УДК 536.25

# Численные исследования нестационарного сопряженного конвективного теплообмена в вертикальных слоях жидкости и газа, разделенных тонкой металлической перегородкой<sup>\*</sup>

**В.С. Бердников<sup>1,2</sup>, С.А. Кислицын<sup>1,2</sup>** 

<sup>1</sup>Институт теплофизики им С.С. Кутателадзе СО РАН, Новосибирск <sup>2</sup>Новосибирский государственный технический университет

E-mail: berdnikov@itp.nsc.ru

Численно в сопряженной постановке задачи исследовано развитие конвективного течения после внезапного нагрева вертикальной стенки, ограничивающей сбоку слой этилового спирта, в системе, состоящей из вертикальных слоев спирта и воздуха, разделенных тонкой металлической перегородкой. Методом конечных элементов решены уравнения термогравитационной конвекции в приближении Буссинеска, записанные в переменных температуры, вихря и функции тока. Изучено развитие нестационарных гидродинамических и тепловых пограничных слоев на всех четырех вертикальных стенках. Рассчитаны поля температуры в жидкости, в газе и в вертикальной перегородке. Особенности развития пространственной формы течения и нестационарного сопряженного конвективного теплообмена между слоями жидкости и газа существенно влияют на нестационарные поля температуры и градиенты температуры в тонкой металлической перегородке. Максимальные градиенты температуры в перегородке возникают на начальной стадии развития течения.

Ключевые слова: сопряженный теплообмен, термогравитационная конвекция, вертикальные слои жидкости и газа, перегородка, поля температуры и скорости, численное моделирование, метод конечных элементов.

#### Введение

Практически все технические и технологические системы, состоящие из оболочек, наполненных жидкостями или газами, работают в режимах управляемого включения нагрева или охлаждения или в результате естественного взаимодействия с окружающей средой. К таким системам относятся, например, топливные баки авиационной и ракетной техники, тигли, изготовленные из различных материалов (платины, молибдена, кварца и др.) и наполненные расплавами при выращивании монокристаллов. Тепловое состояние тонкостенных конструкций, например, летательных аппаратов (ЛА) в процессах взлета и посадки, на начальных стадиях выхода на крейсерскую скорость, существенно зависит от процессов нестационарного сопряженного конвективного теплообмена в топливных баках и в воздушных прослойках фюзеляжа. При полетах на сверхзвуковых скоростях добавляются процессы разогрева обшивки ЛА. С развитием авиационной техники при решении проблем весовой оптимизации и повышения надежности заметно растут требования к качеству проведения расчетов термических напряжений

<sup>\*</sup> Исследование выполнено при финансовой поддержке РФФИ в рамках научного проекта № 19-08-0707.

<sup>©</sup> Бердников В.С., Кислицын С.А., 2021

## Бердников В.С., Кислицын С.А.

в неизотермических тонкостенных элементах конструкций ЛА [1, 2]. Распределения температуры, градиентов температуры и термических напряжений в стенках топливных баков и других систем зависят от сопряженного конвективного теплообмена. В неравномерно нагретых объемах жидкости, находящихся в поле тяжести, развиваются свободно-конвективные течения, сопровождающиеся расслоением жидкости по температуре [1–12]. При подводе тепла к стенкам нагретая жидкость всплывает и накапливается сверху. Существенное влияние на закономерности сопряженного теплообмена оказывает пространственная форма конвективных течений. В свою очередь, форма конвективных течений в значительной мере зависит от конфигурации полости и расположения разогретых и охлажденных стенок и их фрагментов [1–12]. Для адекватных оценок полей термических напряжений в конструкциях необходимо знать локальные особенности гидродинамики, порождаемые ими особенности локального сопряженного теплообмена и, как следствие, закономерности зависимостей полей температуры от времени в тонких стенках [1, 2]. Распределения градиентов температуры и термических напряжений в элементах неизотермических конструкций являются следствием нестационарного сложносопряженного теплообмена. В настоящем исследовании получили развитие проведенные в Институте теплофизики им. С.С. Кутателадзе СО РАН серии работ, направленные на изучение влияния сопряженного свободноконвективного теплообмена на распределения температуры в тонких стенках [3, 4]. Численно в сопряженной постановке исследована зависимость распределений температуры в тонкой вертикальной перегородке при натекании на нее потока горячей жидкости от нагреваемой вертикальной стенки. Изучена эволюция конвективных течений в слоях жидкости и газа, разделенных тонкой металлической перегородкой. Рассчитаны нестационарные поля температуры в жидкости, в перегородке и в слое газа. В подавляющем большинстве предшествующих работ исследования проводились в бесконечно длинных слоях текучих сред [5-7] при стационарных



