм<sup>2</sup> каждая, расположенные на расстоянии 65 мм от оси, и входит в рабочий канал через отверстие в гиперболической крышке, имеющее радиус 17 мм. Холодный воздух выходит из устройства через трубку, встроенную в плоскую крышку вихревой камеры. Горячий воздух выходит из рабочего канала через радиальный диффузор и далее через вентиль в буферной емкости. На входе и обоих выходах предусмотрены измерительные блоки, обеспечивающие регистрацию давлений ( $P_{in}$ ,  $P_c$ ,  $P_h$ ), расходов воздуха ( $G_{in}$ ,  $G_c$ ,  $G_h$ ) и температур ( $T_{in}$ ,  $T_c$ ,  $T_h$ ). Длина рабочего канала составляет 390 мм. Канал с круглым сечением выполнен из дюралюминия. Три одинаковые секции канала с квадратным сечением длиной 130 мм также выполнены из дюралюминия и снабжены двумя прозрачными окнами из оптического стекла, расположенными на противоположных гранях. Диаметр трубки на холодном выходе равен 16 мм. Длина стороны квадрата и диаметр круга в сечениях рабочих каналов составляют 34 мм. Секции соединены фланцами. Термоизоляция не использовалась.

Следует отметить, что задача оптимизации охлаждения за счет выбора геометрии вихревой трубы в настоящей работе не ставилась, и геометрические параметры устройства, кроме величины зазора в радиальном диффузоре на горячем выходе, не варьировались.

С целью сравнения режимов для обеих труб проведены аналогичные серии измерений. Расходы воздуха на входе  $G_{in}$  и выходах  $G_c$ ,  $G_h$  измерялись с точностью до 2 % расходомерными диафрагмами, тарированными с помощью стандартного расходомера ИРВИС-РС4М\_Ультра, погрешность измерений которого не превышала 0,5 %. Значения температур и давлений измерялись датчиками: DS18B20 (температурный датчик на 223 ÷ 398 K, погрешность менее 0,1 K), SDV-I-2,50-1,60-1,00-4-20 мА (датчики давления на 0 ÷ 1 МПа, погрешность 0,1 %), Honeywell MPX50100 (дифференциальные датчики перепада давления на 0÷0,1 МПа, погрешность 0,1 %) и SDV-D-2,50-1,60-1,00-4-20 мА (датчики давления на 0 ÷ 1 МПа, погрешность 0,1 %).

Эксперименты в обеих трубах проводились в условиях, когда измерительные блоки холодного и горячего выходов были открыты в атмосферу. При этом непосредственно регистрировались или элементарно пересчитывались следующие параметры:  $\pi = P_{in}/P_a$  — степень расширения газа, равная отношению полного давления газа на входе в трубу к атмосферному давлению на выходах;  $\mu = G_c/G_{in}$  — доля расхода через холодный выход;  $T_{in}$ ,  $\Delta T_c = T_c - T_{in}$ ,  $\Delta T_h = T_h - T_{in}$  — температура воздуха на входе и изменения температуры на выходах.

Доля холодного расхода варьировалась в диапазоне  $\mu = 0,2 \div 0,8$ , степень расширения менялась в диапазоне  $\pi = 2 \div 8$ , расход воздуха на входе достигал значения  $G_{in} = 0,07$  кг/с.

Для вариации соотношения расходов использовались два метода. Во-первых, менялся зазор в радиальном диффузоре на горячем выходе при открытом вентиле на выходе из буферной емкости. Во-вторых, при фиксированном зазоре соотношение расходов регулировалось вентилем. Поскольку способ регулирования не оказывает влияние на зависимости от  $\mu$  общего расхода и изменений температур на выходах, ниже в основном приводятся данные, полученные путем регулирования соотношения расходов вентилем при постоянном размере зазора в радиальном диффузоре, составлявшем 1,5 мм.