граничных условиях или внимание обращалось на влияние тепловой инерции стенки на начальном этапе развития конвективного течения [7–9]. Во многих работах учитывались перетечки тепла вдоль стенок, но перепад температуры по толщине стенки считался пренебрежимо малым [8–12]. В представленной работе определены зависимости градиентов температуры в продольном и поперечном направлениях тонкой стенки.

### Постановка задачи

Расчетная двумерная область состоит из двух полостей, разделенных тонкой высокотеплопроводной вертикальной перегородкой (рис. 1). Правая полость  $\Omega_1$  заполнена этиловым спиртом, свойства которого близки к теплофизическим свойствам авиационных топлив. Левая полость Ω<sub>2</sub> заполнена воздухом. Материал перегородки Ω<sub>3</sub> — жаропрочная сталь 1Х13. Все границы жесткие. Правая вертикальная стенка S1 в начальный момент времени мгновенно нагревается до такой температуры, что число Грасгофа Gr, определенное по толщине слоя жидкости и перепаду температуры между внешними стенками, составляет 106. Левая вертикальная стенка S2 остается изотермической с температурой, равной начальной температуре системы (при t = 0). Толщина слоев жидкости  $\Omega_1$ и газа  $\Omega_2$  одинакова и равна L = 60 мм. Высота расчетной области H == 756 мм. Соответственно относительный размер H/L = 12,6. Относительная толщина металлической перегородки  $\Omega_3 - \delta/L = 0.015$  ( $\delta = 0.9$  мм). Горизонтальные границы S<sub>5</sub>-S<sub>10</sub> в рассматриваемом варианте расчетов являются адиабатическими.

Рис. 1. Схема расчетной области.

Таким образом, в начальный момент времени система находится в состоянии покоя, и ее температура равна  $T_{\min}$ . Внезапно происходит нагрев вертикальной внешней стенки в области с этиловым спиртом до температуры  $T_{\max}$ , а на вертикальной внешней стенке в области с газом поддерживается начальная температура системы  $T_{\min}$ . Задача сопряженного теплообмена решалась методом конечных элементов. Применялась прямоугольная сетка со сгущением ко всем границам. На конечных элементах задавались билинейные базисные функции. Количество узлов в прямоугольной неравномерной сетке составляло 121×566 (68486). Фрагмент сетки в окрестности перегородки приведен на рис. 2. Здесь красной линией показана граница раздела жидкость–перегородка S<sub>3</sub>, синей — граница раздела перегородка–газ S<sub>4</sub>.

Для жидкости и газа решались системы уравнений свободной конвекции в безразмерном виде в приближении Буссинеска, записанных в терминах температуры, вихря и функции тока:

$$\begin{cases} \left(\frac{\partial T}{\partial t} + u\frac{\partial T}{\partial x} + v\frac{\partial T}{\partial y}\right) = \frac{1}{\Pr} \left(\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}\right), \\ \left\{ \left(\frac{\partial \omega}{\partial t} + u\frac{\partial \omega}{\partial x} + v\frac{\partial \omega}{\partial y}\right) = \left(\frac{\partial^2 \omega}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \omega}{\partial x^2}\right) + \operatorname{Gr} \frac{\partial T}{\partial x}, \\ \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = -\omega, \end{cases} \\ \frac{f_{\rm cf} \rho_{\rm f}}{c_{\rm f} \rho_{\rm f}} \left(\frac{\partial T}{\partial t} + u\frac{\partial T}{\partial x} + v\frac{\partial T}{\partial y}\right) = \frac{\lambda_{\rm g}}{\lambda_{\rm f} \Pr {\rm f}} \left(\frac{\partial^2 T}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial x^2}\right), \\ \frac{\rho_{\rm g}}{\rho_{\rm f}} \left(\frac{\partial \omega}{\partial t} + u\frac{\partial \omega}{\partial x} + v\frac{\partial \omega}{\partial y}\right) = \frac{v_{\rm g}}{v_{\rm f}} \left(\frac{\partial^2 \omega}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \omega}{\partial x^2}\right) + \frac{\beta_{\rm g}}{\beta_{\rm f}} \operatorname{Gr} \frac{\partial T}{\partial x} \\ \frac{\partial^2 \psi}{\partial y^2} + \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = -\omega. \end{cases}$$