**3.** На рис. 2, 3 показаны измеренные зависимости массового расхода  $G_{in}$  от степени расширения  $\pi$  и доли холодного расхода  $\mu$ . В исследованном диапазоне в обеих трубах наблюдается линейный рост расхода с увеличением степени расширения (см. рис. 2). При этом расход в трубе с квадратным сечением рабочего канала больше, чем в круглой трубе (различие составляет приблизительно 10 %). В обеих трубах наблюдается минимум массового расхода при  $\mu = 0.6 \div 0.8$ ,  $\pi < 4$  (см. рис. 3).

В [4] отмечено, что с увеличением давления структура течения внутри трубы с квадратным сечением рабочего канала меняется незначительно. В работе [9] установлено, что в щелях направляющего аппарата вихревой камеры при увеличении степени расширения потока значение скорости стабилизируется. Это явление наблюдалось как в короткой вих-



Рис. 2. Зависимость массового расхода  $G_{in}$  от степени расширения  $\pi$  для труб с круглым (*a*) и квадратным (*б*) сечениями при различных значениях доли холодного расхода  $\mu$ :

 $1-\mu=0.2,\ 2-\mu=0.3,\ 3-\mu=0.4,\ 4-\mu=0.5,\ 5-\mu=0.6,\ 6-\mu=0.7,\ 7-\mu=0.8$ 



Рис. 3. Зависимость массового расхода  $G_{in}$  от доли холодного расхода  $\mu$  для труб с круглым (a) и квадратным (б) сечениями при различных значениях степени расширения  $\pi$ : 1 —  $\pi = 2, 2 - \pi = 3, 3 - \pi = 4, 4 - \pi = 5, 5 - \pi = 6, 6 - \pi = 7, 7 - \pi = 8$ 

ревой камере радиусом 67 мм в отсутствие противотока и присоединения какого-либо рабочего канала к выходной диафрагме ( $\mu = 0$ ), так и в круглой трубе Ранка, схема которой представлена на рис. 1, при  $\mu = 0,2 \div 0,8$ . Установлено, что при постоянном значении  $\mu$ с увеличением степени расширения массовый расход увеличивается линейно, при этом скорость в щелевом направляющем аппарате либо стремится к пределу, меньшему, чем скорость звука (труба Ранка, короткая вихревая камера), либо при определенных условиях достигает скорости звука и далее не меняется (короткая вихревая камера). Ниже показано, что явление стабилизации скорости в щелях направляющего аппарата при увеличении давления воспроизводится в трубе с квадратным сечением рабочего канала, чем обусловлена выявленная в [4] стабилизация структуры внутреннего течения с ростом давления. Действительно, скорость в щелях направляющего аппарата задает объемный расход газа в устройстве, который, по-видимому, определяет структуру потока.

В качестве характеристики объемного расхода далее используется коэффициент скорости в щели  $\lambda = V_s/a_*$ , представляющий собой отношение скорости в щели  $V_s$  к критической



Рис. 4. Зависимость коэффициента скорости  $\lambda$  от доли холодного расхода  $\mu$  для труб с круглым (*a*) и квадратным (*б*) сечениями при различных значениях степени расширения  $\pi$ :

 $1-\pi=2,\,2-\pi=3,\,3-\pi=4,\,4-\pi=5,\,5-\pi=6,\,6-\pi=7,\,7-\pi=8$ 

скорости звука в потоке

$$a_* = \sqrt{T_{in} \, \frac{9.81 \cdot 848\varkappa}{29} \, \frac{2}{\varkappa + 1}} \,,$$

где  $\varkappa = 1,4$  — показатель адиабаты. Коэффициент скорости  $\lambda$  вычислялся в изоэнтропическом приближении по измеренным расходу  $G_{in}$ , температуре  $T_{in}$  и степени расширения  $\pi$ из уравнения

$$\lambda = \frac{G_{in}}{Sa_*\rho_s} = \frac{G_{in}}{Sa_*\rho_0} \left(1 - \frac{\varkappa - 1}{\varkappa + 1}\lambda^2\right)^{-1/(\varkappa - 1)}$$

 $(\rho_s = \rho_0 (1 - (\varkappa - 1)/(\varkappa + 1)\lambda^2)^{-1/(\varkappa - 1)}$  — плотность воздуха в щели;  $\rho_0 = 1,29 \cdot 273,15 \times \pi/T_{in}$  — плотность воздуха перед входом; S — общая площадь щелей направляющего аппарата).