Нестационарные поля температуры в перегородке определялись из решения уравнения теплопроводности

$$\frac{\rho_{\rm w}c_{\rm w}}{\rho_{\rm f}c_{\rm f}} \cdot \frac{\partial T}{\partial t} - \frac{\lambda_{\rm w}}{\lambda_{\rm f} \cdot \Pr} \left( \frac{\partial^2 T}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T}{\partial y^2} \right) = 0.$$

В приведенных уравнениях

$$v = -\frac{\partial \psi}{\partial x}, \quad u = \frac{\partial \psi}{\partial y}, \quad \Pr = \frac{v_{\rm f} \cdot \rho_{\rm f} \cdot c_{\rm f}}{\lambda_{\rm f}}, \quad \operatorname{Gr} = \frac{g \cdot \beta_{\rm f}}{v_{\rm f}^2} \cdot \Delta T \cdot L^3.$$



Рис. 2. Фрагмент сетки в окрестности перегородки.

На всех границах в жидкости и газе выполняются условия непротекания и прилипания:

$$\psi|_{\mathbf{S}_i} = 0, \ \omega|_{\mathbf{S}_i} = \frac{\partial v}{\partial x} - \frac{\partial u}{\partial y}, \ i = 1, 2, ..., 8.$$

На внешних вертикальных границах расчетной области поддерживаются постоянные температуры (при  $t \ge 0$ ):

$$T|_{S_1} = 1, \quad T|_{S_2} = 0.$$

На границах раздела сред «перегородка-жидкость» и «перегородка-газ» выполняются условия идеального теплового контакта, т.е. на указанных границах температура и тепловой поток являются равными и неразрывными:

$$\lambda_{\rm w} \left. \frac{\partial T}{\partial n} \right|_{{\rm S}_{3-}} = \lambda_{\rm f} \left. \frac{\partial T}{\partial n} \right|_{{\rm S}_{3+}}, \quad \lambda_{\rm g} \left. \frac{\partial T}{\partial n} \right|_{{\rm S}_{4-}} = \lambda_{\rm w} \left. \frac{\partial T}{\partial n} \right|_{{\rm S}_{4+}}, \quad T \mid_{{\rm S}_{3+}} = T \mid_{{\rm S}_{3-}}, \quad T \mid_{{\rm S}_{4+}} = T \mid_{{\rm S}_{4-}},$$

здесь знак «+» означает, что граница рассматривается как входящая в подобласть справа относительно границы раздела сред с указанным численным индексом, а знак «–» означает положение слева относительно границы раздела сред. Эти условия учитываются при совместном решении уравнений конвекции и уравнении теплопроводности в перегородке. Все горизонтальные границы являются адиабатическими:

$$\frac{\partial T}{\partial y}\Big|_{\mathbf{S}} = 0, \quad i = 5, 6, \dots, 10.$$

В качестве масштаба геометрических размеров выбрана толщина слоя жидкости *L*. Для скорости и времени использованы масштабы  $v_f/L u L^2/v_f$  соответственно (значения размерных масштабов времени и скорости соответственно 2427,35 с и 0,0247 мм/с). Масштаб температуры —  $\Delta T = T_{max} - T_{min}$ .