На рис. 4 для каждой трубы показаны зависимости коэффициента скорости  $\lambda$  от  $\mu$ и  $\pi$ . Видно, что при  $\pi = 5 \div 7$  для квадратного сечения и  $\pi = 6 \div 8$  для круглого сечения параметр  $\lambda$  незначительно меняется с изменением давления, т. е. наблюдается его стабилизация, проявляющаяся в сближении кривых  $\lambda(\mu)$ . Также видно, что коэффициент скорости  $\lambda$  имеет минимум по  $\mu$  при  $\pi < 6$  для круглого и  $\pi < 5$  для квадратного сечения, причем с увеличением  $\pi$  экстремум сдвигается в область больших значений  $\mu$ .

На рис. 5 видно, что скорость сближения кривых  $\lambda(\pi)$  с увеличением степени расширения, в свою очередь, зависит от значения  $\mu$ . Коэффициент скорости  $\lambda$  имеет максимум по  $\pi$  при  $\mu > 0,3$ , причем с ростом  $\mu$  экстремум сдвигается в область меньших значений  $\pi$ .

На рис. 6 приведены зависимости коэффициента скорости  $\lambda$ и коэффициента гидравлического сопротивления  $\xi=2\Delta P/(\rho V_s^2)$ от доли холодного расхода  $\mu$ для каналов с круглым и квадратным сечениями в области стабилизации. Аппроксимирующие кривые описываются формулами

$$\lambda = -0.039 \ln (\mu) + 0.231, \qquad \xi = 6.6 \ln (\mu) + 31.0$$

для канала с круглым сечением и

$$\lambda = -0.034 \ln (\mu) + 0.215, \qquad \xi = 6.38 \ln (\mu) + 26.2$$

для канала с квадратным сечением. Различие значений коэффициента скорости для этих труб составляет приблизительно 10 %, коэффициенты сопротивления различаются приблизительно на 15 %.



Рис. 5. Зависимость коэффициента скорости  $\lambda$  от степени расширения  $\pi$  для труб с круглым (*a*) и квадратным (*б*) сечениями при различных значениях доли холодного расхода  $\mu$ :

 $1-\mu=0,2,\ 2-\mu=0,3,\ 3-\mu=0,4,\ 4-\mu=0,5,\ 5-\mu=0,6,\ 6-\mu=0,7,\ 7-\mu=0,8;$ точки — эксперимент, линии — аппроксимация



Рис. 6. Зависимости коэффициентов скорости  $\lambda$  (*a*) и гидравлического сопротивления  $\xi$  (*б*) от доли холодного расхода  $\mu$  для труб с круглым (1) и квадратным (2) сечениями при  $\pi = 6 \div 8$  и  $\pi = 5 \div 7$  соответственно; точки эксперимент, линии — аппроксимация

Результаты температурного и энергетического разделения показаны на рис. 7, 8. Температуры на холодном и горячем выходах регистрировались после их установления с точностью до второго знака после запятой, для чего выдерживалось время от 10 до 20 мин в зависимости от противодавления. На рис. 7, a, b показана зависимость коэффициента охлаждения  $\eta$ , равного доле адиабатического охлаждения, реализованной на холодном выходе, от доли холодного расхода  $\mu$ :  $\eta = \Delta T_c / \Delta T_s$ ,  $\Delta T_s = T_{in}[1 - (1/\pi)^{(\varkappa - 1)/\varkappa}]$ . Видно, что зависимость  $\eta(\mu)$  расслаивается по степени расширения  $\pi$ , причем расслоение в канале с квадратным сечением более существенно.

На рис. 7,6,*г* показана зависимость энергетического разделения, характеризуемого величиной  $\mu\eta$  (адиабатическим КПД), от доли холодного расхода  $\mu$ . В канале с квадратным сечением расслоение точек более существенно при малых степенях расширения. Однако при  $\pi = 6 \div 8$  для канала с круглым сечением и  $\pi = 5 \div 7$  для канала с квадратным сечением расслоение по степени расширения становится незначительным и наблюдается стабилизация зависимостей  $\eta(\mu)$  и  $\mu\eta(\mu)$  с точностью до  $5 \div 10$  %.



Рис. 7. Зависимости коэффициента охлаждения  $\eta$  (*a*, *б*) и величины  $\mu\eta$  (*b*, *c*) от доли холодного расхода  $\mu$  для труб с круглым (*a*, *b*) и квадратным (*b*, *c*) сечениями при различных значениях степени расширения  $\pi$ : 1 —  $\pi = 2, 2 - \pi = 3, 3 - \pi = 4, 4 - \pi = 5, 5 - \pi = 6, 6 - \pi = 7, 7 - \pi = 8$ 

Заметим, что в работе [10], в которой приводятся зависимости  $\Delta T_c(\mu)$ ,  $\Delta T_h(\mu)$  при  $\pi = 2 \div 5$ , также имеет место тенденция к сближению кривых при значениях  $\pi = 4 \div 5$ . Результаты работы [11] показывают, что изотермический КПД, определенный как отношение производства холода к затратам энергии на изотермическое сжатие газа, резко меняется с изменением давления при  $\pi = 2 \div 3$ , затем при  $\pi = 5 \div 6$  его зависимости от  $\mu$  также начинают сближаться. В настоящей работе стабилизация разделения по коэффициенту охлаждения  $\eta$  и адиабатическому КПД  $\mu\eta$  с ростом  $\pi$  отчетливо проявляется при  $\pi = 6 \div 8$  в трубе с круглым сечением и  $\pi = 5 \div 7$  в канале с квадратным сечением.

По представленным на рис. 7 данным построена аппроксимация зависимостей  $\eta(\mu)$ ,  $\mu\eta(\mu)$  в области стабилизации. Для того чтобы обеспечить выполнение условия  $\eta = 0$  при  $\mu = 0, \mu = 1$ , по экспериментальным точкам находилась полиномиальная аппроксимация для функции  $\varphi = \eta/[\mu(1-\mu)]$ . Формулы  $\varphi = \varphi_1(\mu), \varphi = \varphi_2(\mu)$  для каналов с квадратным и круглым сечениями соответственно имеют вид

$$\varphi_1(\mu) = 5,3409\mu^4 - 15,616\mu^3 + 17,825\mu^2 - 9,9023\mu + 2,4747,$$
  
$$\varphi_2(\mu) = 5,9724\mu^4 - 23,471\mu^3 + 30,934\mu^2 - 17,721\mu + 4,2383.$$

На рис. 8 приведены результаты эксперимента по температурному и энергетическому разделению в области стабилизации при  $\pi = 6 \div 8$  для круглого сечения и  $\pi = 5 \div 7$  для квадратного сечения. Линиями показаны аппроксимирующие кривые  $\eta = \varphi \mu (1 - \mu)$  и  $\mu \eta = \varphi \mu^2 (1 - \mu)$  для обеих труб.