Для расчетов были использованы фиксированные значения теплофизических свойств этилового спирта, воздуха и стали марки 1Х13 при 20 °C: коэффициент кинематической вязкости этилового спирта  $v_f = 1,483 \cdot 10^{-6} \text{ м}^2/\text{с}$ , коэффициент кинематической вязкости воздуха  $v_g = 1,494 \cdot 10^{-5} \text{ M}^2/\text{c}$ , число Прандтля для этилового спирта Pr = 16,1, число Прандтля для воздуха  $Pr_g = 0,71$ , коэффициент теплопроводности этилового спирта  $\lambda_f = 0,179 \text{ Br/(M}\cdot\text{K})$ , коэффициент теплопроводности воздуха  $\lambda_g = 0,0254 \text{ Br/(M}\cdot\text{K})$ , коэффициент теплопроводности воздуха  $\lambda_g = 1006 \text{ Дж/(K}\cdot\text{K})$ , удельная теплоемкость этилового спирта  $c_f = 2403,22 \text{ Дж/(K}\cdot\text{K})$ , удельная теплоемкость воздуха  $c_g = 1006 \text{ Дж/(K}\cdot\text{K})$ , удельная теплоемкость этилового спирта  $\rho_f = 807,75 \text{ kr/m}^3$ , плотность воздуха  $\rho_g = 1,202 \text{ kr/m}^3$ , плотность стали марки 1Х13  $\rho_w = 7725 \text{ kr/m}^3$ , коэффициент объемного теплового расширения этилового спирта  $\beta_f = 1,05\cdot10^{-3} \text{ K}^{-1}$ , коэффициент объемного теплового расширения воздуха  $\beta_g = 3,46\cdot10^{-3} \text{ K}^{-1}$  [13, 14].

#### Результаты расчетов

Развитие конвективного течения в характерные моменты времени показано на рис. 3, 4. После короткого промежутка времени, в течение которого прогревается критическая масса жидкости, возникает подъемный поток вдоль внезапно нагретой правой стенки ( $t \le 0,012$ ). На следующем этапе в верхнем торце слоя жидкости формируется поток нагретой жидкости, натекающий на перегородку ( $t \ge 0,02$ ). Далее происходит локальный нагрев перегородки и подогрев верхней части слоя газа вначале в режиме теплопроводности, а затем при слабоинтенсивной конвекции, возникающей в газе ( $t \ge 0,034$ ).



Рис. 3. Поля изотерм (слева) и изолиний функции тока (справа)

Бердников В.С., Кислицын С.А.



Продолжение рис. 3.

Теплофизика и аэромеханика, 2021, том 28, № 1



Рис. 4. Поля изотерм (слева) и изолиний функции тока (справа).

На следующем этапе в верхней части слоя жидкости накапливается нагретая жидкость и начинает формироваться устойчиво стратифицированное ядро, нижняя граница которого постепенно смещается к дну полости (0,057  $\leq t \leq$  1,3945). В промежутке времени от t = 2,5945 до t = 6,6625 верхняя часть слоя жидкости приобретает температуру, практически равную температуре нагретой стенки. В этом промежутке времени большая часть заданного перепада температуры между внешними границами все в большей мере устанавливается между границами газовой прослойки.

Эволюция пространственной формы течения в слоях жидкости и газа также представлена на рис. 3, 4. Поля температуры и скорости в режимах термогравитационной конвекции жестко коррелированны. По мере формирования устойчиво стратифицированного ядра в слое жидкости оно оказывает все более ощутимое влияние на форму течения и его интенсивность. Развитие гидродинамических и тепловых пограничных слоев на вертикальных стенках показано на рис. 5–7. Здесь приведены профили вертикальной компоненты скорости и распределения температуры от горячей стенки до холодной на нескольких уровнях по высоте слоя в те же моменты времени, что и на рис. 3, 4. На рис. 7 видно, как вначале растет амплитуда скорости вниз по потоку на правой нагреваемой стенке, а по мере формирования нагретого устойчиво стратифицированного ядра амплитуда скорости снижается, и течение практически затухает. В процессе прогрева перегородки сверху вниз течение постепенно охватывает весь слой газа, начиная с его верхней части (рис. 5). Между вертикальными стенками, ограничивающими слой газа, эффективно действующий перепад температуры постепенно растет до какого-то момента времени (рис. 6). Соответственно растет интенсивность течения. Затем по мере формирования





ядра с устойчивой стратификацией слоя газа амплитуда скорости в верхней части слоя падает, но остается высокой в нижней части.