На рис. 9 показана зависимость отношения температур от отношения долей расхода для холодного и горячего выходов обеих труб в исследованном диапазоне значений пара-



Рис. 8. Зависимости коэффициента охлаждения (*a*) и величины  $\mu\eta$  (*b*) от доли холодного расхода  $\mu$  для труб с круглым (1) и квадратным (2) сечениями при  $\pi = 6 \div 8$  и  $\pi = 5 \div 7$  соответственно; точки — эксперимент, линии аппроксимация



Рис. 9. Зависимость отношения температур на холодном и горячем выходах от отношения долей расходов через холодный и горячий выходы для труб с круглым (1) и квадратным (2) сечениями при  $\pi = 2 \div 8$  и  $\pi = 2 \div 7$  соответственно; точки — эксперимент, линии — линейная аппроксимация

метров  $\pi$  и  $\mu$ . Эта зависимость характеризует тепловой баланс без учета потерь тепла на периферии. При наличии термоизоляции для выполнения закона сохранения энергии требуется равенство значений абсциссы и ординаты. Согласно [12] при отсутствии термоизоляции это условие обычно не выполняется. Однако в случае сравнительно коротких гладких металлических вихревых труб наличие термоизоляции оказывает незначительное влияние на температурное разделение [10, 13]. Из рис. 9 следует, что без учета потерь тепла на наружных стенках тепловой баланс практически выполнен для круглой трубы, а для канала с квадратным сечением потери тепла на периферии значительны и составляют приблизительно 14 %, что, возможно, обусловлено наличием фланцев между секциями.

На рис. 10 для каналов с круглым и квадратным сечениями в области стабилизации показана зависимость коэффициента охлаждения  $\eta$  от коэффициента скорости  $\lambda$ . В канале с квадратным сечением наблюдается насыщение температурного коэффициента с увеличением скорости при  $\lambda \approx 0.3$ . Возможно, при оптимизации площади щелей такое насыщение наступает позднее. Поэтому представленные данные о температурном разделении не совпадают с результатами работы [1], в которой установка отличалась от показанной на рис. 1 тем, что площадь каждой входной щели направляющего аппарата составляла



Рис. 10. Зависимость коэффициента охлаждения от коэффициента скорости при стабилизации для труб с круглым при  $\pi = 6 \div 8$  (1) и квадратным при  $\pi = 5 \div 7$  (2) сечениями; точки — эксперимент, линии — аппроксимация

40 мм<sup>2</sup> (в 1,4 раза меньше, чем в настоящей работе). Коэффициент охлаждения в [1] составил  $\eta = 0,3$  при  $\pi = 6$ ,  $\mu = 0,26$ ,  $G_{in} = 0,045$  кг/с. В настоящей работе  $\eta = 0,17$  при  $\pi = 6$ ,  $\mu = 0,3$ ,  $G_{in} = 0,065$  кг/с. Существенная зависимость коэффициента охлаждения от площади входных щелей направляющего аппарата отмечалась в [12].

Заключение. В работе исследованы экспериментальные режимы для двух труб Ранка, различающихся тем, что сечения рабочих каналов в них имеют форму круга и квадрата. В обеих трубах наблюдается эффект стабилизации объемного расхода воздуха и коэффициента охлаждения с увеличением степени расширения потока, впервые отмеченный в [9] для круглой трубы. Анализ данных позволил выявить области значений степени расширения, при которых происходит стабилизация. Для верификации теоретических концепций и численных моделей течения в вихревых трубах приведенные экспериментальные данные необходимо дополнить данными о полях скорости, давления и температуры внутри рабочего канала. Результаты настоящей работы позволяют ограничить диапазон экспериментального исследования областью стабилизации течения, а именно  $\pi = 5 \div 7$  для трубы с квадратным сечением рабочего канала и  $\pi = 6 \div 8$  для круглой трубы при выборочных значениях доли холодного расхода из диапазона  $\mu = 0, 2 \div 0, 8$ .