Процесс формирования устойчивой стратификации в ядрах слоев жидкости и газа отображают распределения температуры по высоте слоев в центральных сечениях на рис. 8. На рис. 8*с* видно, как слой жидкости постепенно становится слабо стратифицированным, почти изотермическим. В ядре слоя газа (рис. 8*a*) постепенно устанавливается практически линейное распределение температуры по высоте слоя.

Процесс формирования устойчиво стратифицированных ядер в слоях жидкости и газа отражается на распределениях температуры по высоте перегородки в центральном сечении по ее толщине (рис. 8b). На поле температуры в перегородке влияет натекание потока нагретой жидкости в верхней части слоя (рис. 9). В начальные моменты времени вследствие натекания компактной струи нагретой жидкости наблюдается тепловой удар (кривая 1, рис. 9b). В результате в перегородке возникают существенные градиенты температуры (рис.10), по которым можно рассчитать термические напряжения.

На рис. 9 можно отметить еще одну особенность. При формировании устойчивой стратификации в ядре и при наличии бокового подогрева возникают вторичные течения — вытянутые по горизонтали ячейки. Они являются низкоскоростными и оказывают относительно слабое влияние на поля температуры в перегородке (рис. 10, кривые 3).





На рис. 11 показаны зависимости интегрального потока тепла в размерном виде (при относительном размере области H/L = 12,6). При толщине слоя жидкости 60 мм и высоте 756 мм значению числа Грасгофа 10<sup>6</sup> соответствует характерный перепад температуры  $\Delta T = 0,99$  К. Поток тепла рассчитан при ширине полосы 60 мм по трансверсальной координате. В момент времени t = 6,662 значения теплового потока равны 0,03691 и 0,04059 Вт на холодной и горячей стенках соответственно.

Зависимость теплового потока от времени качественно соответствует сценарию развития конвективного течения и зависимостям от времени характеристик полей скорости и температуры. Данные на рис. 11 получены в результате интегрирования распределений локальных тепловых потоков на рабочих поверхностях стенок S<sub>1</sub> и S<sub>2</sub>. В безразмерном виде эти распределения представлены на рис. 12.



*Рис.* 7. Профили вертикальной компоненты скорости в различных сечениях по высоте слоя жидкости в моменты времени t = 0.02 (1), 0.057 (2), 0.3 (3), 1.3945 (4), 6.6625 (5).

Теплофизика и аэромеханика, 2021, том 28, № 1



*Рис. 8.* Распределения температуры по высоте слоя газа (*a*), перегородки (*b*) и слоя жидкости (*c*) в различных сечениях по координате *x* в моменты времени t = 0.02 (*1*), 0.057 (*2*), 0.3 (*3*), 1.3945 (*4*), 6.6625 (*5*).

## x = 0,5 (a), 1,0075 (b), 1,515 (c).



*Рис.* 9. Профили горизонтальной компоненты скорости в центральных сечениях по координате *x* слоев газа (*a*) и жидкости (*b*) в моменты времени t = 0,02 (*1*), 0,057 (*2*), 0,3 (*3*), 1,3945 (*4*), 6,6625 (*5*). x = 0,5 (*a*), 1,515 (*b*).



*Рис. 10.* Распределения градиентов температуры по высоте перегородки (*a*) и по толщине (*b*) в центральном сечении x = 1,0075 в моменты времени t = 0,02 (*1*), 0,057 (*2*), 0,3 (*3*), 1,3945 (*4*), 6,6625 (*5*).



*Рис. 11.* Зависимость интегрального теплового потока от времени на вертикальных границах, начиная с моментов времени t = 0,032 (*a*) и t = 2,5 (*b*).





*Рис.* 12. Распределения градиентов температуры на поверхностях правой (*a*) и левой (*b*) стенок в моменты времени t = 0,02 (1), 0,057 (2), 0,3 (3), 1,3945 (4), 6,6625 (5). Распределение dT/dx в спирте в сечении x = 2,015 (*a*) и в воздухе в сечении x = 0 (*b*).

## Заключение

Численно исследовано развитие конвективного течения после внезапного нагрева вертикальной стенки, ограничивающей сбоку слой этилового спирта, в системе, состоящей из вертикальных слоев спирта и воздуха, разделенных тонкой металлической перегородкой. Изучено развитие нестационарных гидродинамических и тепловых пограничных слоев на всех четырех вертикальных стенках. Особенности развития пространственной формы течения и нестационарного сопряженного конвективного теплообмена между слоями жидкости и газа существенно влияют на нестационарные поля температуры и градиентов температуры в тонкой металлической перегородке. Максимальные градиенты температуры в перегородке возникают на начальной стадии развития течения.

## Список литературы

- 1. Белов В.К., Белов В.В. Прочность и устойчивость ракетных и авиационных конструкций при термосиловом нагружении. Новосибирск: Изд-во НГТУ, 2011. 491 с.
- **2. Забродин В.С.** Температурные поля в конструкции летательных аппаратов. Методы расчета. М.: Машиностроение, 1978. 184 с.

- 3. Бердников В.С., Гришков В.А. Структура течения и теплообмен в вертикальных слоях жидкости в режимах термогравитационной и тепловой гравитационно-капиллярной конвекции // Сб. тр. Всеросс. конф. по аэродинамике летательных аппаратов и прочности авиационных конструкций. СибНИА, 17–19 июня 2008, Новосибирск, 2009. С. 124–131.
- 4. Бердников В.С., Гапонов В.А., Гришков В.А., Лиханский П.М., Марков В.А. Влияние нестационарной тепловой гравитационно-капиллярной конвекции на распределение температуры в тонкой вертикальной стенке // Теплофизика и аэромеханика. 2010. Т. 17, № 2. С. 197–208.
- 5. Гершуни Г.З., Жуховицкий Е.М. Конвективная устойчивость несжимаемой жидкости. М.: Наука, 1972. 392 с.
- 6. Гершуни Г.З., Жуховицкий Е.М., Непомнящий А.А. Устойчивость конвективных течений. М.: Наука, 1989. 320 с.
- 7. Гебхарт Б., Джалурия Й., Махаджан Р., Саммакия Б. Свободноконвективные течения, тепло- и массообмен. В 2-х кн. Пер. с англ. Кн. 1. М.: Мир, 1991. 678 с.
- 8. Полежаев В.И. Нестационарная ламинарная тепловая конвекция в замкнутой области при заданном потоке тепла // Изв. АН СССР. Механика жидкости и газа. 1970. № 4. С. 109–117.
- 9. Полежаев В.И. Конвективное взаимодействие в цилиндрическом сосуде, частично заполненном жидкостью, при подводе тепла к боковой и свободной поверхностям и дну // Изв. АН СССР. Механика жидкости и газа. 1983, № 4. С. 77–88.
- 10. Черкасов С.Г. Естественная конвекция в вертикальном цилиндрическом сосуде при подводе тепла к боковой и свободной поверхности // Изв. АН СССР. Механика жидкости и газа. 1984. № 6. С. 51–56.
- 11. Черкасов С.Г. Квазистационарный режим естественной конвекции в вертикальном цилиндрическом сосуде // Изв. АН СССР. Механика жидкости и газа. 1986. № 1. С. 146–152.
- 12. Моисеева Л.А., Черка сов С.Г. Теоретические исследования влияния теплопроводности стенки на процессы свободноконвективного теплообмена в вертикальной цилиндрической емкости // Теплофизика высоких температур. 2002. Т. 40, № 3. С. 485–493.
- 13. Варгафтик Н.Б. Справочник по теплофизическим свойствам газов и жидкостей. М.: Наука, 1972. 720 с.
- 14. Иванов Г.Н. Тепловые свойства веществ: справочная таблица. М.: ЦНИИатоминформ, 1979. 173 с.

Поступила в редакцию 1 октября 2019 г., после доработки — 31 октября 2019 г., принята к публикации 6 ноября 2019 г., после дополнительной доработки — 5 августа 2020 г.