## ЛИТЕРАТУРА

- Арбузов В. А., Дубнищев Ю. Н., Лебедев А. В. и др. Наблюдение крупномасштабных гидродинамических структур в вихревой трубке и эффект Ранка // Письма в ЖТФ. 1997. Т. 23, № 23. С. 84–90.
- Kabardin I. K., Meledin V. G., Yavorsky N. I., et al. Comparing Ranque tubes of circular and square cross section // MATEC Web Conf. 2017. V. 115. 02022. [Electron. resource]. Режим доступа: https://doi.org/10.1051/matecconf/201711502022.
- Дубнищев Ю. Н., Меледин В. Г., Павлов В. А. и др. Исследование структуры течения и энергоразделения в вихревой трубке квадратного сечения // Теплофизика и аэромеханика. 2003. Т. 10, № 4. С. 587–598.
- Yavorsky N. I., Meledin V. G., Kabardin I. K., et al. Velocity field diagnostics inside the Ranque — Hilsh vortex tube with square cross-section // AIP Conf. Proc. 2018. V. 2027. 030122. DOI: 10.1063/1.5065216.
- Liew R., Zeegers J. C. H., Johannes G. M., et al. 3D velocimetry and droplet sizing in the Ranque — Hilsch vortex tube // Experim. Fluids. 2013. V. 54. P. 1416–1432.

- 6. Doll U., Beversdorff M., Stockhausen G., et al. Characterization of the flow field inside a Ranque — Hilsch vortex tube using filtered Rayleigh scattering, Laser-2-Focus velocimetry and numerical methods // Proc. of the 17th Intern. symp. on applications of laser techniques to fluid mechanics, Lisbon (Portugal), 7–10 July 2014. [Electron. resource]. Режим доступа: https://ltces.dem.ist.utl.pt/lxlaser/lxlaser2014/finalworks2014/papers/03.4\_2\_167paper.pdf.
- 7. Burow E. J., Doll U., Klinner J., et al. Development of laser-optical measurement techniques on the vortex tube: Taking PIV to its limits // Proc. of the 18th Intern. symp. on the application of laser and imaging techniques to fluid mechanics, Lisbon (Portugal), 4–7 July 2016. [Electron. resource]. Режим доступа: https://ltces.dem.ist.utl.pt/lxlaser/lxlaser2016/finalworks2016/papers/01.5\_1\_204paper.pdf.
- Naumov I. V., Podolskaya I. Yu. Topology of vortex breakdown in closed polygonal containers // J. Fluid Mech. 2017. V. 820. P. 263–283.
- Kabardin I. K., Pravdina M. Kh., Polyakova V. I., et al. The subsonic velocity blocking effect for an aerodynamic vortex chamber // J. Phys: Conf. Ser. 2018. V. 1105.012006. DOI: 10.1088/1742-6596/1105/1/012006; 2-s2.0-85058218096.
- Hamdan M. O., Alawar A., Elnajjar E., et al. Experimental analysis on vortex tube energy separation performance // Heat Mass Transfer. 2011. V. 47, N 12. P. 1637–1642. DOI: 10.1007/s00231-011-0824-6 s00231-011-0824-6.
- Ahmed M. S., Mohamed H. A., El-Wafa A. A. Experimental study of the energy separation in counter flow vortex tube // Proc. of the 3rd Intern. conf. on energy systems and technologies, Cairo (Egypt), 16–19 Febr. 2015. Cairo: S. n., 2015. P. 1–10.
- Пиралишвили Ш. А. Вихревой эффект. Эксперимент, теория, технические решения / Ш. А. Пиралишвили, В. М. Поляев, М. Н. Сергеев. М.: Энергомаш, 2000.
- Torrella E., Patiño J., Sánchez D., et al. Experimental evaluation of the energy performance of an air vortex tube when the inlet parameters are varied // Open Mech. Engng J. 2013. V. 7. P. 98–107.

Поступила в редакцию 29/VII 2019 г., после доработки — 29/VII 2019 г. Принята к публикации 29/VII 2019 г.